

# ชุดพัฒนาความรู้ ด้านคณิตศาสตร์

เล่มที่ 5

แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก  
เพื่อพัฒนาความรู้ด้านคณิตศาสตร์

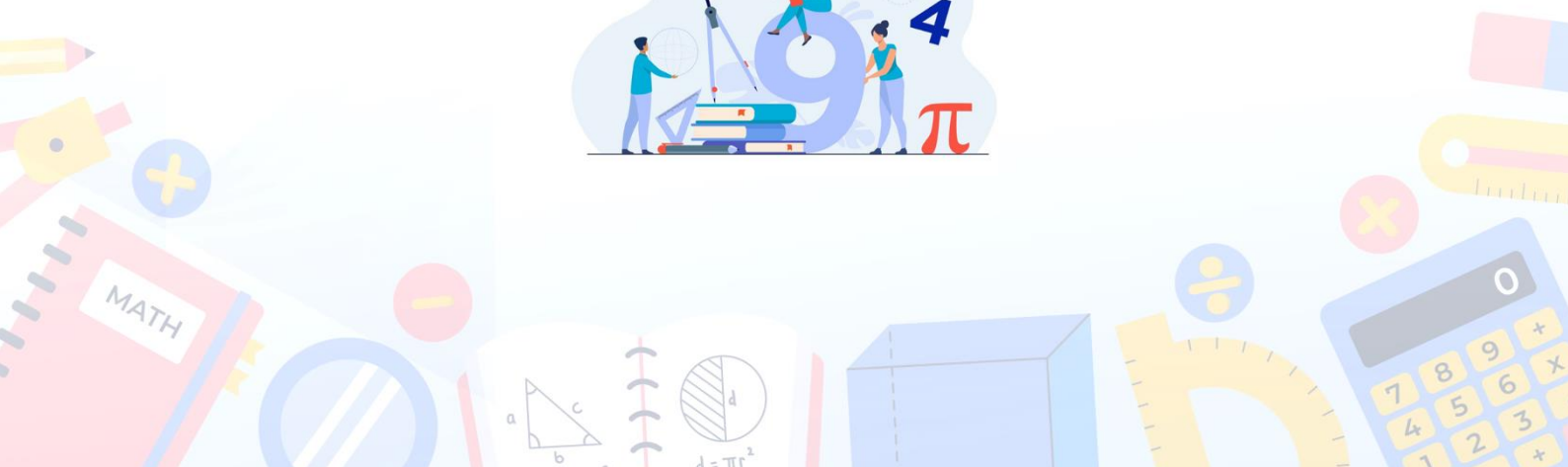


สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน  
สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี  
กระทรวงศึกษาธิการ



# เล่มที่ 5

แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



## คำนำ

แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ นี้ เป็นเอกสารที่จัดทำขึ้นเพื่อใช้ประกอบการประเมินเพื่อพัฒนาสมรรถนะความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ สำหรับนักเรียนชั้นมัธยมศึกษาตอนต้น ควบคู่ไปกับแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ ซึ่งเป็นเอกสารเล่มที่ 5 ในชุดพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ โดยมีเอกสารประกอบในชุดทั้งหมดจำนวน 6 เล่ม ได้แก่

เล่มที่ 1 : คู่มือการใช้ชุดฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

เล่มที่ 2 : กรอบแนวคิดและรูปแบบการจัดกิจกรรมการเรียนรู้เพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

เล่มที่ 3 : กิจกรรมการเรียนรู้เพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

เล่มที่ 4 : แบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

**เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์**

เล่มที่ 6 : แบบฝึกเพิ่มเติมเพื่อพัฒนาทักษะการคิดวิเคราะห์และการแก้โจทย์ปัญหาคณิตศาสตร์

เอกสารทั้ง 6 เล่มนี้ สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี (สสวท.) และ สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน (สพฐ.) โดย สำนักบริหารงานความเป็นเลิศด้านวิทยาศาสตร์ศึกษา (สว.) สำนักวิชาการและมาตรฐานการศึกษา (สวก.) สำนักทดสอบทางการศึกษา (สทศ.) ศูนย์ขับเคลื่อนโครงการโรงเรียนคุณภาพประจำตำบล สำนักพัฒนานวัตกรรมการจัดการศึกษา (สนก.) ศูนย์ PISA สพฐ. และ เครือข่ายสถานศึกษากลุ่มโรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาลงกรณ์ราชวิทยาลัย ได้ร่วมกันจัดทำขึ้น เพื่อให้ครูผู้สอนนำไปใช้เป็นแนวทางในการจัดการเรียนรู้ เพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ของนักเรียนระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนต้น ตามกรอบการประเมินสมรรถนะนักเรียนมาตรฐานสากล (Programme for International Student Assessment-PISA) โดยองค์การเพื่อความร่วมมือทางเศรษฐกิจและการพัฒนา (Organisation for Economic Co-operation and Development-OECD)

การจัดกิจกรรมการเรียนรู้เพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ของนักเรียนระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนต้น ตามรูปแบบในเอกสารทั้ง 6 เล่ม สามารถนำไปใช้ได้ในการจัดการเรียนรู้ใน 4 แนวทาง ดังนี้

- 1) จัดทำเป็นรายวิชาเพิ่มเติมขึ้นใหม่ เป็นการเฉพาะ จำนวน 0.5 หน่วยกิต
- 2) บูรณาการจัดเป็นกิจกรรมหนึ่งในการจัดการเรียนรู้รายวิชาคณิตศาสตร์พื้นฐาน
- 3) บูรณาการจัดเป็นกิจกรรมหนึ่งในการจัดการเรียนรู้รายวิชาคณิตศาสตร์เพิ่มเติม
- 4) จัดในรูปแบบกิจกรรมการเรียนรู้อื่น ๆ ตามบริบทและความพร้อมของโรงเรียน

แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ นี้ จัดทำขึ้นโดยนำเอาเฉลยข้อสอบ แนวทางการตอบคำถาม แนวทางการประเมิน และเกณฑ์การให้คะแนนตามกรอบการประเมิน PISA ด้านคณิตศาสตร์ ทั้งข้อสอบรูปแบบเอกสาร และข้อสอบรูปแบบของ Computer Based-Test : CBT ที่เผยแพร่และอนุญาตให้นำไปใช้จาก OECD มาจัดเรียบเรียงตามลำดับที่ได้จัดทำตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความ

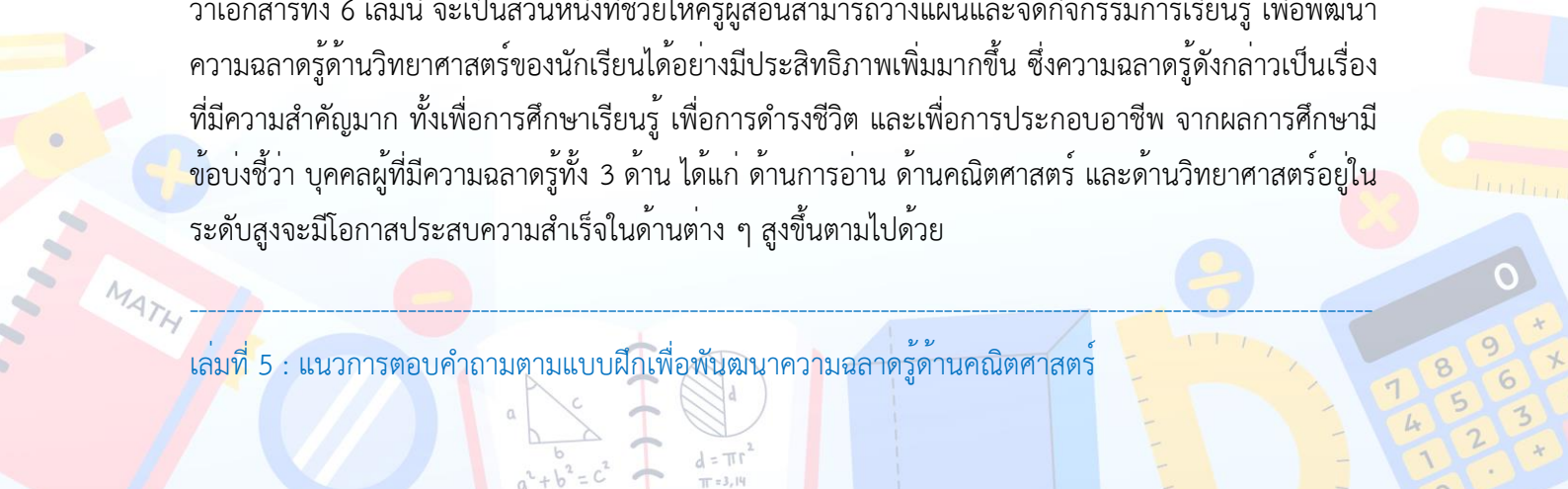
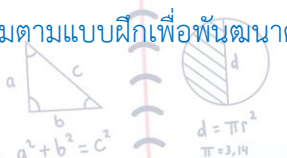
ฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ จำนวนทั้งหมด 96 เรื่อง ซึ่งมีการปรับปรุงให้มีความเหมาะสมในการนำไปใช้ในการฝึกปฏิบัติเพื่อพัฒนาและประเมินความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ โดยมีวัตถุประสงค์เพื่อให้ครูผู้สอนนำไปใช้ในการพัฒนาความฉลาดรู้ของนักเรียน ควบคู่ไปกับแบบฝึก ซึ่งสามารถนำไปใช้ได้ทั้งในและนอกชั้นเรียน เพิ่มเติมจากรูปแบบการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ใน เล่มที่ 2 : กรอบแนวคิดและรูปแบบการจัดกิจกรรมการเรียนรู้เพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ และการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ที่ได้จัดทำเป็นตัวอย่างใน เล่มที่ 3 : กิจกรรมการเรียนรู้เพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ และ เล่มที่ 4 : แบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ ที่จัดทำในลักษณะของไฟล์เอกสารที่สามารถดาวน์โหลดเพื่อให้ครูผู้สอนนำมาใช้เพื่อฝึกพัฒนาความฉลาดรู้ และประเมินข้อสอบเพิ่มเติม หรือนำไปปรับประยุกต์ให้เหมาะสมตามบริบท ทั้งในและนอกห้องเรียน

อนึ่ง ในปัจจุบัน การทดสอบต่าง ๆ ได้เริ่มให้ผู้สอบทำข้อสอบบนคอมพิวเตอร์ (Computer-Based Test) มากขึ้น ดังนั้น เพื่อให้นักเรียนคุ้นเคยกับการทำข้อสอบบนคอมพิวเตอร์ดังกล่าว ครูผู้สอนควรจัดให้นักเรียนได้เข้าฝึกทำข้อสอบ PISA ที่ OECD อนุญาตให้เผยแพร่และข้อสอบ PISA-Like ที่พัฒนาโดย สสวท. ผ่านระบบออนไลน์ของ สสวท. <https://pisaitems.ipst.ac.th/> และข้อสอบ PISA Style ผ่านระบบออนไลน์ของศูนย์ PISA สพฐ. <https://www.pisacenterobec.org/pisa-style/> เพื่อพัฒนาสมรรถนะความฉลาดรู้ทั้ง 3 ด้าน ได้แก่ ด้านการอ่าน ด้านคณิตศาสตร์ และด้านวิทยาศาสตร์ เพิ่มเติมด้วย

การจัดทำเอกสารทั้ง 6 เล่มนี้ ได้รับความอนุเคราะห์จากครูของโรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาภรณราชวิทยาลัย ครูโรงเรียนเครือข่ายร่วมพัฒนา และครูของโรงเรียนเครือข่ายวิทยาศาสตร์พลังสิบ ในการร่วมกันระดมความคิดเพื่อนำสถานการณ์และคำถามจากข้อสอบวัดความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ ตามกรอบการประเมินสมรรถนะนักเรียนมาตรฐานสากล (OECD-PISA) ที่ สสวท. ได้จัดทำและเผยแพร่ มาปรับให้เป็นสื่อในการจัดการเรียนรู้ ออกแบบและจัดทำกิจกรรมการจัดการเรียนรู้ และนำไปทดลองจัดการเรียนรู้จริงในชั้นเรียนระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนต้น แล้วนำข้อมูลจากการทดลองสอนมาปรับปรุงกิจกรรมการจัดการเรียนรู้ให้มีความเหมาะสมมากยิ่งขึ้น นอกจากนั้นยังได้รับความอนุเคราะห์จากผู้ทรงคุณวุฒิจากมหาวิทยาลัยสถาบันการศึกษา และหน่วยงานองค์การทางการศึกษา ในการให้คำแนะนำและคำปรึกษาในการจัดทำกิจกรรมการเรียนรู้ ดังกล่าว

สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี (สสวท.) และ สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน (สพฐ.) ขอขอบคุณคณะครูและผู้ทรงคุณวุฒิดังกล่าวข้างต้นเป็นอย่างสูง และคาดหวังเป็นอย่างยิ่งว่าเอกสารทั้ง 6 เล่มนี้ จะเป็นส่วนหนึ่งที่ช่วยให้ครูผู้สอนสามารถวางแผนและจัดกิจกรรมการเรียนรู้ เพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านวิทยาศาสตร์ของนักเรียนได้อย่างมีประสิทธิภาพเพิ่มมากขึ้น ซึ่งความฉลาดรู้ดังกล่าวเป็นเรื่องที่มีความสำคัญมาก ทั้งเพื่อการศึกษาเรียนรู้ เพื่อการดำรงชีวิต และเพื่อการประกอบอาชีพ จากผลการศึกษาที่มีข้อบ่งชี้ว่า บุคคลผู้ที่มีความฉลาดรู้ทั้ง 3 ด้าน ได้แก่ ด้านการอ่าน ด้านคณิตศาสตร์ และด้านวิทยาศาสตร์อยู่ในระดับสูงจะมีโอกาสประสบความสำเร็จในด้านต่าง ๆ สูงขึ้นตามไปด้วย

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



## สารบัญ

	หน้า
คำนำ	ก
คำชี้แจง	จ
แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก ชุดที่ 1	1
เรื่อง ตัวเครื่องบิน	2
เรื่อง น้ำผลไม้	7
เรื่อง เกมเลื่อนดาว	13
แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก ชุดที่ 2	18
เรื่อง การจัดแถวสวนสนาม	19
เรื่อง รายได้และเงินลงทุน	24
เรื่อง ผลสำรวจความชื่นชอบกีฬา	27
แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก ชุดที่ 3	32
เรื่อง ประชาคมเศรษฐกิจอาเซียน	33
เรื่อง ตารางเวลาเที่ยวบิน	38
เรื่อง เต็นท์ผ้าใบ	45
แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก ชุดที่ 4	49
เรื่อง ภูเก็ต – กรุงเทพฯ – เชียงใหม่	50
เรื่อง เลือกลงเส้นทางไหนดี	54
เรื่อง ออกแบบชุดโซฟา	59
แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก ชุดที่ 5	66
เรื่อง การซื้อรถยนต์	67
เรื่อง ยอดขายทีวีดี	70
เรื่อง วงล้อหมุน	75
แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก ชุดที่ 6	82
เรื่อง รถขนย้าย	83
เรื่อง ระบบสุริยะ	86
เรื่อง พื้นที่ป่า	88
แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพิ่มเติมเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ ที่ OECD เผยแพร่	95 - 292
เอกสารอ้างอิง	294
คณะผู้จัดทำ	295

## คำชี้แจง

รูปแบบการจัดกิจกรรมการเรียนรู้เพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ ตามกรอบแนวคิด และรูปแบบการจัดกิจกรรมการเรียนรู้เพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ ของนักเรียนระดับชั้นมัธยมศึกษาตอนต้น ในชุดพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์ โดยมีเอกสารประกอบในชุดทั้งหมดจำนวน 6 เล่ม นั้น ได้นำสถานการณ์ โจทย์ปัญหา และคำถามจากข้อสอบตามกรอบการประเมิน PISA ที่สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี ได้จัดทำและมีการเผยแพร่ทั้งรูปแบบเอกสารและในระบบออนไลน์ ข้อสอบ มาปรับปรุงให้มีความเหมาะสม สำหรับใช้เป็นสื่อการเรียนรู้ในการจัดกิจกรรมการเรียนรู้เพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

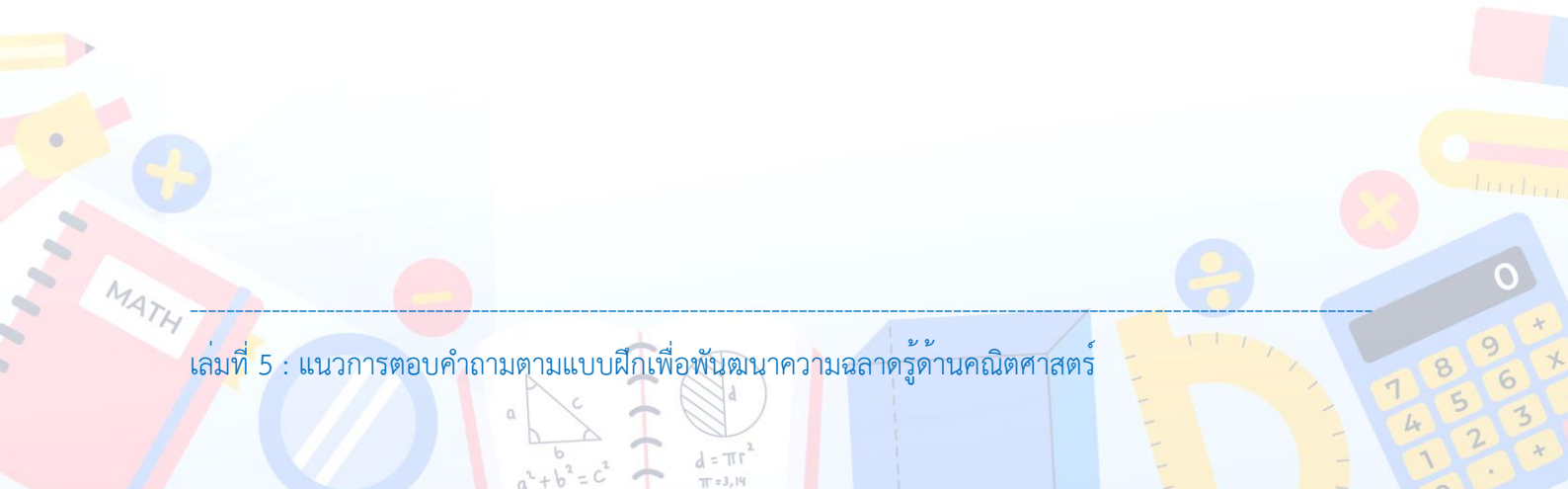
สถานการณ์ โจทย์ปัญหา และคำถามจำนวนหนึ่งในข้อสอบดังกล่าวนี้ เป็นคำถามที่มีแนวทางการตอบคำถามที่เป็นไปได้หลากหลายคำตอบ ทั้งนี้ ขึ้นอยู่กับเหตุผลที่นักเรียนใช้ประกอบในการตอบคำถามที่มีตามสถานการณ์และโจทย์ปัญหา ดังนั้น เมื่อครูใช้คำถามตามสถานการณ์ โจทย์ปัญหา หรือถามคำถามแล้ว อาจพบว่าคำตอบของนักเรียนจะมีเหตุผลต่าง ๆ นานา จนบางครั้งครูอาจไม่แน่ใจว่า เหตุผลดังกล่าวเป็นเหตุผลที่ยอมรับได้หรือไม่ ครูอาจต้องใช้เวลาในการพิจารณา

แนวทางการตอบคำถามตามชุดแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ นี้ ที่ได้นำเอาเฉลยข้อสอบแนวทางการตอบคำถาม แนวทางการประเมิน และเกณฑ์การให้คะแนน ตามกรอบการประเมิน PISA ในเอกสารเล่มที่ 5 นี้ จึงเป็นเอกสารที่ไม่เผยแพร่ทั่วไป แต่จะเผยแพร่เฉพาะครูผู้สอนเพื่อใช้ประกอบการวางแผน ออกแบบและเตรียมการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ และเป็นการอำนวยความสะดวกให้กับครูผู้สอน ไม่ต้องเสียเวลาพิจารณาว่าคำตอบหรือเหตุผลประกอบคำตอบใดบ้าง ที่มีความเหมาะสม ถูกต้อง หรือยอมรับได้

ในการวางแผน ออกแบบและเตรียมการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ นั้น ครูผู้สอนจึงต้องศึกษาแนวทางการตอบคำถาม แนวทางการประเมิน และเกณฑ์การให้คะแนน ตามกรอบการประเมิน PISA ในเอกสารเล่มนี้โดยละเอียด เพื่อให้ทราบว่า คำถามข้อนั้น ๆ มีคำตอบหรือเหตุผลประกอบคำตอบลักษณะใดบ้างที่ เหมาะสม ถูกต้อง หรือยอมรับได้ เพื่อให้ในการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ ครูผู้สอนจะสามารถตั้งคำถามเพิ่มเติมกระตุ้นให้นักเรียนฝึกคิดในมุมมองที่หลากหลายและกว้างขวางมากยิ่งขึ้น ทั้งนี้ ครูผู้สอนควรกระตุ้นให้นักเรียนระดมความคิดหาคำตอบหรือหาเหตุผลประกอบคำตอบที่เหมาะสม ถูกต้อง หรือยอมรับได้ ให้มากที่สุด



แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก  
เพื่อพัฒนาทักษะความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์  
ชุดที่ 1



### แบบฝึกหัดที่ 1 แนวการตอบเรื่องที่ 1 ตัวเครื่องบิน

ตารางแสดงราคาตัวเครื่องบินไป-กลับระหว่างกรุงเทพฯ และโตเกียว (ประเทศญี่ปุ่น) ของสายการบิน

“บินสบาย” เที่ยวไป วันที่ 11 – 17 กันยายน และเที่ยวกลับ วันที่ 25 – 30 กันยายน เป็นดังนี้

เที่ยวไป: กรุงเทพฯ - โตเกียว

เที่ยวกลับ: โตเกียว - กรุงเทพฯ		อา. 11 ก.ย.	จ. 12 ก.ย.	อ. 13 ก.ย.	พ. 14 ก.ย.	พฤ. 15 ก.ย.	ศ. 16 ก.ย.	ส. 17 ก.ย.
	อา. 25 ก.ย.	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000
	จ. 26 ก.ย.	<input type="radio"/> 25,000	เต็มแล้ว	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 31,000
	อ. 27 ก.ย.	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 31,000
	พ. 28 ก.ย.	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 31,000
	พฤ. 29 ก.ย.	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	เต็มแล้ว	เต็มแล้ว	<input type="radio"/> 31,000
	ศ. 30 ก.ย.	เต็มแล้ว	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 31,000

- หมายเหตุ:
- ราคาข้างต้นรวมค่าภาษีและค่าธรรมเนียมทุกประเภทแล้ว
  - ราคาสำหรับการเดินทางไป-กลับ ต่อผู้เดินทาง 1 คน (หน่วยเงิน: บาท)
  - กรณีที่มีการเปลี่ยนตัวแต่ละครั้ง จะต้องจ่ายค่าเปลี่ยนตัว 1,000 บาท รวมกับราคาตัวเครื่องบินที่เพิ่มขึ้น

#### ■ คำถามที่ 1 : ตัวเครื่องบิน (3 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” ในแต่ละข้อความต่อไปนี้

ข้อความ	ใช่ หรือ ไม่ใช่
1) ถ้าเดินทางไปโตเกียววันที่ 12 กันยายน และเดินทางกลับวันที่ 30 กันยายน ต้องจ่ายค่าตัวเครื่องบิน 25,000 บาทต่อคน	<input checked="" type="radio"/> ใช่ / <input type="radio"/> ไม่ใช่
2) ถ้าเลือกวันออกเดินทางไปโตเกียว วันใดวันหนึ่งในช่วงวันที่ 11 – 17 กันยายน และเดินทางกลับวันที่ 25 กันยายน ราคาตัวเครื่องบินจะเท่ากัน ไม่ว่าจะเลือกเดินทางไปโตเกียวในวันใดก็ตาม	<input checked="" type="radio"/> ใช่ / <input type="radio"/> ไม่ใช่
3) ถ้าต้องการซื้อตัวเครื่องบินราคา 23,000 บาท และได้อยู่ประเทศญี่ปุ่นนานที่สุด จะต้องออกเดินทางไปโตเกียววันที่ 16 กันยายน และเดินทางกลับวันที่ 30 กันยายน	<input type="radio"/> ใช่ / <input checked="" type="radio"/> ไม่ใช่

แนวคิด

1) ใช่

เที่ยวไป: กรุงเทพฯ - โตะเกียว

เที่ยวกลับ: โตะเกียว - กรุงเทพฯ		อา. 11 ก.ย.	จ. 12 ก.ย.	อ. 13 ก.ย.	พ. 14 ก.ย.	พ. 15 ก.ย.	ศ. 16 ก.ย.	ส. 17 ก.ย.
	อา. 25 ก.ย.	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000	<input type="radio"/> 29,000
	จ. 26 ก.ย.	<input type="radio"/> 25,000	เต็มแล้ว	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 31,000
	อ. 27 ก.ย.	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 31,000
	พ. 28 ก.ย.	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 31,000
	พ. 29 ก.ย.	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	เต็มแล้ว	เต็มแล้ว	<input type="radio"/> 31,000
	ศ. 30 ก.ย.	<input type="radio"/> 25,000	<input checked="" type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 25,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 23,000	<input type="radio"/> 31,000

- 2) ใช่ เนื่องจากออกเดินทางไปโตเกียวในช่วงวันที่ 11 – 17 กันยายน และเดินทางกลับวันที่ 25 กันยายน ราคาตั๋วเครื่องบินเป็น 29,000 บาท เท่ากัน
- 3) ไม่ใช่ เนื่องจากตั๋วเครื่องบินราคา 23,000 บาท ที่ได้อยู่ประเทศญี่ปุ่นนานที่สุด คือตั๋วเครื่องบินที่ออกเดินทางไปโตเกียววันที่ 15 กันยายน และเดินทางกลับวันที่ 30 กันยายน

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบถูกทั้ง 3 ข้อ คือ ใช่ ใช่ ไม่ใช่ ตามลำดับ	2
<input type="checkbox"/> ตอบถูก 2 ข้อ ใน 3 ข้อ	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 2 : ตัวเครื่องบิน

(2 คะแนน)

สายการบิน “บินสบาย” มีโปรโมชั่นพิเศษดังนี้



สำหรับผู้ที่เดินทางไปหรือกลับในวันพุธ จะมีส่วนลด 5% ของราคาตัวเครื่องบิน จากข้อมูลในโปรโมชั่นพิเศษ ถ้าชานนท์ต้องเดินทางกลับกรุงเทพฯ วันที่ 30 กันยายน แล้วชานนท์ควรเลือกเดินทางไปโตเกียวในวันที่เท่าใดจึงจะจ่ายค่าตัวเครื่องบินถูกที่สุด และราคาตัวเครื่องบินต่างจากราคาตัวเครื่องบินที่เดินทางในวันพุธอยู่ที่บาท

ตอบ ไปโตเกียวในวันที่ ..15.. กันยายน และราคาต่างกันอยู่ ..750.. บาท

หรือ ไปโตเกียวในวันที่ ..16.. กันยายน และราคาต่างกันอยู่ ..750.. บาท

แนวคิด

จากตาราง เดินทางวันอังคารที่ 13 กันยายน ราคาตัวเครื่องบิน 25,000 บาท  
 เดินทางวันพุธที่ 14 กันยายน ราคาตัวเครื่องบิน 25,000 บาท แต่มีส่วนลด 5% คิดเป็น 1,250 บาท  
 จึงจ่ายตัวเครื่องบินราคา 23,750 บาท  
 เดินทางวันพฤหัสบดี 15 กันยายน ราคาตัวเครื่องบิน 23,000 บาท  
 เดินทางวันศุกร์ที่ 16 กันยายน ราคาตัวเครื่องบิน 23,000 บาท  
 เดินทางวันเสาร์ที่ 17 กันยายน ราคาตัวเครื่องบิน 31,000 บาท

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> คำตอบถูกต้องทั้ง 2 ส่วน เช่น <ul style="list-style-type: none"> <li>- วันที่ 15 หรือ 16 และราคาต่างกันอยู่ 750 บาท</li> <li>- วันที่ 15 และราคาต่างกันอยู่ 750 บาท</li> <li>- วันที่ 16 และราคาต่างกันอยู่ 750 บาท</li> </ul>	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 3 : ตัวเครื่องบิน

(3 คะแนน)

สายการบิน “สนุกแอร์” มีโปรโมชั่น “Happy to Japan” ดังนี้

โปรโมชั่น สนุกแอร์

**“Happy to Japan”**

ช่วงเวลาเดินทาง 9 ก.ย. – 9 ต.ค.\*\*

เส้นทาง	ราคาตัว(บาท)
กรุงเทพฯ – โตเกียว – กรุงเทพฯ	22,000*
กรุงเทพฯ – โอซากา – กรุงเทพฯ	
กรุงเทพฯ – นาโกยา – กรุงเทพฯ	

\* ยังไม่รวมค่าภาษีและค่าธรรมเนียม 7% ของราคาตัว

\*\* เปลี่ยนแปลงวันเดินทางได้ฟรี 1 ครั้ง

ถ้านิตยาจะเดินทางไปโตเกียวในวันศุกร์ที่ 16 กันยายน และเดินทางกลับในวันอังคารที่ 27 กันยายน แต่ไม่แน่ใจว่าจะเดินทางกลับในวันอังคารที่ 27 กันยายน ได้หรือไม่ จึงไปดูเงื่อนไขการเปลี่ยนแปลงตัวเครื่องบินของสายการบิน “บินสบาย” และ “สนุกแอร์”

นิตยาควรซื้อตัวเครื่องบินกับสายการบินใด จึงจะเสียค่าใช้จ่ายรวมน้อยที่สุด เมื่อมีการเปลี่ยนแปลงวันเดินทางกลับ จงแสดงวิธีทำ

วิธีทำ .....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

ตอบ .....

คำตอบ

วิธีทำ เมื่อมีการเปลี่ยนแปลงวันเดินทางกลับ ค่าใช้จ่ายรวมของการซื้อตัวเครื่องบินแต่ละสายการบินเป็นดังนี้

1) สายการบิน “สนุกแอร์” เป็น  $\frac{107}{100} \times 22,000 = 23,540$  บาท

2) สายการบิน “บินสบาย”

- ถ้าเดินทางกลับในวันอาทิตย์ที่ 25 กันยายน จะคิดเป็น 23,000 บาท รวมกับราคาตัวเครื่องบินที่เพิ่มขึ้น 6,000 บาท และจ่ายค่าเปลี่ยนตัว 1,000 บาท

ดังนั้น ค่าใช้จ่ายรวมของการซื้อตัวเครื่องบินนี้ เป็น 30,000 บาท

- ถ้าเดินทางกลับในช่วงวันที่ 26-30 กันยายน จะคิดเป็น 23,000 บาท และจ่ายค่าเปลี่ยนตัว 1,000 บาท ดังนั้น ค่าใช้จ่ายรวมของการซื้อตัวเครื่องบินนี้ เป็น 24,000 บาท

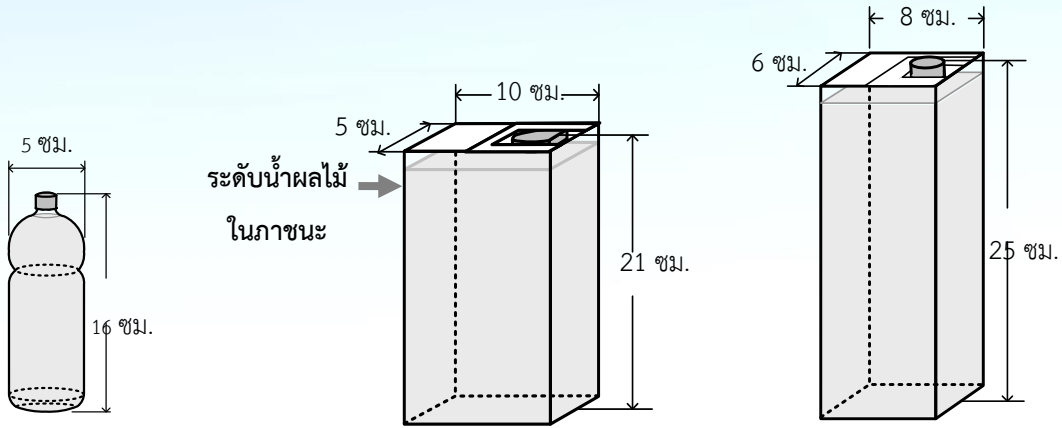
ตอบ นิติยาควรซื้อตัวเครื่องบินของสายการบิน “สนุกแอร์” จึงจะเสียค่าใช้จ่ายรวมน้อยที่สุด

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
1) แสดงวิธีการหาราคาตัวของสายการบิน “สนุกแอร์” ได้ถูกต้อง เช่น - $\frac{107}{100} \times 22,000$ - $22,000 + (\frac{7}{100} \times 22,000)$	1
2) ตอบราคาตัวของสายการบิน “สนุกแอร์” ได้ถูกต้อง คือ 23,540 บาท	0.5
3) แสดงวิธีการหาราคาตัวขั้นต่ำของสายการบิน “บินสบาย” ได้ถูกต้อง เช่น - $23,000 + 1,000 = 24,000$	1
4) นำราคาตัวที่คำนวณได้ของสายการบินทั้งสอง มาสรุปคำตอบได้ถูกต้อง	0.5
<b>รวม</b>	<b>3</b>

### แบบฝึกชุดที่ 1 แนวการตอบเรื่องที่ 2 น้ำผลไม้

ร้านค้าแห่งหนึ่งขายน้ำผลไม้ 3 ยี่ห้อ ที่บรรจุในภาชนะที่มีขนาดแตกต่างกันดังนี้



น้ำผลไม้ ยี่ห้อ A  
 ปริมาตร 300 มิลลิลิตร  
 ราคา 20 บาท

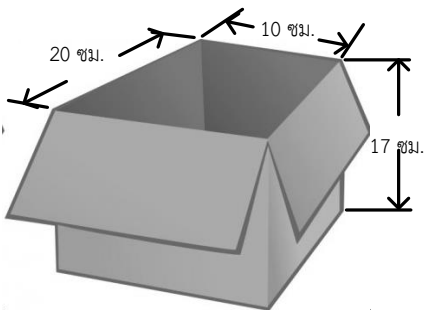
น้ำผลไม้ ยี่ห้อ B  
 ปริมาตร 1 ลิตร  
 ราคา 63 บาท

น้ำผลไม้ ยี่ห้อ C  
 ปริมาตร 1 ลิตร  
 ราคา 65 บาท

หมายเหตุ เมื่อบรรจุน้ำผลไม้ตามปริมาตรที่กำหนด ระดับน้ำผลไม้ในภาชนะจะต่ำกว่าความสูงของภาชนะที่บรรจุ

■ คำถามที่ 1 : น้ำผลไม้ (1 คะแนน)

กล่องทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากใบหนึ่งมีขนาด ดังภาพ



จากภาพ กล่องใบนี้บรรจุขวดน้ำผลไม้ยี่ห้อ A ได้มากที่สุดที่ขวดที่ยังปิดฝาของกล่องได้สนิท

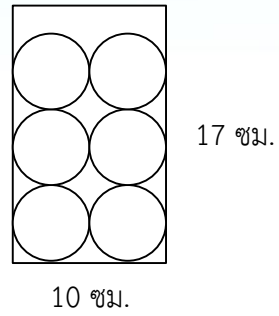
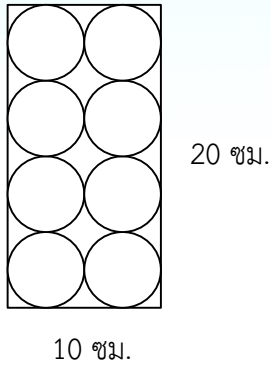
ตอบ .8. ขวด

### แนวคิด

เนื่องจากขวดสูง 16 ซม. ดังนั้นสามารถวางขวดในแนวตั้งตามความยาวของกล่อง (20 ซม.) หรือวางขวดในแนวนอนตามความสูงของกล่อง (17 ซม.) ดังนี้

วางขวดในแนวตั้งตามความยาวของกล่อง  
จะได้ 8 ขวด

วางขวดในแนวนอนตามความสูงของกล่อง  
จะได้ 6 ขวด



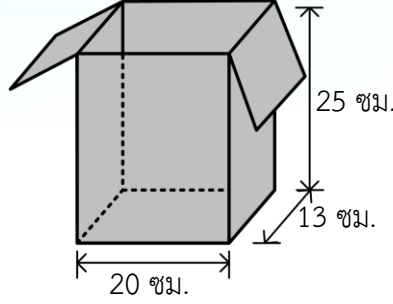
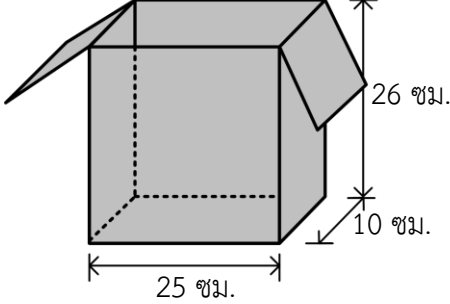
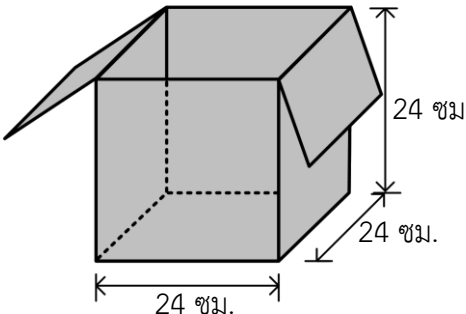
### เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบ 8 ขวด	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 2 : น้ำผลไม้

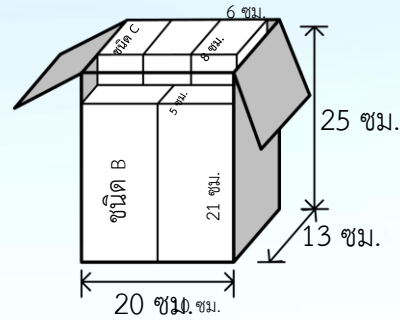
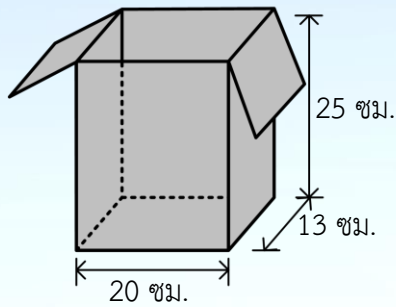
(3 คะแนน)

มีน้ำผลไม้ชนิด B อยู่ 2 กล่อง และชนิด C อยู่ 3 กล่อง จะเลือกกล่องที่มีขนาดต่อไปนี้ได้หรือไม่ เพื่อบรรจุน้ำผลไม้ทั้ง 5 กล่องนี้ลงในกล่องและปิดฝาของกล่องได้สนิท จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ได้” หรือ “ไม่ได้”

กล่อง	ได้ หรือ ไม่ได้
1) 	ได้ / ไม่ได้
2) 	ได้ / ไม่ได้
3) 	ได้ / ไม่ได้

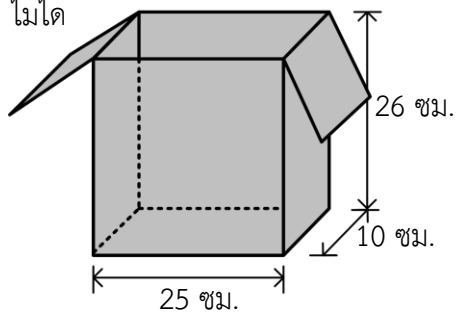
แนวคิด

1) ได้

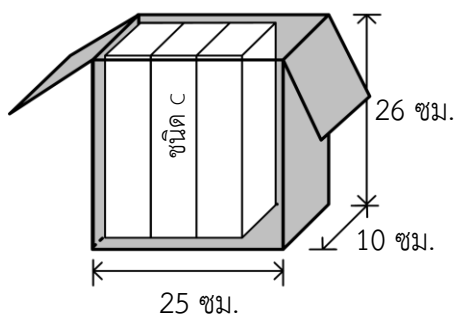


กล่องที่กว้าง 20 ซม. ยาว 25 ซม. และสูง 13 ซม. สามารถบรรจุน้ำผลไม้ชนิด B จำนวน 2 กล่อง และชนิด C จำนวน 3 กล่อง

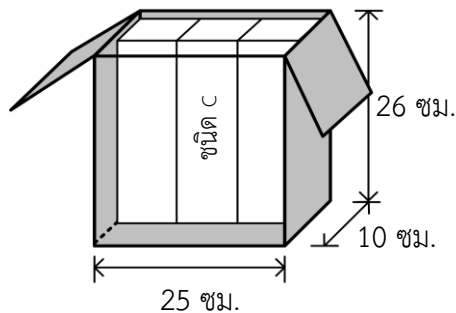
2) ไม่ได้



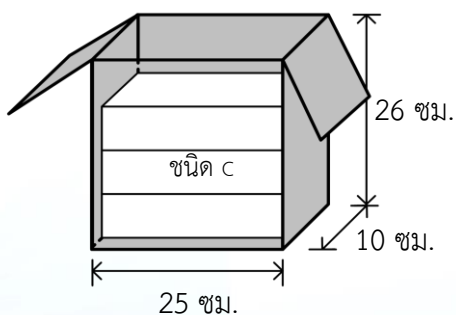
ตัวอย่างการวางกล่องน้ำผลไม้ชนิด C (กว้าง 6 ซม. และยาว 8 ซม.) จำนวน 3 กล่อง ในแนวตั้งหรือนอนลงในกล่องกว้าง 26 ซม. และยาว 25 ซม. เช่น



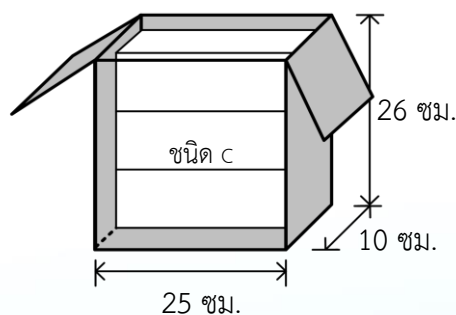
แบบที่ 1



แบบที่ 2



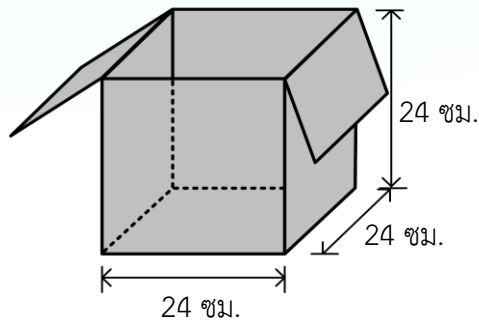
แบบที่ 3



แบบที่ 4

เมื่อพิจารณาช่องว่างที่เหลือ จะพบว่า ไม่สามารถวางกล่องน้ำผลไม้ชนิด B อีกทั้ง 2 กล่อง ได้หมด  
สำหรับการวางกล่องน้ำผลไม้ชนิด C (กว้าง 6 ซม. และยาว 8 ซม.) จำนวน 3 กล่อง ในลักษณะอื่น ๆ  
ลงในกล่อง ก็พบว่า ไม่สามารถวางกล่องน้ำผลไม้ชนิด B เพิ่มอีกทั้ง 2 กล่อง ได้หมด  
ทำนองเดียวกันเมื่อวางกล่องน้ำผลไม้ชนิด B ในลักษณะอื่น ๆ แล้ววางน้ำผลไม้ชนิด C ก็พบว่า  
ไม่สามารถวางกล่องน้ำผลไม้ได้หมด

3) ไม่ได้



กล่องที่กว้าง 24 ซม. ยาว 24 ซม. และสูง 24 ซม. จะไม่สามารถบรรจุกล่องน้ำผลไม้ชนิด C ได้ เพราะ

กล่องน้ำผลไม้ชนิด C สูง 25 ซม.

### เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบถูกทั้ง 3 ข้อ คือ ได้ ไม่ได้ ไม่ได้ ตามลำดับ	2
<input type="checkbox"/> ตอบถูก 2 ข้อ ใน 3 ข้อ	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 3 : น้ำผลไม้

(1 คะแนน)

กำหนดให้ ปริมาตร 1 ลิตร เท่ากับ 1,000 มิลลิลิตร

ถ้าเทน้ำผลไม้ในกล่อง B ออกไป 200 มิลลิลิตร แล้วระดับน้ำผลไม้ที่เหลืออยู่ในกล่องสูงกี่เซนติเมตร

ตอบ ....16... เซนติเมตร

แนวคิด

น้ำผลไม้ในกล่อง B มีปริมาตร 1 ลิตร เมื่อเทออกไป 200 มิลลิลิตร จะเหลือน้ำผลไม้ในกล่องอยู่ 800 มิลลิลิตร ซึ่งเท่ากับ 800 ลูกบาศก์เซนติเมตร

กล่อง B มีพื้นที่ฐานของกล่อง เป็น  $5 \times 10 = 50$  ตารางเซนติเมตร

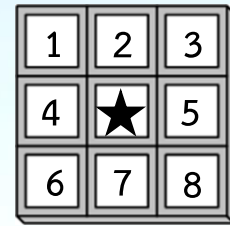
ดังนั้น ระดับน้ำผลไม้ที่เหลืออยู่ในกล่องสูง  $800 \div 50 = 16$  เซนติเมตร

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบ 16 เซนติเมตร	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

### แบบฝึกชุดที่ 1 แนวการตอบเรื่องที่ 3 เกมเลื่อนดาว

เกมเลื่อนดาวเป็นเกมที่ฝึกให้ผู้เล่นวางแผนในการเลือกจำนวนต่าง ๆ เพื่อให้ชนะคู่ต่อสู้อีกทีหนึ่ง ซึ่งอุปกรณ์การเล่นประกอบด้วย



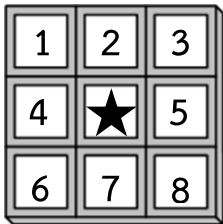
- กระดานที่มีช่องตาราง 9 ช่อง
- บัตรจำนวน 8 ใบ ที่เขียนหมายเลข 1 – 8 กำกับไว้
- บัตรรูปดาวอีก 1 ใบ

โดยก่อนเริ่มเล่นเกมจะวางบัตรต่าง ๆ ไว้ดังภาพ

การวางบัตรก่อนเริ่มเล่นเกม

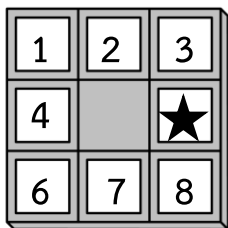
กติกา “เกมเลื่อนดาว”

1. กำหนดผู้เล่นเป็น 2 ทีม คือทีม A และทีม B
2. ให้ทีม A เป็นผู้เริ่มเล่นก่อน โดยเลือกบัตรจำนวนอยู่ในช่องแนวนอนหรือแนวตั้งที่มีบัตรรูปดาวอยู่มา 1 ใบ ตัวอย่างเช่น



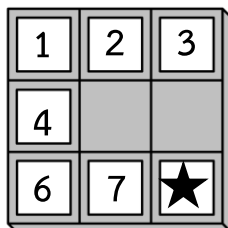
ทีม A เริ่มเล่นก่อน บัตรจำนวนที่ทีม A สามารถเลือกได้ คือ 2, 4, 5 หรือ 7

3. เมื่อทีม A เลือกบัตรจำนวนได้แล้วให้เลื่อนบัตรรูปดาวไปวางแทนบัตรจำนวนที่เลือก ตัวอย่างเช่น



สมมติทีม A เลือก 5 จะต้องเลื่อนบัตรรูปดาวมาแทน 5 ดังภาพ

4. จากนั้นให้ทีม B เลือกบัตรจำนวนอยู่ในช่องแนวนอนหรือแนวตั้งที่มีบัตรรูปดาวอยู่มา 1 ใบ แล้วเลื่อนบัตรรูปดาวไปวางแทนบัตรจำนวนที่เลือก ตัวอย่างเช่น



จากข้อ 3. บัตรจำนวนที่ทีม B สามารถเลือกได้คือ 3, 4 หรือ 8 สมมติทีม B เลือก 8 จะต้องเลื่อนบัตรรูปดาวมาแทน 8 ดังภาพ

5. ให้ทีม A และทีม B ผลัดกันเลือกบัตรจำนวนตามกฎเดิมไปเรื่อย ๆ ในกรณีที่ไม่มีบัตรจำนวนใดอยู่ในแนวนอนและแนวตั้งของบัตรรูปดาว ให้เลือกบัตรใบที่อยู่ใกล้บัตรรูปดาวมากที่สุด
6. เมื่อบัตรจำนวนหมด จึงสิ้นสุดเกม แล้วให้แต่ละทีมนำจำนวนบนบัตรที่เลือกไว้มารวมกัน ทีมใดได้ผลรวมมากที่สุดจะเป็นผู้ชนะ

■ คำถามที่ 1 : เกมเลื่อนดาว

(2 คะแนน)

ในการเล่นเกมนครั้งหนึ่ง ทีม A และทีม B เลือกบัตรจำนวนไปแล้วบางส่วน ดังนี้

ทีม A : บัตรจำนวนที่เลือกไว้ คือ 5 และ 3

ทีม B : บัตรจำนวนที่เลือกไว้ คือ 8 และ 2

และเหลือบัตรจำนวนต่าง ๆ อยู่ ดังภาพ

1	★	
4		
6	7	

จากข้อมูลข้างต้น จงระบุวิธีการเลือกบัตรจำนวนที่เหลือของทีม A และทีม B ที่จะทำให้ทีม A ชนะการแข่งขันครั้งนี้มา 1 วิธี

ตอบ ทีม A บัตรจำนวนที่เลือก คือ ...7... และ ...4...

ทีม B บัตรจำนวนที่เลือก คือ ...6... และ ...1...

หรือ ทีม A บัตรจำนวนที่เลือก คือ ...4... และ ...7...

ทีม B บัตรจำนวนที่เลือก คือ ...1... และ ...6...

แนวคิด

ตอบ ทีม A บัตรจำนวนที่เลือก คือ 7 และ 4 ทีม B บัตรจำนวนที่เลือก คือ 6 และ 1

ซึ่งจะทำให้ทีม A มีผลรวมของจำนวนบนบัตรเป็น  $5 + 3 + 7 + 4 = 19$

และทีม B มีผลรวมของจำนวนบนบัตรเป็น  $8 + 2 + 6 + 1 = 17$

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบ ทีม A บัตรจำนวนที่เลือก คือ 7 และ 4 ทีม B บัตรจำนวนที่เลือก คือ 6 และ 1 (ยอมรับกรณีที่นักเรียนตอบตัวเลขสลับกัน เช่น ทีม A บัตรจำนวนที่เลือก คือ 4 และ 7 ทีม B บัตรจำนวนที่เลือก คือ 1 และ 6)	1
<input type="checkbox"/> ไม่ตอบ หรือคำตอบอื่น ๆ ที่ไม่สอดคล้องกับเงื่อนไข เช่น ทีม A บัตรจำนวนที่เลือก คือ 7 และ 6 ทีม B บัตรจำนวนที่เลือก คือ 4 และ 1 หรือ ทีม A บัตรจำนวนที่เลือก คือ 7 และ 1 ทีม B บัตรจำนวนที่เลือก คือ 6 และ 4	0

■ คำถามที่ 2 : เกมเลื่อนดาว

(2 คะแนน)

ถ้าเริ่มเล่นเกมใหม่ โดยทีม A และทีม B เลือกบัตรจำนวนที่มีค่ามากที่สุดที่แต่ละทีมจะเลือกได้ในแต่ละครั้ง

เมื่อจบเกมแล้ว ผลรวมของบัตรจำนวนของทีม A และ B ต่างกันอยู่เท่าใด จงแสดงวิธีทำ

วิธีทำ .....

.....

.....

.....

.....

.....

ตอบ .....

คำตอบ

วิธีทำ จากเงื่อนไขที่กำหนด จะได้ว่า

ทีม A เลือก 7 จากนั้นทีม B เลือก 8

จากนั้นทีม A เลือก 6 จากนั้นทีม B เลือก 4

จากนั้นทีม A เลือก 5 จากนั้นทีม B เลือก 3

จากนั้นทีม A เลือก 2 จากนั้นทีม B เลือก 1

ผลรวมของจำนวนบนบัตรของทีม A เท่ากับ  $7 + 6 + 5 + 2 = 20$  และ

ผลรวมของจำนวนบนบัตรของทีม B เท่ากับ  $8 + 4 + 3 + 1 = 16$

ตอบ ผลรวมของบัตรจำนวนของทีม A และ B ต่างกันอยู่ 4

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
1) แสดงวิธีหรือระบุบัตรจำนวนที่ทีม A และ B เลือกไว้ได้ถูกต้อง เช่น - บัตรจำนวนที่ทีม A เลือกไว้ คือ 7, 6, 5, 2 และ - บัตรจำนวนที่ทีม B เลือกไว้ คือ 8, 4, 3, 1	1
2) ตอบ ผลรวมของบัตรจำนวนของทีม A และ B ต่างกันอยู่ 4	1
รวม	2

■ คำถามที่ 3 : เกมเลื่อนดาว

(2 คะแนน)

ถ้ามีผู้เล่นคนหนึ่งกล่าวว่า “ในการเล่นเกมเลื่อนดาวตามกติกาที่กำหนดไว้ แต่ละทีมจะเลือกบัตรจำนวน  
อย่างไรก็ตาม จะไม่มีทีมใดได้ผลรวมของจำนวนที่อยู่บนบัตรเท่ากับ 10” คำกล่าวนี้ถูกต้องหรือไม่  
เพราะเหตุใด

ตอบ .....

.....

.....

.....

.....

.....

คำตอบ

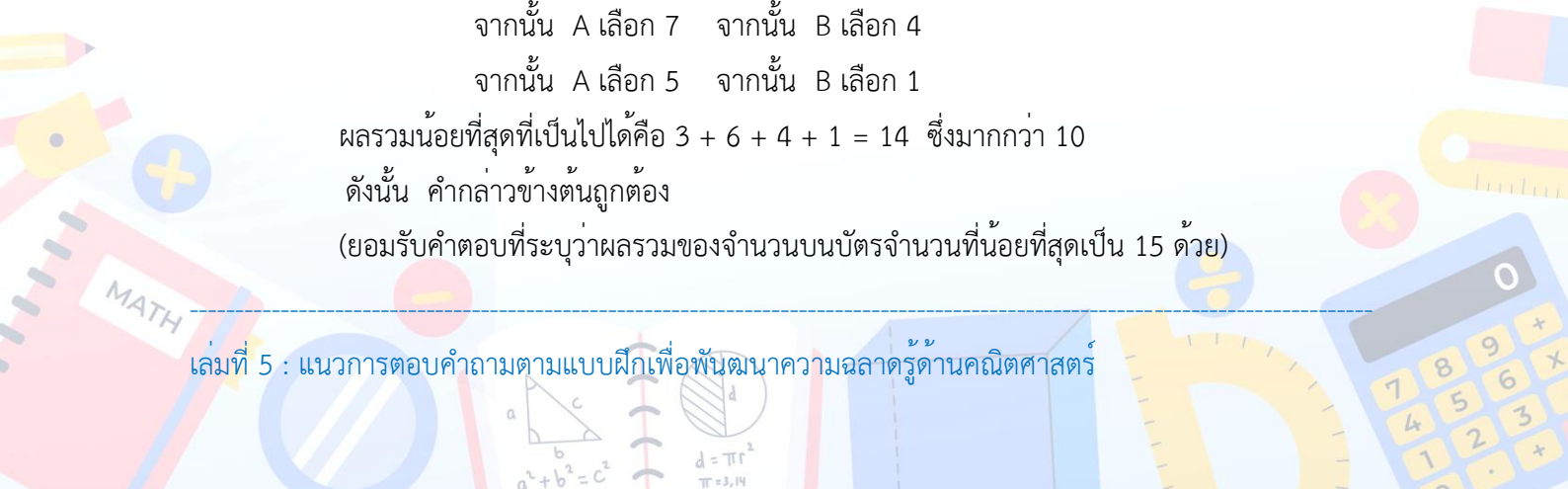
ตอบ ถูกต้อง เพราะถ้าจะได้ผลรวมเท่ากับ 10 จะต้องหยิบให้ได้บัตรเป็น 1, 2, 3 และ 4  
กรณีที่ 1 ให้ A เลือก 2 จากนั้น B เลือก 7  
จากนั้น A จะต้องเลือกระหว่าง 6 หรือ 8 ซึ่งไม่ใช่ 1, 3 หรือ 4  
กรณีที่ 2 ให้ A เลือก 4 จากนั้น B เลือก 6  
จากนั้น A เลือก 1 จากนั้น B จะต้องเลือกระหว่าง 2 หรือ 3 ซึ่งเป็นจำนวนที่ A ต้องการ  
กรณีที่ 3 ให้ A เลือก 4 จากนั้น B เลือก 5  
จากนั้น A เลือก 3 จากนั้น B เลือก 8  
จากนั้น A จะต้องเลือกระหว่าง 6 หรือ 7 ซึ่งไม่ใช่ 1 หรือ 2  
จาก 3 กรณีข้างต้น ไม่สามารถที่จะเลือกบัตรได้เป็น 1, 2, 3 และ 4 ได้พร้อมกัน  
ดังนั้น คำกล่าวข้างต้นถูกต้อง

หรือ

เพราะถ้าหาผลรวมของจำนวนบนบัตรจำนวนที่น้อยที่สุดที่ได้จากการเล่นเกมครั้งนี้  
จะได้ว่า ให้ A เลือก 2 จากนั้น B เลือก 3  
จากนั้น A เลือก 8 จากนั้น B เลือก 6  
จากนั้น A เลือก 7 จากนั้น B เลือก 4  
จากนั้น A เลือก 5 จากนั้น B เลือก 1

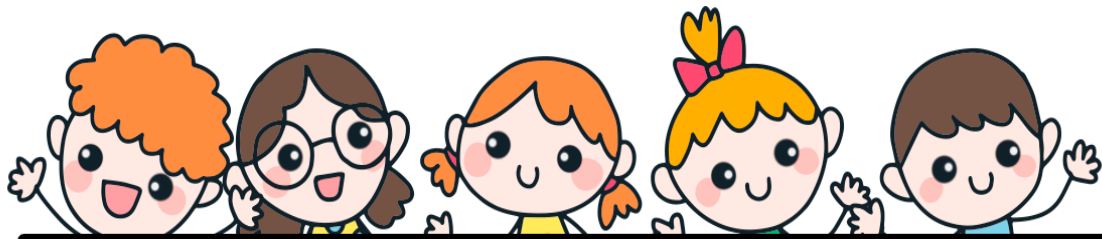
ผลรวมน้อยที่สุดที่เป็นไปได้คือ  $3 + 6 + 4 + 1 = 14$  ซึ่งมากกว่า 10  
ดังนั้น คำกล่าวข้างต้นถูกต้อง

(ยอมรับคำตอบที่ระบุว่าผลรวมของจำนวนบนบัตรจำนวนที่น้อยที่สุดเป็น 15 ด้วย)

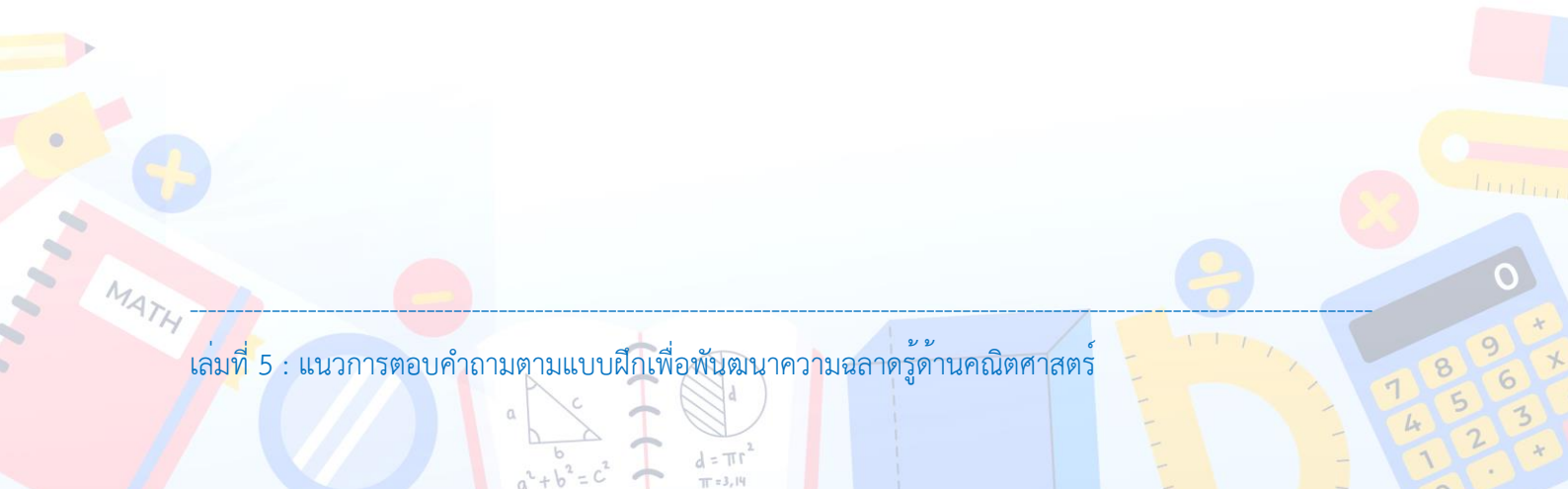


เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบว่าเป็นจริง พร้อมอธิบายเหตุผลได้ถูกต้อง (เช่น คำตอบในแนวคิด) โดยระบุกรณีที่ทำให้ผลรวมไม่เท่ากับ 10 ได้มากกว่า 1 กรณี	2
<input type="checkbox"/> ตอบว่าเป็นจริง พร้อมอธิบายเหตุผลได้ถูกต้อง แต่ระบุกรณีที่ทำให้ผลรวมไม่เท่ากับ 10 ได้มา 1 กรณี <b>หรือ</b> <input type="checkbox"/> ตอบว่าเป็นจริง พร้อมอธิบายเหตุผลว่า ไม่ว่าจะหยิบอย่างไรก็จะได้บัตรจำนวนเป็น 1, 2, 3 และ 4 พร้อมกัน	1
<input type="checkbox"/> ตอบว่าเป็นจริง โดยไม่อธิบายเหตุผล หรือคำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0



แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก  
เพื่อพัฒนาทักษะความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์  
ชุดที่ 2



## แบบฝึกหัดที่ 2 แนวการตอบเรื่องที่ 1 การจัดแถวสวนสนาม

การจัดแถวแบบ “บล็อก” คือ การจัดแถวตอนที่มีจำนวนแถวเท่ากับจำนวนคนในแต่ละแถว ดังตัวอย่างต่อไปนี้

กำหนดให้ ● แทน คนหนึ่งคน



### ■ คำถามที่ 1 : การจัดแถวเดินสวนสนาม

(1 คะแนน)

ถ้าต้องการนำนักกีฬา 504 คน มาจัดเป็นขบวนให้ได้จำนวนนักกีฬามากที่สุด โดยแบ่งนักกีฬาเป็นสองบล็อก

แต่ละบล็อกมีจำนวนคนเท่ากัน จะเหลือนักกีฬาอยู่ที่คนที่ไม่นำมาจัดในขบวนนี้

ตอบ เหลือนักกีฬาอยู่ 54 คน

### แนวคิด

ต้องการนำนักกีฬา 504 คน มาจัดเป็นขบวนให้ได้จำนวนนักกีฬามากที่สุด

โดยแบ่งนักกีฬาเป็นสองบล็อกแต่ละบล็อกมีจำนวนคนเท่ากัน

จะได้ว่า แต่ละบล็อกมีนักกีฬาไม่เกิน  $504 \div 2 = 252$  คน

พิจารณาจำนวนกำลังสองสมบูรณ์ที่มากที่สุดที่น้อยกว่า 252 คน

เนื่องจาก  $15^2 = 225$  และ  $16^2 = 256$

จึงได้ว่า แต่ละบล็อกมีนักกีฬา 225 คน

ดังนั้น จะเหลือนักกีฬาที่ไม่นำมาจัดในขบวนนี้อยู่  $504 - (225 + 225) = 504 - 450 = 54$  คน

### เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน (ภาพรวม)	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบ 54 คน	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือ ไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 2 : การจัดแถวเดินสวนสนาม

(2 คะแนน)

ถ้าต้องการนำนักกีฬา 504 คน มาจัดเป็นขบวนโดยแบ่งเป็นบล็อก ให้แต่ละบล็อกมีจำนวนนักกีฬาเท่า ๆ กัน

โดยให้จำนวนบล็อกน้อยที่สุด จะต้องจัดขบวนเป็นกี่บล็อก และแต่ละบล็อกมีนักกีฬากี่คน จงแสดงวิธีทำ

วิธีทำ .....

.....

.....

.....

.....

.....

ตอบ จะต้องแบ่งขบวนออกเป็น ..... บล็อก และแต่ละบล็อกมีนักกีฬา ..... คน

คำตอบ

วิธีทำ เพื่อให้จำนวนบล็อกน้อยที่สุด จำนวนนักกีฬาในแต่ละบล็อกต้องเป็นจำนวนกำลังสองสมบูรณ์ที่มากที่สุด

ที่หาร 504 ลงตัว เนื่องจาก  $504 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 7 = 6 \times 6 \times 14$

ตัวประกอบของ 504 ที่เป็นจำนวนกำลังสองสมบูรณ์ที่มากที่สุด คือ  $6 \times 6 = 36$

ดังนั้น จะต้องจัดเป็นขบวนโดยแบ่งเป็น  $504 \div 36 = 14$  บล็อก และแต่ละบล็อกมีนักกีฬา 36 คน

ตอบ จะต้องแบ่งขบวนออกเป็น 14 บล็อก และแต่ละบล็อกมีนักกีฬา 36 คน

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน (แยกส่วน)	คะแนน
<p>1) แสดงวิธีการหาจำนวนนักกีฬาในแต่ละบล็อกได้ถูกต้องหรือแสดงวิธีการใดมาซึ่งคำตอบที่ถูกต้องอย่างสมเหตุสมผล เช่น</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● <math>504 = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 7</math></li> <li>● <math>2 \overline{)504}</math></li> <li>   <math>2 \overline{)252}</math></li> <li>   <math>2 \overline{)126}</math></li> <li>   <math>3 \overline{)63}</math></li> <li>   <math>3 \overline{)21}</math></li> <li>      <math>\underline{\quad}7</math></li> <li>● ตัวประกอบทั้งหมดของ 504 คือ 1, 2, 3, 4, 6, 7, 8, 9, 12, 14, 18, 21, 24, 28, 36, 42, 56, 63, 72, 84, 126, 168, 252 และ 504</li> <li>● จำนวนนักกีฬาในแต่ละบล็อกที่เป็นไปได้ คือ 4 คน 9 คน หรือ 36 คน</li> <li>● จะได้สมการ <math>na^2 = 504 = (14)(6^2)</math></li> <li>● หา <math>a</math> ที่มากที่สุดที่ <math>a^2</math> หาร 504 ลงตัว</li> </ul>	0.5
<p>2) ระบุจำนวนนักกีฬาในแต่ละบล็อกได้ถูกต้อง เช่น</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● 36 คน</li> <li>● <math>6^2</math> คน</li> <li>● <math>6 \times 6</math> คน</li> </ul>	1
<p>3) ระบุจำนวนบล็อกได้ถูกต้อง คือ 14 บล็อก</p>	0.5
<b>รวม</b>	<b>2</b>

■ คำถามที่ 3 : การจัดแถวเดินสวนสนาม (3 คะแนน)

ถ้าต้องการจัดนักกีฬาชาย 315 คน และนักกีฬาหญิง 189 คน เป็นขบวนโดยแบ่งเป็นบล็อก ให้แต่ละบล็อก

มีจำนวนนักกีฬาเท่ากัน และเป็นนักกีฬาชายล้วนหรือหญิงล้วน โดยให้ขบวนมีจำนวนบล็อกน้อยที่สุด จะต้องแบ่งนักกีฬาเป็นกี่บล็อก จงแสดงวิธีทำ

วิธีทำ .....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....  
.....

ตอบ จะต้องแบ่งนักกีฬาเป็น ..... บล็อก

คำตอบ

วิธีทำ จำนวนคนในแต่ละบล็อกต้องเป็นจำนวนกำลังสองสมบูรณ์

เนื่องจาก  $315 = 3 \times 3 \times 5 \times 7$   
 $189 = 3 \times 3 \times 3 \times 7$

จำนวนที่มากที่สุดที่หาร 315 และ 189 ลงตัวและเป็นจำนวนกำลังสองสมบูรณ์คือ 9  
ดังนั้น จะต้องจัดขบวนเป็นบล็อก ที่แต่ละบล็อกมี 9 คน

จะได้ จำนวนบล็อกของนักกีฬาชาย  $315 \div 9 = 35$  บล็อก และ  
จำนวนบล็อกของนักกีฬาหญิง  $189 \div 9 = 21$  บล็อก

ดังนั้น จะต้องแบ่งนักกีฬาเป็น  $35 + 21 = 56$  บล็อก

ตอบ จะต้องแบ่งนักกีฬาเป็น 56 บล็อก

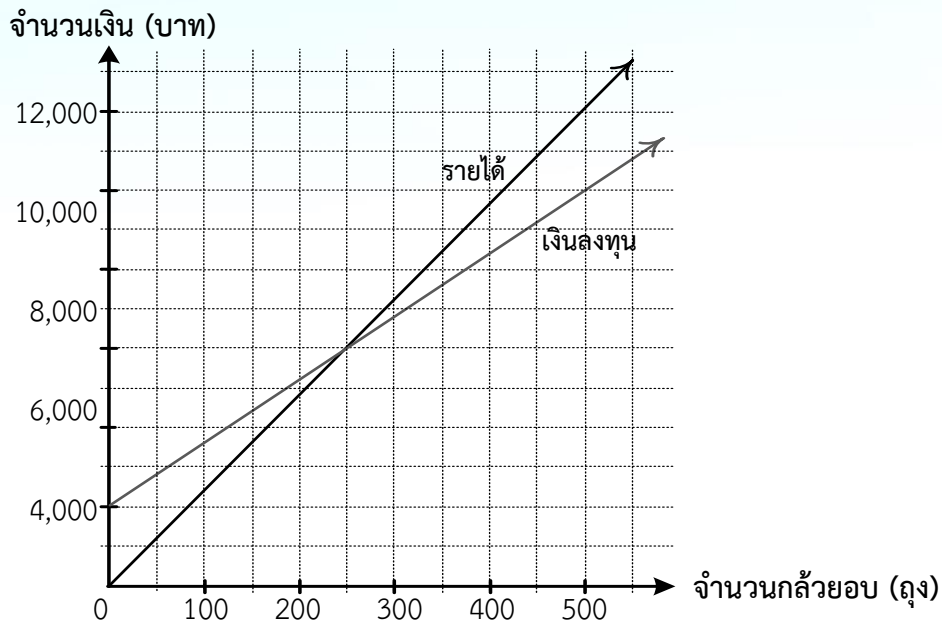
เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน (แยกส่วน)	คะแนน
<p>1) แสดงวิธีการจำนวนนักกีฬาในแต่ละบล็อกได้ถูกต้อง เช่น</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● <math>3 \overline{) 315} \quad 189</math></li> <li>● <math>3 \overline{) 105} \quad 63</math></li> <li>● <math>7 \overline{) 35} \quad 21</math></li> <li>● <math>\underline{\underline{5}} \quad 3</math></li> <li>● <math>315 = 3 \times 3 \times 5 \times 7</math></li> <li>● <math>189 = 3 \times 3 \times 3 \times 7</math></li> <li>● ตัวประกอบทั้งหมดของ 315 คือ 1, 3, 5, 7, 9, 15, 21, 35, 45, 63, 105 และ 315</li> <li>● ตัวประกอบทั้งหมดของ 189 คือ 1, 3, 7, 9, 21, 27, 63 และ 189</li> </ul>	0.5
<p>2) ระบุขนาดของบล็อกได้ถูกต้องหรือระบุจำนวนนักกีฬาในแต่ละบล็อกได้ถูกต้อง</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● ขนาดของบล็อกที่ใหญ่ที่สุด คือ <math>3 \times 3</math></li> <li>● จำนวนนักกีฬาในแต่ละบล็อก คือ 9 คน</li> </ul> <p>หมายเหตุ ถ้าไม่ได้แสดงวิธีการหาจำนวนนักกีฬาในแต่ละบล็อก แต่ระบุจำนวนนักกีฬาในแต่ละบล็อกเป็น 9 คน จะได้คะแนนในส่วน 1) ด้วย</p>	1
<p>3) นำค่าที่ระบุไว้ใน 1) หรือ 2) ไปหาจำนวนบล็อกได้ถูกต้อง เช่น</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>● จำนวนบล็อกของนักกีฬา คือ <math>(7 \times 5) + (7 \times 3) = 35 + 21</math> บล็อก</li> <li>● จำนวนบล็อกของนักกีฬาชาย คือ <math>315 \div 9 = 35</math> บล็อก และ</li> <li>● จำนวนบล็อกของนักกีฬาหญิง คือ <math>189 \div 9 = 21</math> บล็อก</li> </ul> <p>หมายเหตุ ถ้าไม่ได้ระบุขนาดของบล็อก เป็น 9 คน แต่สามารถหาคำตอบในส่วน 3) ได้ถูกต้อง จะได้คะแนนในส่วน 2) ด้วย</p>	1
<p>4) ระบุจำนวนบล็อกได้ถูกต้อง คือ 56 บล็อก</p>	0.5
<b>รวม</b>	<b>3</b>

## แบบฝึกหัดที่ 2 แนวการตอบเรื่องที่ 2 รายได้และเงินลงทุน

ร้านค้าแห่งหนึ่งผลิตกล้วยอบขายโดยมีเงินลงทุนผลิตและรายได้จากการขายกล้วยอบตามจำนวนถุงของ

กล้วยอบดังกราฟต่อไปนี้



### ■ คำถามที่ 1 : รายได้และเงินลงทุน

(2 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น ข้อความต่อไปนี้ถูกต้องใช่หรือไม่ จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” ในแต่ละข้อความ

ข้อความ	ข้อความถูกต้องใช่หรือไม่
1) ถารานคาลงทุนผลิตกล้วยอบ 250 ถุง เมื่อขายหมด จะคุ้มทุน	<input checked="" type="radio"/> ใช่ <input type="radio"/> ไม่ใช่
2) ในการผลิตกล้วยอบ 350 ถุง ร้านค้าจะต้องใช้เงินลงทุนมากกว่า 8,000 บาท	<input type="radio"/> ใช่ <input checked="" type="radio"/> ไม่ใช่
3) รานคาลงทุนผลิตกล้วยอบ 450 ถุง ขายได้ 400 ถุง จะได้กำไร	<input checked="" type="radio"/> ใช่ <input type="radio"/> ไม่ใช่

### แนวคิด

- 1) ใช่ เพราะว่า ถ้าลงทุนผลิตกล้วยอบ 250 ถูง จะต้องใช้เงินลงทุน 6,000 บาท เมื่อขายหมด จะมีรายได้ 6,000 บาท
- 2) ไม่ใช่ เพราะว่า ในการผลิตกล้วยอบ 350 ถูง จะต้องใช้เงินลงทุนน้อยกว่า 8,000 บาท
- 3) ใช่ เพราะว่า ถ้าลงทุนผลิตกล้วยอบ 450 ถูง จะต้องใช้เงินลงทุนประมาณ 9,000 บาท เมื่อขายได้ 400 ถูง จะมีรายได้มากกว่า 9,000 บาท ดังนั้น จึงได้กำไร

### เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน (ภาพรวม)	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบถูกทั้ง 3 ข้อ คือ ใช่ ไม่ใช่ ใช่ ตามลำดับ	2
<input type="checkbox"/> ตอบถูก 2 ข้อ ใน 3 ข้อ	1
<input type="checkbox"/> ตอบถูก 1 ข้อ หรือ ตอบผิดทุกข้อ หรือ ไม่ตอบ	0

### ■ คำถามที่ 2 : รายได้และเงินลงทุน

(1 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น ถ้าลงทุนผลิตกล้วยอบ 500 ถูง เมื่อขายหมด จะได้กำไรหรือขาดทุนเป็นเงินกี่บาท

ตอบ ได้กำไร 2,000 บาท

### แนวคิด

เงินลงทุนในการผลิตกล้วยอบ 500 ถูง เป็น 10,000 บาท และรายได้จากการขายกล้วยอบ 500 ถูง เป็น 12,000 บาท

ดังนั้น ถ้าลงทุนผลิตและขายกล้วยอบ 500 ถูง จะได้กำไร  $12,000 - 10,000 = 2,000$  บาท

### เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน (ภาพรวม)	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบได้กำไร 2,000 บาท	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือ ไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 3 : รายได้และเงินลงทุน

(1 คะแนน)

กำหนดให้  $a$  แทน จำนวนกล้วยอบที่ขายได้เป็นถุง และ

$b$  แทน รายได้จากการขายกล้วยอบเป็นบาท

จากกราฟแสดงรายได้ จงเขียนสมการแสดงความสัมพันธ์ระหว่าง  $a$  และ  $b$

ตอบ  $b = 24a$

แนวคิด

จากกราฟซึ่งอยู่ในแนวเส้นตรง แสดงว่าราคาขายกล้วยอบต่อถุงเป็นราคาคงที่และกล้วยอบที่ขายได้ 250 ถุง จะทำให้มีรายได้จากการขายกล้วยอบ 6,000 บาท

จึงได้ว่า รายได้จากการขายกล้วยอบเป็น  $6,000 \div 250 = 24$  บาทต่อถุง

นั่นคือ ถ้าขายกล้วยอบได้  $a$  ถุง จะมีรายได้จากการขายกล้วยอบ  $24a$  บาท

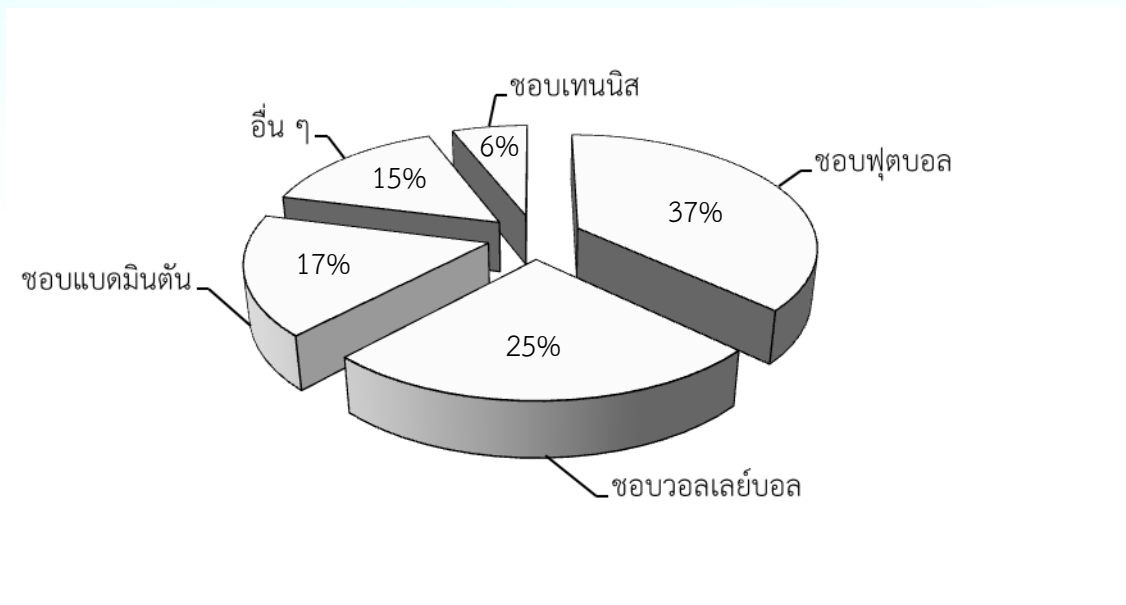
ดังนั้น  $b = 24a$

เกณฑ์การให้คะแนน

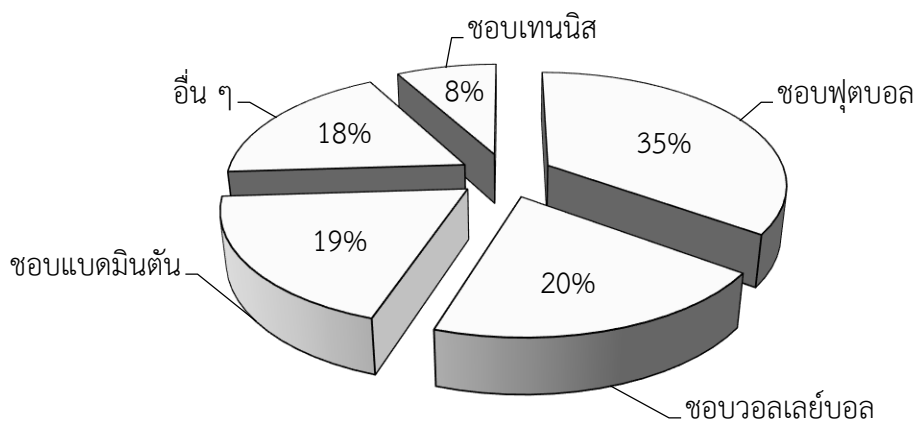
รายการประเมิน (ภาพรวม)	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบ $b = 24a$ หรือ $\frac{b}{a} = 24$ หรือ $\frac{b}{24} = a$	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือ ไม่ตอบ	0

## แบบฝึกชุดที่ 2 แนวการตอบเรื่องที่ 3 ผลสำรวจความชื่นชอบกีฬา

สถาบันการศึกษาแห่งหนึ่งได้ทำการสำรวจชนิดกีฬาที่เยาวชนอายุ 12 – 19 ปี ชื่นชอบมากที่สุด จากเยาวชน 2,000 คน ได้ผลการสำรวจดังแผนภูมิต่อไปนี้



จากนั้นได้ทำการสำรวจชนิดกีฬาที่ผู้ใหญ่อายุ 20 – 35 ปี ชื่นชอบมากที่สุด จากผู้ใหญ่ 3,000 คน ได้ผลการสำรวจข้อมูลดังแผนภูมิต่อไปนี้



■ คำถามที่ 1 : ผลสำรวจความชื่นชอบกีฬา

(1 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น เยาวชนที่ชื่นชอบฟุตบอลกับผู้ใหญ่ที่ชื่นชอบฟุตบอลมีจำนวนต่างกันอยู่ที่คน

ตอบ .310. คน

แนวคิด

จากแผนภูมิของการสำรวจเยาวชน มีเยาวชนที่ชื่นชอบฟุตบอลอยู่  $\frac{37}{100} \times 2,000 = 740$  คน

จากแผนภูมิของการสำรวจผู้ใหญ่ มีผู้ใหญ่ที่ชื่นชอบฟุตบอลอยู่  $\frac{35}{100} \times 3,000 = 1,050$  คน

ดังนั้น มีจำนวนต่างกันอยู่  $1,050 - 740 = 310$  คน

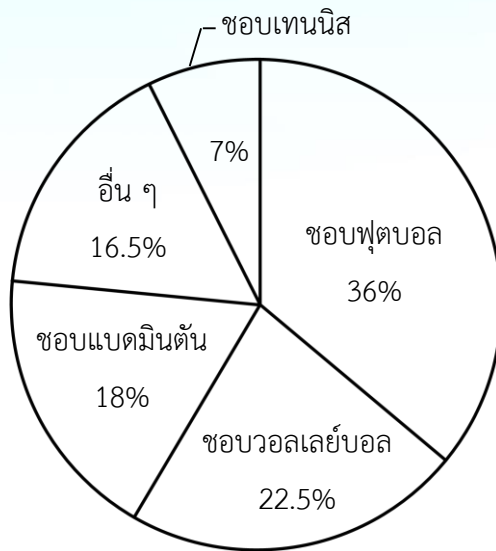
เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน (ภาพรวม)	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบ 310 คน	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 2 : ผลสำรวจความชื่นชอบกีฬา (2 คะแนน)

ถ้าต้องการนำเสนอผลการสำรวจชนิดกีฬาที่คนอายุ 12 – 35 ปี ชื่นชอบมากที่สุด โดยนำผลการสำรวจที่

ได้จากเยาวชนและผู้ใหญ่มารวมกัน แล้วนำเสนอข้อมูลด้วยแผนภูมิรูปวงกลมได้ดังนี้



แผนภูมินี้นำเสนอข้อมูลได้ถูกต้องหรือไม่ จงแสดงแนวคิดหรือการคำนวณเพื่อสนับสนุนคำตอบ

แนวคิดหรือการคำนวณเพื่อสนับสนุนคำตอบ .....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

### คำตอบ

#### แนวคิดหรือการคำนวณเพื่อสนับสนุนคำตอบ

จากแผนภูมิ จำนวนเยาวชนที่ชื่นชอบฟุตบอล 740 คน และ

จำนวนผู้ใหญ่ที่ชื่นชอบฟุตบอล 1,050 คน

ดังนั้น มีคนอายุ 12 – 35 ปี ที่ชื่นชอบฟุตบอล เท่ากับ 1,790 คน

$$\text{คิดเป็นเปอร์เซ็นต์ได้ } \frac{1,790}{5,000} \times 100 = 35.8\%$$

แต่แผนภูมิที่นำเสนอระบุเป็น 36%

ดังนั้น การนำเสนอข้อมูลข้างต้นไม่ถูกต้อง

#### หรือ

เยาวชนอายุ 12 – 19 ปี ชอบฟุตบอล  $\frac{37}{100} \times 2,000 = 740$  คน

ผู้ใหญ่อายุ 20 – 35 ปี ชอบฟุตบอล  $\frac{35}{100} \times 3,000 = 1,050$  คน

เมื่อนำผลการสำรวจเยาวชนและผู้ใหญ่มารวมกัน คนอายุ 12 – 35 ปี ชอบฟุตบอล 1,790 คน

แต่ข้อมูลที่นำเสนอ คนอายุ 12 – 35 ปี ชอบฟุตบอล  $\frac{36}{100} \times 5,000 = 1,800$  คน ซึ่งจำนวนคนไม่ตรงกัน ดังนั้น การนำเสนอข้อมูลข้างต้นไม่ถูกต้อง

#### หรือ

การนำเสนอข้อมูลข้างต้น นำเปอร์เซ็นต์ของเยาวชนและผู้ใหญ่มารวมกันแล้วหารด้วย 2

ซึ่งไม่ถูกต้อง เนื่องจากจำนวนคนที่สำรวจของทั้งสองกลุ่มไม่เท่ากัน

ดังนั้น การนำเสนอข้อมูลข้างต้นไม่ถูกต้อง

หมายเหตุ ในกรณีที่เปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์หรือจำนวนคนที่ชื่นชอบกีฬาชนิดอื่น เปอร์เซ็นต์หรือจำนวนคนที่คำนวณได้ ดังตารางต่อไปนี้

ตารางแสดงเปอร์เซ็นต์ของคนในแต่ละช่วงอายุที่ชื่นชอบกีฬาชนิดต่าง ๆ

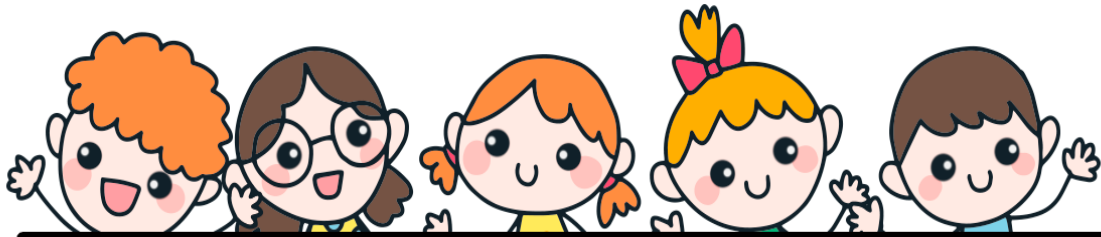
ชนิดกีฬา	เปอร์เซ็นต์คนในแต่ละช่วงอายุ			
	เยาวชนอายุ 12 – 19 ปี	ผู้ใหญ่ อายุ 20 – 35 ปี	เยาวชนอายุ 12 – 19 ปี รวมกับผู้ใหญ่ 20 – 35 ปี	คนอายุ 12 – 35 ปี * จากแผนภูมิรูปวงกลม ในคำถามที่ 2
เทนนิส	6%	8%	7.2%	7.0%
ฟุตบอล	37%	35%	35.8%	36.0%
วอลเลย์บอล	25%	20%	22.0%	22.5%
แบดมินตัน	17%	19%	18.2%	18.0%
อื่น ๆ	15%	18%	16.8%	16.5%

ตารางแสดงจำนวนคนในแต่ละช่วงอายุที่ชื่นชอบกีฬาชนิดต่าง ๆ

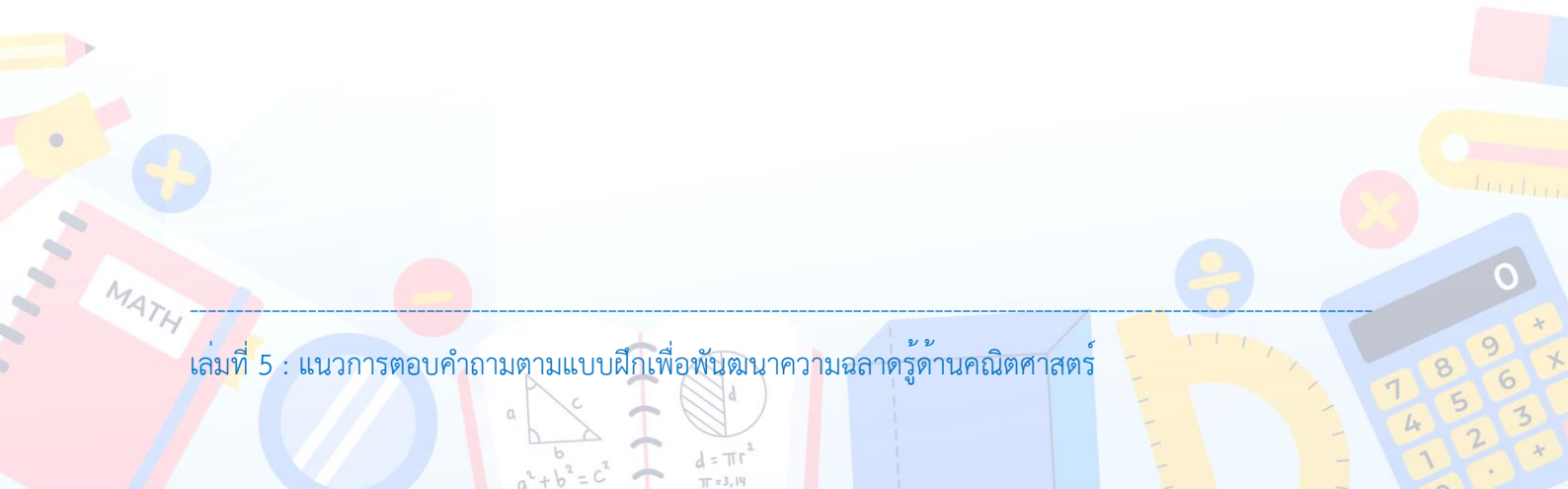
ชนิดกีฬา	จำนวนคนในแต่ละช่วงอายุ (คน)			
	เยาวชนอายุ 12 – 19 ปี	ผู้ใหญ่ อายุ 20 – 35 ปี	เยาวชนอายุ 12 – 19 ปี รวมกับผู้ใหญ่ 20 – 35 ปี	คนอายุ 12 – 35 ปี * จากแผนภูมิรูปร่างกลม ในคำถามที่ 2
เทนนิส	120	240	360	350
ฟุตบอล	740	1,050	1,790	1,800
วอลเลย์บอล	500	600	1,100	1,125
แบดมินตัน	340	570	910	900
อื่น ๆ	300	540	840	825

**เกณฑ์การให้คะแนน**

รายการประเมิน (แยกส่วน)	คะแนน
1) ตอบแผนภูมินี้ไม่ถูกต้อง	0.5
2) อธิบายแนวคิดในการเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์หรือจำนวนคนที่ชื่นชอบกีฬาได้ถูกต้องอย่างน้อย 1 ชนิด จากแผนภูมิในช่วงอายุ 12 – 19 ปี และ 20 – 35 ปี กับแผนภูมิใหม่ (เช่น คำตอบในแนวคิดข้างต้น) หรืออธิบายว่าเปอร์เซ็นต์ที่คิดได้จากค่าเฉลี่ยของเปอร์เซ็นต์ของจำนวนคนทั้ง 2 กลุ่มไม่ถูกต้อง เนื่องจากจำนวนคนที่ใช้สำรวจของทั้ง 2 กลุ่มไม่เท่ากัน	1.5
<b>หมายเหตุ</b>	
- ในกรณีที่อธิบายแนวคิดในการเปรียบเทียบเปอร์เซ็นต์หรือจำนวนคนที่ชื่นชอบกีฬาได้ แต่มีความผิดพลาดในการคำนวณ จะได้ 1 คะแนนในส่วนนี้	
- ในกรณีที่อธิบายแนวคิดในการหาจำนวนคนทั้งหมดที่ชื่นชอบกีฬาชนิดใดชนิดหนึ่งจากแผนภูมิในช่วงอายุ 12 – 19 ปี และ 20 – 35 ปี หรือ หาจำนวนคนทั้งหมดที่ชื่นชอบกีฬาชนิดใดชนิดหนึ่งจากแผนภูมิใหม่เพียงกรณีใดกรณีหนึ่ง หรือ อธิบายเหตุผลโดยไม่ได้แสดงที่มาของการคิดคำนวณ จะได้ 0.5 คะแนนในส่วนนี้ เช่น	
<ul style="list-style-type: none"> <li>● จากแผนภูมิใหม่ มีคนที่ชื่นชอบแบดมินตันอยู่ <math>\frac{18}{100} \times 5,000 = 900</math> คน แต่ไม่ได้หาจำนวนคนที่ชื่นชอบแบดมินตันในแผนภูมิแสดงผลการสำรวจที่ได้จากเยาวชนและผู้ใหญ่</li> <li>● เพราะจำนวนคนทั้ง กลุ่ม ไม่เท่ากัน 2</li> </ul>	
<b>รวม</b>	<b>2</b>

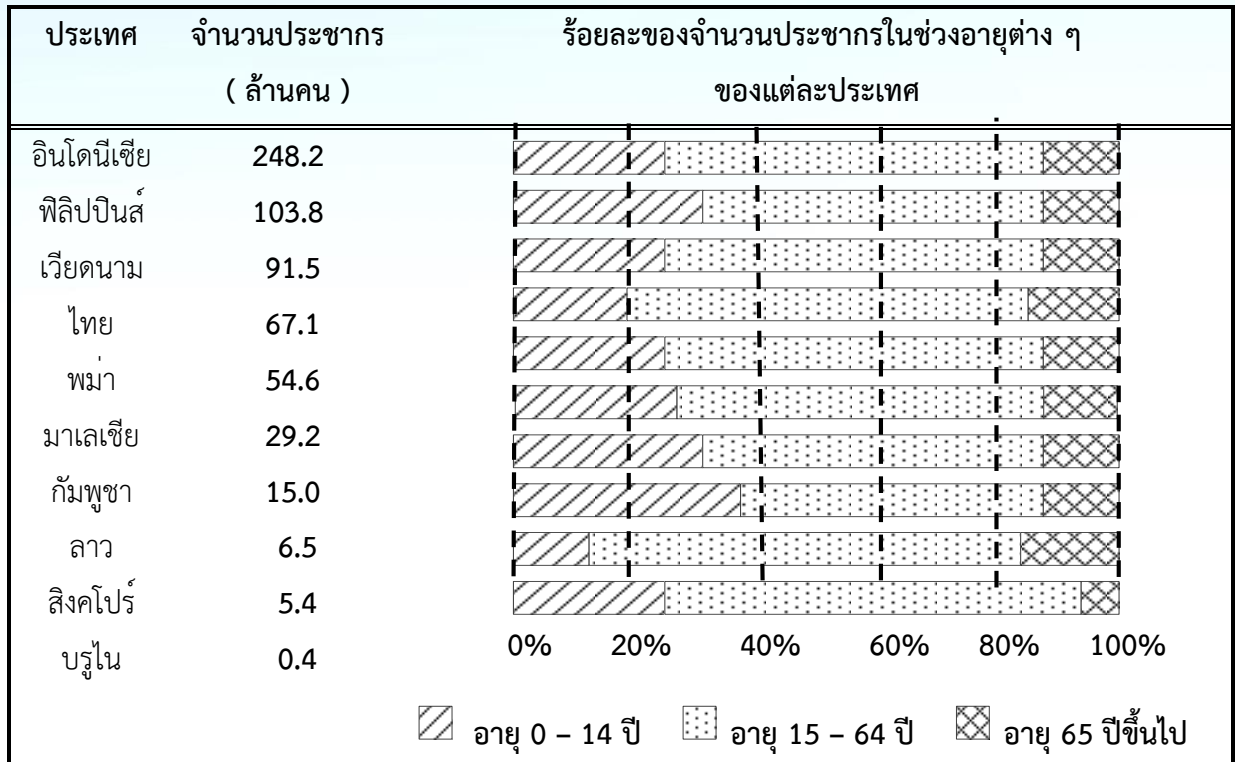


แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก  
เพื่อพัฒนาทักษะความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์  
ชุดที่ 3



### แบบฝึกชุดที่ 3 แนวการตอบเรื่องที่ 1 ประชาคมเศรษฐกิจอาเซียน

ในเดือนกรกฎาคม พ.ศ. 2554 หน่วยงานแห่งหนึ่งได้รายงานจำนวนประชากรและร้อยละของจำนวนประชากรในช่วงอายุต่าง ๆ ในกลุ่มประเทศอาเซียนดังนี้





ที่มา : ข้อมูลจาก CIA World Factbook

■ คำถามที่ 1 : ประชาคมเศรษฐกิจอาเซียน (2 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” ในแต่ละข้อความต่อไปนี้

ข้อความ	ใช่ หรือ ไม่ใช่
1) ประเทศสิงคโปร์มีจำนวนประชากรน้อยที่สุดในกลุ่มประเทศอาเซียน	ใช่ / <u>ไม่ใช่</u>
2) ประเทศมาเลเซียและประเทศกัมพูชามีประชากรรวมกันมากกว่าประเทศพม่า	ใช่ / <u>ไม่ใช่</u>
3) ประเทศไทยมีประชากรในช่วงอายุ 0 – 14 ปี อยู่ 20% ของจำนวนประชากรทั้งประเทศ	<u>ใช่</u> / ไม่ใช่
4) ประเทศลาวมีร้อยละของจำนวนประชากรในช่วงอายุ 15 – 64 ปี น้อยที่สุดเมื่อเทียบกับประเทศอื่น ๆ	<u>ใช่</u> / ไม่ใช่

แนวคิด

- 1) ไม่ใช่ เพราะว่า ประเทศบรูไนมีประชากรน้อยที่สุด คือ 0.4 ล้านคน
- 2) ไม่ใช่ เพราะว่า ประเทศมาเลเซียและประเทศกัมพูชามีประชากรรวมกัน  $29.2 + 15 = 44.2$  ล้านคน แต่ประเทศพม่ามีประชากร 54.6 ล้านคน
- 3) ใช่ เพราะว่า แท่ง  แสดงร้อยละของจำนวนประชากรประเทศไทยที่มีอายุ 0 – 14 ปี เป็น 20%
- 4) ใช่ เพราะว่า แท่ง  แสดงร้อยละของจำนวนประชากรประเทศลาวที่มีอายุ 15 – 64 ปี น้อยที่สุดเมื่อเทียบกับประเทศอื่น ๆ

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบถูกทั้ง 4 ข้อ คือ ไม่ใช่ ไม่ใช่ ใช่ ใช่ ตามลำดับ	2
<input type="checkbox"/> ตอบถูก 3 ข้อ ใน 4 ข้อ	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 2 : ประชาคมเศรษฐกิจอาเซียน (1 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น ประเทศเวียดนามมีร้อยละของจำนวนประชากรในช่วงอายุ 15 – 64 ปี ประมาณเท่าใด

- ก. 40%
- ข. 50%
- ค. 60%
- ง. 90%

แนวคิด

จากข้อมูลข้างต้น ประเทศเวียดนามมีประชากรในช่วงอายุ 15 – 64 ประมาณ 60% ของประชากรทั้งประเทศ

■ คำถามที่ 3 : ประชาคมเศรษฐกิจอาเซียน (2 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น ถ้ากล่าวว่า “ประชากรของประเทศอินโดนีเซียและประเทศฟิลิปปินส์ที่มีอายุ 65 ปีขึ้นไป มีจำนวนเท่ากัน” แล้วคำกล่าวนี้ถูกต้องหรือไม่ เพราะเหตุใด

ตอบ .....

.....

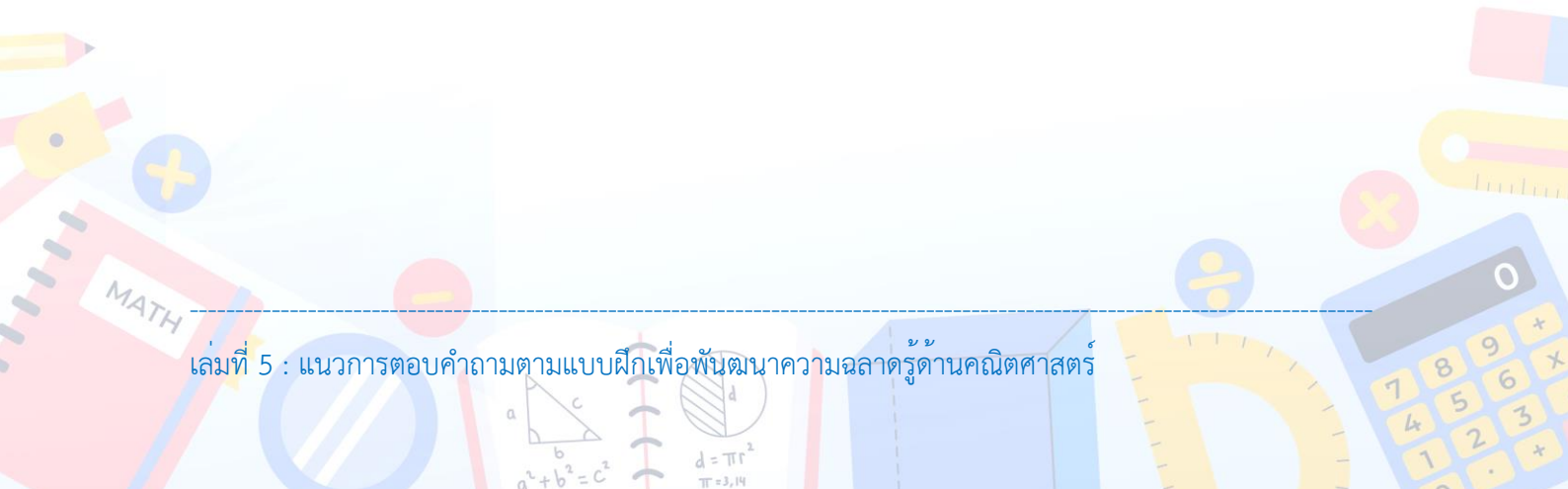
.....

.....

.....

คำตอบ

ตอบ คำกล่าวนี้ไม่ถูกต้อง



เพราะว่า ประเทศอินโดนีเซียและประเทศฟิลิปปินส์มีร้อยละแสดงจำนวนประชากรที่มีอายุ 65 ปีขึ้นไป

อยู่เท่ากัน แต่จำนวนประชากรของประเทศอินโดนีเซียมากกว่าประเทศฟิลิปปินส์

หรือ

เพราะว่า การหาจำนวนประชากรที่มีอายุ 65 ปีขึ้นไปจากข้อมูลร้อยละที่แสดงในแผนภูมิ จะต้องคิดคำนวณจากประชากรทั้งประเทศ ซึ่งจากข้อมูลพบว่าจำนวนประชากรของประเทศอินโดนีเซีย

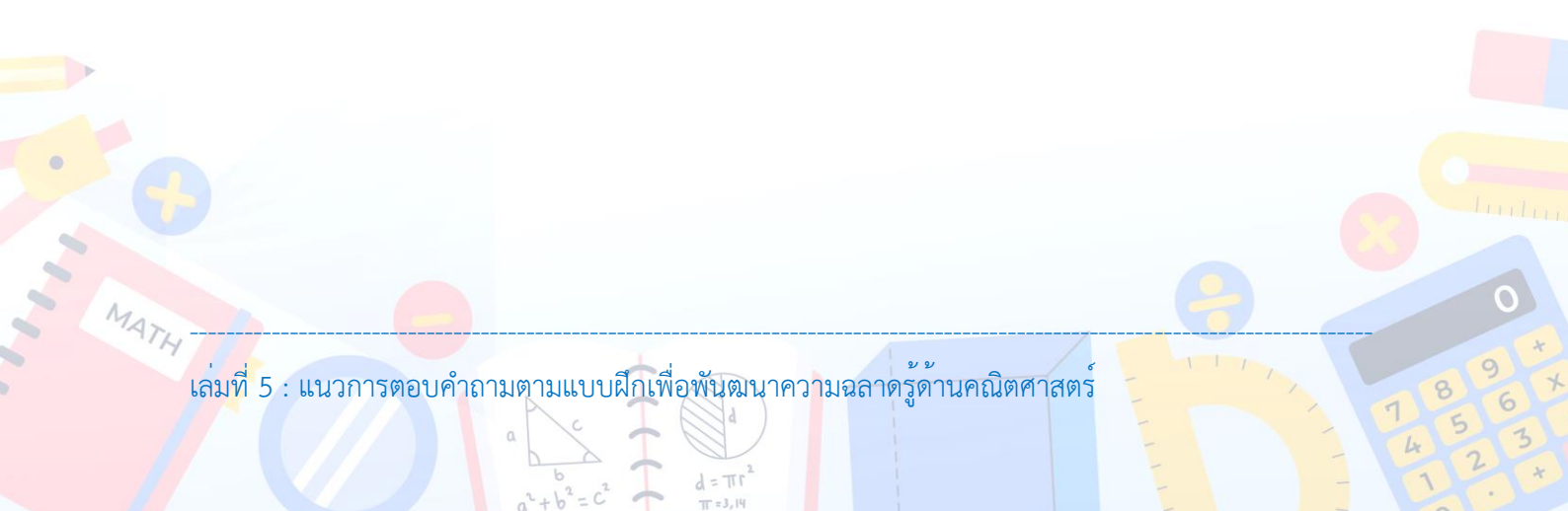
มีมากกว่าประเทศฟิลิปปินส์ จะได้ว่า จำนวนประชากรที่มีอายุ 65 ปีขึ้นไปของประเทศอินโดนีเซีย

มีมากกว่าประเทศฟิลิปปินส์ด้วย

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<p><input type="checkbox"/> ตอบว่าคำกล่าวนี้ไม่ถูกต้องพร้อมแสดงเหตุผลโดยอ้างถึงการพิจารณาทั้งร้อยละ</p> <p>ของประชากรและจำนวนประชากรของทั้งสองประเทศได้ถูกต้อง เช่น</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- ไม่ถูกต้อง เพราะว่า ประเทศอินโดนีเซียและประเทศฟิลิปปินส์ มีร้อยละแสดงจำนวนประชากรที่มีอายุ 65 ปีขึ้นไปอยู่เท่ากัน แต่จำนวนประชากรของประเทศอินโดนีเซียมากกว่าประเทศฟิลิปปินส์</li><li>- ไม่ถูกต้อง เพราะว่า ร้อยละแสดงจำนวนประชากรของทั้งสองประเทศเท่ากันแต่จำนวนประชากรทั้งสองประเทศไม่เท่ากัน</li><li>- ไม่ถูกต้อง เพราะว่า การหาจำนวนประชากรที่มีอายุ 65 ปีขึ้นไป จากข้อมูลร้อยละที่แสดงในแผนภูมิ จะต้องคิดคำนวณจากประชากรทั้งประเทศ ซึ่งจำนวนประชากรทั้งสองประเทศนี้ไม่เท่ากัน</li><li>- ไม่ถูกต้อง เพราะว่า เมื่อคิดคำนวณจากร้อยละของประชากรที่มีอายุ 65 ปีขึ้นไปแล้ว จะได้ว่าประเทศอินโดนีเซียมีจำนวนประชากรอายุ 65 ปีขึ้นไป มากกว่าประเทศฟิลิปปินส์</li></ul>	2
<p>ผู้เรียนตอบแบบใดแบบหนึ่งต่อไปนี้</p> <p><input type="checkbox"/> ตอบว่าคำกล่าวนี้ไม่ถูกต้อง แต่อธิบายเหตุผลถึงร้อยละหรือจำนวนประชากร</p> <p>ทั้งสองประเทศเพียงอย่างเดียวอย่างหนึ่ง เช่น</p> <ul style="list-style-type: none"><li>- คำกล่าวนี้ไม่ถูกต้อง เพราะว่า ประเทศอินโดมีประชากรมากกว่าประเทศฟิลิปปินส์</li><li>- คำกล่าวนี้ไม่ถูกต้องเพราะว่า สเกลของแผนภูมิไม่ละเอียด</li><li>- ร้อยละที่แสดงอาจจะไม่เท่ากัน</li></ul> <p><input type="checkbox"/> แสดงเหตุผลได้ถูกต้องโดยระบุถึงร้อยละของทั้งสองประเทศเท่ากัน แต่จำนวนประชากรทั้งสองประเทศไม่เท่ากัน แต่ไม่สรุปคำตอบหรือสรุปว่าคำกล่าวนี้ถูกต้อง</p>	1
<p><input type="checkbox"/> ตอบว่าคำกล่าวนี้ไม่ถูกต้องและไม่แสดงเหตุผล หรือคำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ</p>	0

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



### แบบฝึกชุดที่ 3 แนวการตอบเรื่องที่ 2 ตารางเวลาเที่ยวบิน

ตารางเวลาเที่ยวบินระหว่างประเทศ A และประเทศ B ของสายการบิน “ยิ้มสบาย” เป็นดังนี้

✈️ <b>ขาไป :</b> จากประเทศ A ไปประเทศ B วันอังคารที่ 20 พฤษภาคม 2557	✈️ <b>ขากลับ :</b> จากประเทศ B ไปประเทศ A วันอาทิตย์ที่ 25 พฤษภาคม 2557
○ ออกจากประเทศ A เวลา 07.35 น. (ตามเวลาท้องถิ่น) ถึงประเทศ B เวลา 12.35 น. (ตามเวลาท้องถิ่น) ระยะเวลาในการเดินทาง 6 ชั่วโมง 30 นาที	○ ออกจากประเทศ B เวลา 05.25 น. (ตามเวลาท้องถิ่น) ถึงประเทศ A เวลา 13.25 น. (ตามเวลาท้องถิ่น) ระยะเวลาในการเดินทาง 6 ชั่วโมง 30 นาที

หมายเหตุ เวลาท้องถิ่นในแต่ละประเทศอาจจะแตกต่างกัน



**■ คำถามที่ 1 :** ตารางเวลาเที่ยวบิน

(3 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น เวลาของประเทศ A ช้ากว่าหรือเร็วกว่าประเทศ B เป็นระยะเวลาเท่าใด  
จงแสดงวิธีทำ

วิธีทำ .....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

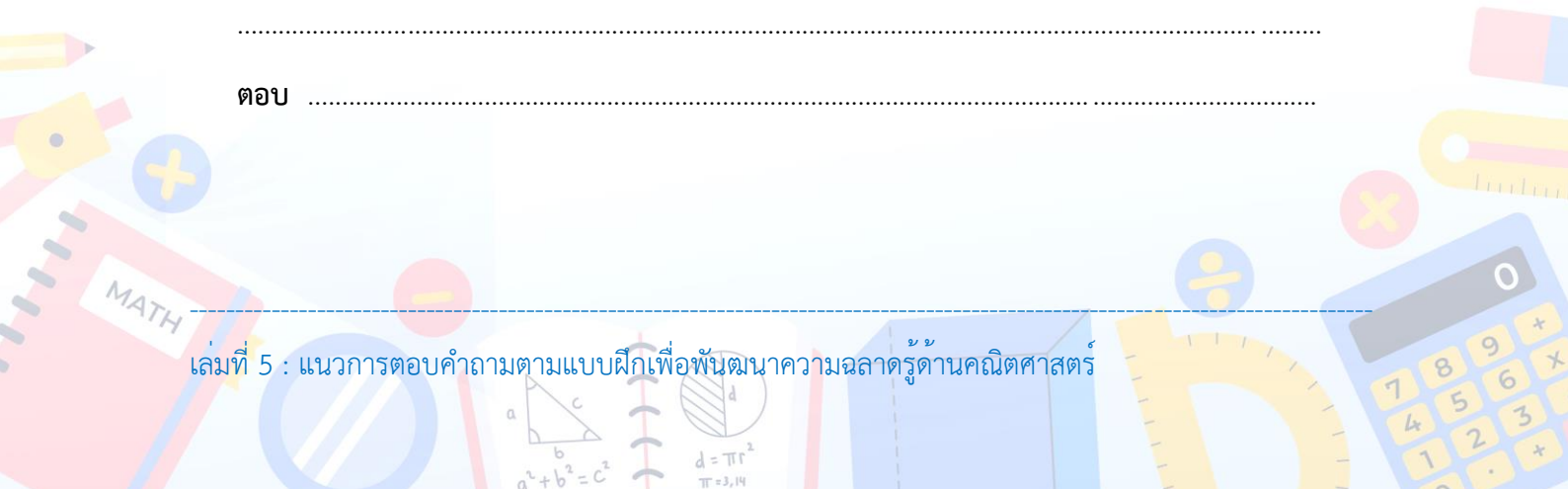
.....

.....

.....

.....

ตอบ .....



**คำตอบ**

**วิธีทำแบบที่ 1** ออกจากประเทศ A เวลา 07.35 น. เมื่อระยะเวลาผ่านไป 6 ชั่วโมง 30 นาที เวลา ณ ประเทศ A เป็น 14.05 น. แต่เวลาที่ท้องถิ่นที่ประเทศ B เป็น 12.35 น. จะได้ว่า เวลาของประเทศ A เร็วกว่าประเทศ B

	ชั่วโมง	นาที	
เวลาท้องถิ่นของประเทศ A	14	5	_
เวลาท้องถิ่นของประเทศ B	<u>12</u>	<u>35</u>	
	<u>1</u>	<u>30</u>	

**ตอบ** เวลาของประเทศ A เร็วกว่าประเทศ B (หรือ เวลาของประเทศ B ช้ากว่าประเทศ A) เป็นระยะเวลา 1 ชั่วโมง 30 นาที (หรือ 90 นาที)  
(หมายเหตุ สามารถคิดคำนวณจากเวลาขากลับได้)

**วิธีทำแบบที่ 2** ระยะเวลาท้องถิ่นที่แตกต่างกันของเวลาขาออกประเทศ A และเวลาถึงประเทศ B จะได้ว่า

	ชั่วโมง	นาที	
เวลาท้องถิ่นของประเทศ B	12	35	_
เวลาท้องถิ่นของประเทศ A	<u>7</u>	<u>35</u>	
	<u>5</u>	<u>00</u>	

แต่ระยะเวลาในการเดินทาง 6 ชั่วโมง 30 นาที จะได้ว่า เวลาท้องถิ่นของประเทศ A ที่เครื่องบินถึงประเทศ B จะเร็วกว่าเวลาท้องถิ่นของประเทศ B เป็นระยะเวลาที่คิดคำนวณได้จากผลต่างของ 6 ชั่วโมง 30 นาที กับ 5 ชั่วโมง ซึ่งคิดเป็น 1 ชั่วโมง 30 นาที

**ตอบ** เวลาของประเทศ A เร็วกว่าประเทศ B (หรือ เวลาของประเทศ B ช้ากว่าประเทศ A) เป็นระยะเวลา 1 ชั่วโมง 30 นาที (หรือ 90 นาที)  
(หมายเหตุ สามารถเปรียบเทียบเวลาขากลับจากประเทศ B และเวลาถึงประเทศ A ได้)

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน																								
<p>1) แสดงวิธีการเปรียบเทียบระยะเวลาระหว่างประเทศ A และประเทศ B โดยใช้เวลาของขาไปหรือขากลับได้ถูกต้อง โดยไม่คำนึงถึงผลลัพธ์ของการคำนวณ เช่น</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ออกจากประเทศ A เวลา 07.35 น.เมื่อระยะเวลาผ่านไป 6 ชั่วโมง 30 นาที เวลา ณ ประเทศ A 14.05 น. แต่เวลาที่ท้องถิ่นที่ประเทศ B 12.35 น.</li> <li>- ระยะเวลาท้องถิ่นที่แตกต่างกันของประเทศ A และประเทศ B</li> </ul> <table style="margin-left: 40px;"> <tr> <td>จะได้</td> <td>ชั่วโมง</td> <td>นาที</td> <td></td> </tr> <tr> <td>เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ B</td> <td>12</td> <td>35</td> <td>_</td> </tr> <tr> <td>เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ A</td> <td><u>7</u></td> <td><u>35</u></td> <td></td> </tr> </table>	จะได้	ชั่วโมง	นาที		เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ B	12	35	_	เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ A	<u>7</u>	<u>35</u>		1												
จะได้	ชั่วโมง	นาที																							
เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ B	12	35	_																						
เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ A	<u>7</u>	<u>35</u>																							
<p>2) นำค่าที่คำนวณได้จาก 1) มาแสดงวิธีการหารระยะเวลาท้องถิ่นที่ต่างกันได้ถูกต้อง เช่น</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>-</li> </ul> <table style="margin-left: 40px;"> <tr> <td></td> <td>ชั่วโมง</td> <td>นาที</td> <td></td> </tr> <tr> <td>เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ A</td> <td>14</td> <td>5</td> <td>_</td> </tr> <tr> <td>เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ B</td> <td><u>12</u></td> <td><u>35</u></td> <td></td> </tr> </table> <ul style="list-style-type: none"> <li>-</li> </ul> <table style="margin-left: 40px;"> <tr> <td></td> <td>ชั่วโมง</td> <td>นาที</td> <td></td> </tr> <tr> <td>ระยะเวลาในการเดินทาง</td> <td>6</td> <td>30</td> <td>_</td> </tr> <tr> <td>ระยะเวลา</td> <td><u>5</u></td> <td><u>00</u></td> <td></td> </tr> </table>		ชั่วโมง	นาที		เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ A	14	5	_	เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ B	<u>12</u>	<u>35</u>			ชั่วโมง	นาที		ระยะเวลาในการเดินทาง	6	30	_	ระยะเวลา	<u>5</u>	<u>00</u>		1
	ชั่วโมง	นาที																							
เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ A	14	5	_																						
เวลาที่ท้องถิ่นของประเทศ B	<u>12</u>	<u>35</u>																							
	ชั่วโมง	นาที																							
ระยะเวลาในการเดินทาง	6	30	_																						
ระยะเวลา	<u>5</u>	<u>00</u>																							
<p>3) ตอบ เวลาของประเทศ A เร็วกว่าประเทศ B หรือ เวลาของประเทศ B ช้ากว่าประเทศ A</p>	0.5																								
<p>4) คำตอบถูกต้อง คือ 1 ชั่วโมง 30 นาที หรือ 90 นาที</p>	0.5																								
<b>รวม</b>	<b>3</b>																								

■ คำถามที่ 2 : ตารางเวลาเที่ยวบิน(1 คะแนน)

กำหนดสูตรการคำนวณอัตราเร็วเฉลี่ยดังนี้

$$\text{อัตราเร็วเฉลี่ย} = \frac{\text{ระยะทางที่เคลื่อนที่}}{\text{เวลาที่ใช้เคลื่อนที่}}$$

จากข้อมูลข้างต้น ถ้าเครื่องบินเดินทางจากประเทศ A ไปประเทศ B โดยใช้อัตราเร็วเฉลี่ย 900 กิโลเมตรต่อชั่วโมง แล้วเครื่องบินลำนี้เดินทางได้ระยะทางกี่กิโลเมตร

ตอบ .....5,850..... กิโลเมตร

แนวคิด

ระยะเวลาในการเดินทาง 6 ชั่วโมง 30 นาที คิดเป็น 6.5 ชั่วโมง

กำหนดให้ เครื่องบินลำนี้บินจากประเทศ A ไปประเทศ B เป็นระยะทาง  $y$  กิโลเมตร

จากสูตร  $900 = \frac{y}{6.5}$

$$y = 6.5 \times 900 = 5,850$$

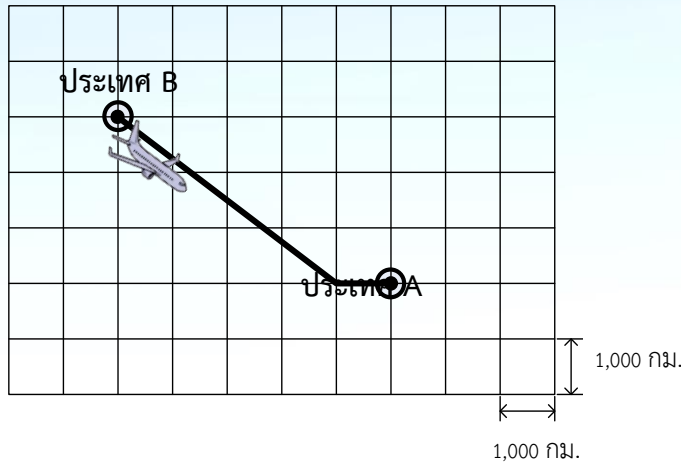
ดังนั้น เครื่องบินลำนี้บินจากประเทศ A ไปประเทศ B เป็นระยะทาง 5,850 กิโลเมตร

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบ 5,850 กิโลเมตร	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 3 : ตารางเวลาเที่ยวบิน (3 คะแนน)

ในเที่ยวบินกลับจากประเทศ B มาประเทศ A สายการบินยิ้มสบายได้กำหนดเส้นทางการบินดังแผนที่นี้

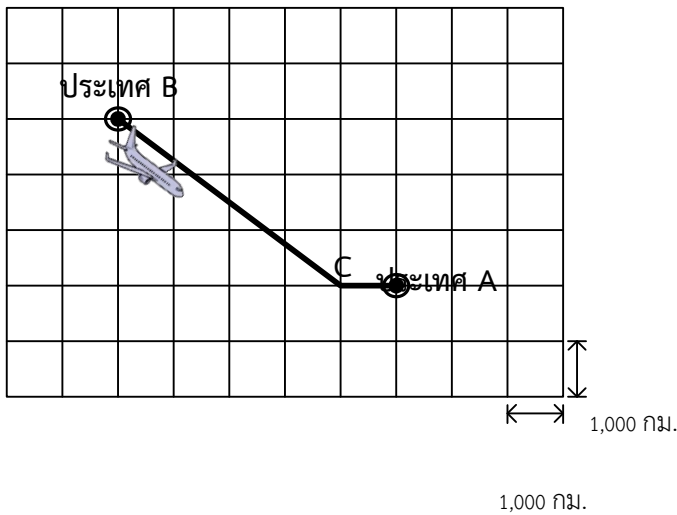


จากแผนที่ เส้นทางการเที่ยวบินกลับจากประเทศ B มาถึงประเทศ A มีระยะทางกี่กิโลเมตร จงแสดงวิธีทำ  
วิธีทำ .....

ตอบ ..... กิโลเมตร

คำตอบ

วิธีทำ กำหนดตำแหน่ง C ในแผนที่ดังนี้



เส้นทางจากประเทศ B มาถึงตำแหน่ง C มีระยะทางเป็น  $\sqrt{3,000^2 + 4,000^2} = \sqrt{25,000,000}$   
= 5,000 กิโลเมตร

ดังนั้น เส้นทางเที่ยวบินกลับจากประเทศ B มาถึงประเทศ A มีระยะทาง  $5,000 + 1,000 = 6,000$  กิโลเมตร

ตอบ ..... 6,000 ..... กิโลเมตร

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<p>● แสดงวิธีการหาระยะทางของเส้นทางจากประเทศ B ไปประเทศ A ได้ถูกต้อง เช่น</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- เส้นทางจากประเทศ B มาถึงตำแหน่ง C มีระยะทางเป็น</li> </ul> $\sqrt{3,000^2 + 4,000^2} = \sqrt{25,000,000} = 5,000 \text{ กิโลเมตร}$ <p>ดังนั้น เส้นทางที่วิ่งกลับจากประเทศ B มาถึงประเทศ A มีระยะทาง</p> $5,000 + 1,000 = 6,000 \text{ กิโลเมตร}$	3
<p>● แสดงวิธีการหาระยะทางของเส้นทางจากประเทศ B ไปประเทศ A โดยใช้ทฤษฎีบทพีทาโกรัส หรือระบุความยาวด้านทั้งสามด้านของรูปสามเหลี่ยมมุมฉากได้ถูกต้อง แต่มีข้อผิดพลาดในการคำนวณ 1 ขั้นตอน เช่น</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- เส้นทางจากประเทศ B มาถึงตำแหน่ง C มีระยะทางเป็น</li> </ul> $\sqrt{3,000^2 + 4,000^2} = \sqrt{25,000,000} = 5,000 \text{ กิโลเมตร}$ <p>ดังนั้น เส้นทางที่วิ่งกลับจากประเทศ B มาถึงประเทศ A มีระยะทาง</p> $5,000 + 1,000 = 5,100 \text{ กิโลเมตร}$	2.5
<p>● แสดงวิธีการหาระยะทางของเส้นทางจากประเทศ B ไปประเทศ A โดยใช้ทฤษฎีบทพีทาโกรัส หรือระบุความยาวด้านทั้งสามด้านของรูปสามเหลี่ยมมุมฉากได้ถูกต้อง แต่มีข้อผิดพลาด 1 ขั้นตอน เช่น</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- ไม่ได้รวมกับระยะทางอีก 1,000 กิโลเมตร</li> </ul> <p>เส้นทางจากประเทศ B มาถึงประเทศ A มีระยะทางเป็น</p> $\sqrt{3,000^2 + 4,000^2} = \sqrt{25,000,000} = 5,000 \text{ กิโลเมตร}$ <ul style="list-style-type: none"> <li>- ไม่ได้คิดตามมาตราส่วน 1 หน่วย : 1,000 กม.</li> </ul> <p>ประเทศ B ถึงจุด C มีระยะทางเป็น <math>\sqrt{3^2 + 4^2} = \sqrt{25} = 5</math> กิโลเมตร</p> <p>ดังนั้น เส้นทางที่วิ่งกลับจากประเทศ B มาถึงประเทศ A มีระยะทาง</p> $5 + 1 = 6 \text{ กิโลเมตร}$ <ul style="list-style-type: none"> <li>- ทหารากที่สองของจำนวนจริงบวกไม่ถูกต้อง</li> </ul> <p>ประเทศ B มาถึงตำแหน่ง C มีระยะทางเป็น</p> $\sqrt{3,000^2 + 4,000^2} = \sqrt{25,000,000} = 50\sqrt{10} \text{ กิโลเมตร}$ <p>ดังนั้น เส้นทางที่วิ่งกลับจากประเทศ B มาถึงประเทศ A มีระยะทาง</p> $50\sqrt{10} + 1,000 \text{ กิโลเมตร}$	2

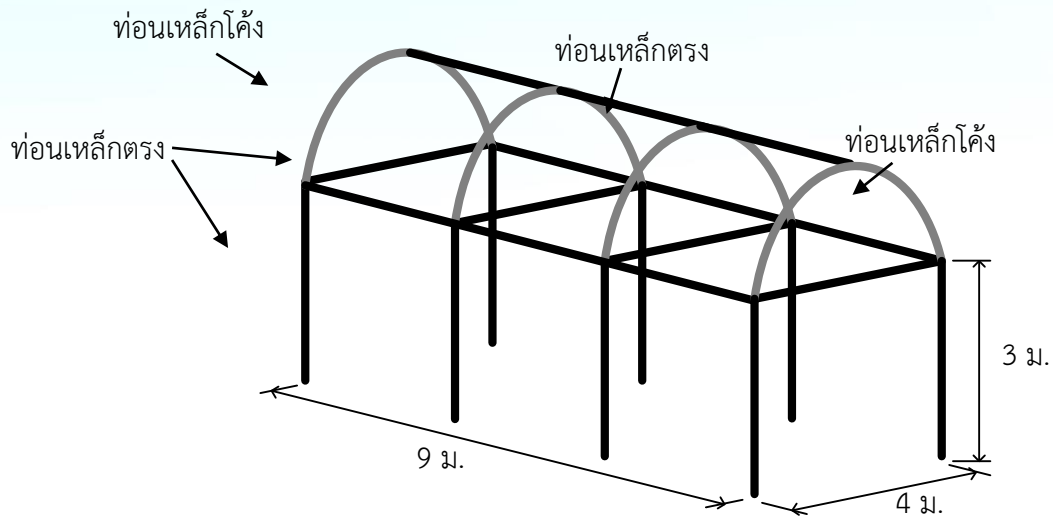
(มีต่อหน้าถัดไป)

เกณฑ์การให้คะแนน (ต่อ)

รายการประเมิน	คะแนน
<ul style="list-style-type: none"><li>● แสดงวิธีการหาระยะทางของเส้นทางจากประเทศ B ไปประเทศ A โดยใช้ ทฤษฎีบทพีทาโกรัส หรือระบุความยาวด้านทั้ง 3 ด้านของรูปสามเหลี่ยมมุมฉากได้ แต่มีข้อผิดพลาด 2 ขั้นตอน เช่น<ul style="list-style-type: none"><li>- ไม่ได้คิดตามมาตราส่วน 1 หน่วย : 1,000 กม. และไม่ได้รวมกับระยะทางอีก 1,000 กิโลเมตร</li><li>เส้นทางจากประเทศ B มาถึงตำแหน่ง C มีระยะทางเป็น <math>\sqrt{3^2 + 4^2} = 5</math> กิโลเมตร</li></ul></li></ul>	1.5
<ul style="list-style-type: none"><li>● ระบุระยะทางของเส้นทางจากประเทศ B ไปตำแหน่ง C ได้ถูกต้อง แลรวมกับ ระยะทางอีก 1,000 กิโลเมตร เช่น<ul style="list-style-type: none"><li>- 5,000 + 1,000</li></ul></li></ul>	1
<ul style="list-style-type: none"><li>● ระบุคำตอบบางขั้นตอนได้ถูกต้องแต่ไม่แสดงวิธีทำ เช่น<ul style="list-style-type: none"><li>- 5 + 1</li><li>- 6,000</li><li>- 5×1,000</li></ul></li></ul>	0.5
<ul style="list-style-type: none"><li>● คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ เช่น<ul style="list-style-type: none"><li>- ตอบ 5,000 โดยไม่แสดงวิธีทำ</li><li>- 7,000 + 1,000</li></ul></li></ul>	0

### แบบฝึกชุดที่ 3 แนวการตอบเรื่องที่ 3 เติ้นท์ผ้าใบ

เติ้นท์ผ้าใบหลังหนึ่งใช้โครงสร้างที่เป็นท่อนเหล็กตรงและท่อนเหล็กโค้งรูปครึ่งวงกลมสำหรับยึดผ้าใบ หลังคาเติ้นท์ โดยเติ้นท์มีความกว้าง 4 เมตร ยาว 9 เมตร และเสาเติ้นท์ส่วนที่เป็นท่อนเหล็กตรงสูง 3 เมตร ดังภาพ



■ คำถามที่ 1 : เติ้นท์ผ้าใบ (1 คะแนน)

จากภาพข้างต้น ท่อนเหล็กตรงทั้งหมดที่ใช้ทำโครงสร้างเติ้นท์นี้มีความยาวรวมกันกี่เมตร

ตอบ .....67..... เมตร

#### แนวคิด

จากภาพ ท่อนเหล็กตรงที่เป็นเสามีความยาวรวม เท่ากับ  $8 \times 3 = 24$  เมตร

ส่วนที่เป็นคานและส่วนที่อยู่ส่วนบนมีความยาวรวม เท่ากับ  $9 + 9 + (4 \times 4) + 9 = 43$  เมตร

ดังนั้น ท่อนเหล็กตรงทั้งหมดที่ใช้มีความยาวรวมกัน  $24 + 43 = 67$  เมตร

#### เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบ 67 เมตร	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 2 : เต็นท์ผ้าใบ

(1 คะแนน)

จากภาพข้างต้น ท่อนเหล็กโค้งรูปครึ่งวงกลม 1 ท่อน มีความยาวประมาณกี่เมตร

- ก. 6.28 เมตร
- ข. 8.00 เมตร
- ค. 10.28 เมตร
- ง. 12.56 เมตร

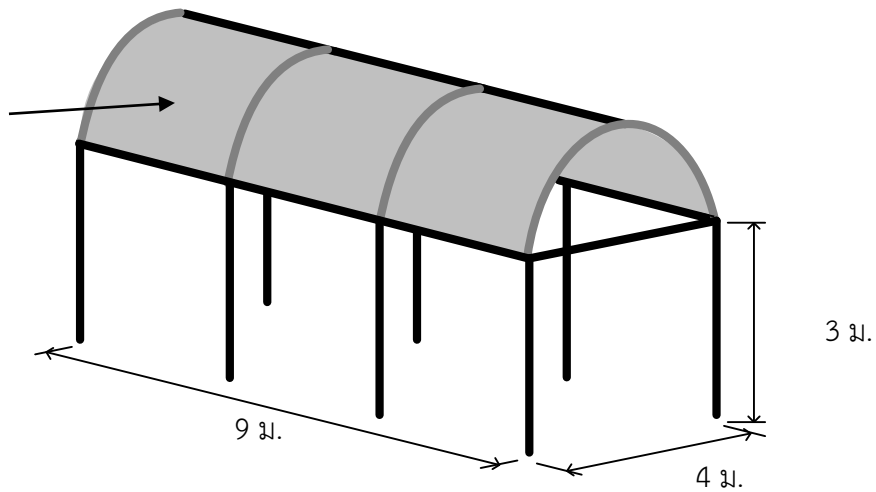
แนวคิด

ท่อนเหล็กโค้งรูปครึ่งวงกลมมีความยาวประมาณ  $(2 \times 3.14 \times 2) \div 2 = 6.28$  เมตร

■ คำถามที่ 3 : เต็นท์ผ้าใบ

(3 คะแนน)

เมื่อใช้ผ้าใบคลุมส่วนหลังคาด้านบนจะได้ดังนี้



ผ้าใบที่ใช้ทำหลังคาเต็นท์หลังนี้มีพื้นที่กี่ตารางเมตร จงแสดงวิธีทำ

วิธีทำ .....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

ตอบ ..... ตารางเมตร

คำตอบ

วิธีทำแบบที่ 1 ผ้าใบสำหรับหลังคาด้านบนมีพื้นที่  $\frac{1}{2} (2\pi rh) = \pi rh \approx 3.14 \times 2 \times 9 = 56.52$  ตารางเมตร  
ดังนั้น ผ้าใบที่ใช้ทำหลังคาเตี้ยหลังนี้มีพื้นที่ประมาณ 56.52 ตารางเมตร

ตอบ ...56.52... ตารางเมตร

วิธีทำแบบที่ 2 จากภาพ ท่อนเหล็กโค้งรูปครึ่งวงกลมยาว  $\frac{1}{2} \times 2\pi \times 2 = 2\pi$  เมตร  
และเตี้ยยาว 9 เมตร เมื่อกางผ้าใบส่วนหลังคาด้านบนออกจะได้เป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า  
จะได้ว่า ต้องใช้ผ้าใบสำหรับหลังคาด้านบน เท่ากับ  $2\pi \times 9 = 18\pi$  เมตร  
ดังนั้น ผ้าใบที่ใช้ทำหลังคาเตี้ยหลังนี้มีพื้นที่  $18\pi$  ตารางเมตร

ตอบ ...18π... ตารางเมตร

หมายเหตุ ถ้า π ประมาณเป็น  $\frac{22}{7}$  จะได้คำตอบคือ 56.57 ตารางเมตร

และยอมรับคำตอบที่เกิดจากการปัดเศษ เช่น  $18\pi \approx 56.52 \approx 57$  ตารางเมตร

เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
● แสดงวิธีการหาพื้นที่ของผ้าใบได้ถูกต้อง	3
● แสดงวิธีการหาพื้นที่ของผ้าใบได้ถูกต้อง แต่มีข้อผิดพลาดในการคำนวณหรือปัดเศษ เช่น - คำนวณหาผลคูณไม่ถูกต้อง $\pi rh \approx 3.14 \times 2 \times 9 = 70.8$ - ปัดเศษไม่ถูกต้อง $\pi rh \approx 3.14 \times 2 \times 9 = 56.52 \approx 56$	2
● แสดงวิธีการหาพื้นที่ของผ้าใบได้ แต่มีข้อผิดพลาด 1 ขั้นตอน เช่น - ระบุรัศมีไม่ถูกต้อง $\pi rh \approx \frac{22}{7} \times 4 \times 9 = \frac{792}{7} \approx 113.14$ - ระบุความสูงไม่ถูกต้อง $\pi rh = \pi \times 2 \times 3 = 6\pi$ - ใช้สูตรในการหาพื้นที่ของผ้าใบเป็น $2\pi rh$ ผ้าใบมีพื้นที่เป็น $2\pi rh = 2 \times \pi \times 2 \times 9 = 36\pi$ ตารางเมตร	1.5

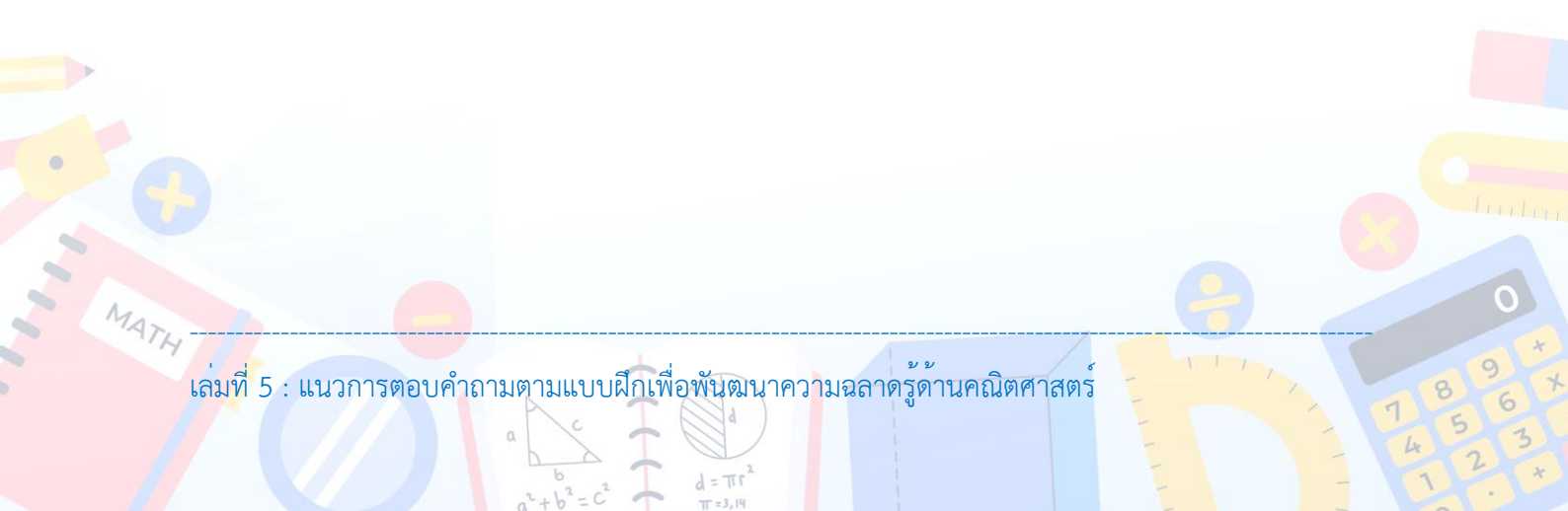
(มีต่อหน้าถัดไป)

เกณฑ์การให้คะแนน (ต่อ)

รายการประเมิน	คะแนน
<ul style="list-style-type: none"><li>● แสดงวิธีการหาพื้นที่ของผ้าใบได้ถูกต้อง แต่มีข้อผิดพลาด 2 ขั้นตอน เช่น<ul style="list-style-type: none"><li>- ใช้สูตรในการหาพื้นที่ของผ้าใบเป็น <math>2\pi rh</math> และระบุรัศมีไม่ถูกต้อง</li></ul><math display="block">2\pi rh = 2 \times \pi \times 4 \times 9 = 72\pi</math></li></ul>	1
ผู้เรียนตอบแบบใดแบบหนึ่งต่อไปนี้ <ul style="list-style-type: none"><li>● คำตอบถูกต้อง แต่ไม่แสดงวิธีการหาพื้นที่ของผ้าใบ</li><li>● ระบุสูตรการหาพื้นที่แต่ไม่มีการแทนค่าเพื่อคำนวณหาคำตอบ เช่น<ul style="list-style-type: none"><li>- ผ้าใบมีพื้นที่เป็น <math>\pi rh</math></li></ul></li></ul>	0.5
<ul style="list-style-type: none"><li>● คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ</li></ul>	0



แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก  
เพื่อพัฒนาทักษะความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์  
ชุดที่ 4



### แบบฝึกชุดที่ 4 แนวการตอบเรื่องที่ 1 ภูเก็ต – กรุงเทพฯ – เชียงใหม่

ตารางแสดงเวลาและราคาตั๋วของเที่ยวบินจากภูเก็ตไปกรุงเทพฯ และเที่ยวบินจากกรุงเทพฯ ไปเชียงใหม่ ของสายการบิน “บินสบาย” เป็นดังนี้

ภูเก็ต ไป กรุงเทพฯ			กรุงเทพฯ ไป เชียงใหม่		
เวลาออก – เวลาถึง	เที่ยวบิน	ราคา (บาท)	เวลาออก – เวลาถึง	เที่ยวบิน	ราคา (บาท)
08.30 – 09.15 น.	BS3	1,100	08.00 – 09.00 น.	BS12	1,500
13.00 – 13.45 น.	BS5	1,200	11.30 – 12.30 น.	BS14	1,600
17.30 – 18.15 น.	BS7	1,250	15.00 – 16.00 น.	BS16	1,700

■ คำถามที่ 1 : ภูเก็ต – กรุงเทพฯ – เชียงใหม่ (1 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น นักท่องเที่ยวคนหนึ่งมาถึงสนามบินภูเก็ตเวลา 09.00 น.  
ถ้าทุกเที่ยวบินมีที่ว่าง นักท่องเที่ยวคนนี้จะเดินทางถึงเชียงใหม่อย่างเร็วที่สุดในเวลาใด

ตอบ เวลา 16.00 น.

#### แนวคิด

เมื่อนักท่องเที่ยวมาถึงสนามบินภูเก็ตเวลา 09.00 น. เที่ยวบินจากภูเก็ตไปกรุงเทพฯ ที่เร็วที่สุดที่นักท่องเที่ยวจะโดยสารได้ คือ เที่ยวบิน BS5 ซึ่งออกจากภูเก็ตเวลา 13.00 น. และถึงกรุงเทพฯ เวลา 13.45 น. จากนั้นต้องมาต่อเครื่องบินจากกรุงเทพฯ ไปเชียงใหม่ โดยเที่ยวที่เร็วที่สุดที่นักท่องเที่ยวจะโดยสารได้ คือ เที่ยวบิน BS16 ซึ่งออกจากกรุงเทพฯ เวลา 15.00 น. และถึงเชียงใหม่เวลา 16.00 น.

ดังนั้น นักท่องเที่ยวคนนี้จะเดินทางถึงเชียงใหม่อย่างเร็วที่สุดในเวลา 16.00 น.

#### เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน (ภาพรวม)	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบ 16.00 น.	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือ ไม่ตอบ	0

■ **คำถามที่ 2 : ภูเก็ต – กรุงเทพฯ – เชียงใหม่** (1 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น ถ้านักท่องเที่ยวต้องการเดินทางจากภูเก็ตไปกรุงเทพฯ และเดินทางต่อจากกรุงเทพฯ

ไปเชียงใหม่ภายในวันเดียวกัน นักท่องเที่ยวควรเดินทางด้วยเที่ยวบินใดจึงจะทำให้ได้ราคาตั๋วรวมถูกที่สุด

**ตอบ** จากภูเก็ตไปกรุงเทพฯ เที่ยวบิน .BS3  
จากกรุงเทพฯ ไปเชียงใหม่ เที่ยวบิน .BS14

**แนวคิด**

การเดินทางจากภูเก็ตไปกรุงเทพฯ และจากกรุงเทพฯ ไปเชียงใหม่ภายในวันเดียวกัน ทำได้ 3 วิธี ดังนี้

- 1) เลือกเที่ยวบิน BS3 และ BS14 ซึ่งมีราคาตั๋วรวมเป็น  $1,100 + 1,600 = 2,700$  บาท
- 2) เลือกเที่ยวบิน BS3 และ BS16 ซึ่งมีราคาตั๋วรวมเป็น  $1,100 + 1,700 = 2,800$  บาท
- 3) เลือกเที่ยวบิน BS5 และ BS16 ซึ่งมีราคาตั๋วรวมเป็น  $1,200 + 1,700 = 2,900$  บาท

ดังนั้น ควรเลือกเที่ยวบิน BS3 จากภูเก็ตไปกรุงเทพฯ และเที่ยวบิน BS14 จากกรุงเทพฯ ไปเชียงใหม่ จึงจะมีราคาตั๋วรวมถูกที่สุด

**เกณฑ์การให้คะแนน**

รายการประเมิน (ภาพรวม)	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบ BS3 และ BS14 หรือตอบเป็นเวลาของเที่ยวบินได้ถูกต้อง เช่น 08.30 – 09.15 น. และ 11.30 – 12.30 น.	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 3 : ภูเก็ต – กรุงเทพฯ – เชียงใหม่

(2 คะแนน)

สายการบิน “สไมล์แอร์” มีเที่ยวบินตรงจากภูเก็ตไปเชียงใหม่โดยมีเวลาเดินทางและราคาตัวเป็นดังนี้

ภูเก็ต ไป เชียงใหม่		
เวลาออก – เวลาถึง	เที่ยวบิน	ราคา (บาท)
12.15 – 13.45 น.	SA135	3,000

เทพ มารี และนิชาต้องการเดินทางจากภูเก็ตไปเชียงใหม่ โดยพิจารณาเลือกสายการบิน “บินสบาย”

หรือ “สไมล์แอร์” ในการเดินทาง

จากข้อมูลข้างต้น ข้อความต่อไปนี้ถูกต้องใช่หรือไม่ จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” ในแต่ละข้อความ

ข้อความ	ข้อความถูกต้อง ใช่หรือไม่
1) ถ้าเทพเลือกสายการบิน “บินสบาย” จะเสียค่าเดินทางน้อยกว่าสายการบิน “สไมล์แอร์”	<input checked="" type="radio"/> ใช่ / <input type="radio"/> ไม่ใช่
2) ถ้ามารีเลือกสายการบิน “บินสบาย” โดยเลือกเที่ยวบินที่จะถึงเชียงใหม่ให้เร็วที่สุด จะสามารถเดินทางถึงเชียงใหม่ก่อนสายการบิน “สไมล์แอร์”	<input checked="" type="radio"/> ใช่ / <input type="radio"/> ไม่ใช่
3) ถ้านิชาเลือกสายการบิน “บินสบาย” จะใช้เวลาในการเดินทางน้อยกว่าสายการบิน “สไมล์แอร์”	<input type="radio"/> ใช่ / <input checked="" type="radio"/> ไม่ใช่

แนวคิด

- ใช่ เพราะค่าเที่ยวบินของสายการบิน “บินสบาย” ที่เดินทางได้ในวันเดียวกันและเสียค่าเดินทางมากที่สุด คือ เที่ยวบิน BS5 และ BS16 มีราคาโดยสารรวม 2,900 บาท ซึ่งน้อยกว่าค่าเดินทางของสายการบิน “สไมล์แอร์” เที่ยวบิน SA135 ที่มีราคาโดยสาร 3,000 บาท
- ใช่ เพราะค่าเดินทางด้วยสายการบิน “บินสบาย” เที่ยวบิน BS3 และ BS14 จะถึงเชียงใหม่ เวลา 12.30 น. ซึ่งถึงก่อนสายการบิน “สไมล์แอร์” เที่ยวบิน SA135 ที่ถึงเชียงใหม่เวลา 13.45 น.
- ไม่ใช่ เพราะค่าเดินทางด้วยสายการบิน “สไมล์แอร์” จะใช้เวลาในการเดินทาง 1 ชั่วโมง 30 นาที แต่ถ้าเดินทางด้วยสายการบิน “บินสบาย” จะใช้เวลาในการเดินทางและเวลารอเที่ยวบิน ซึ่งมากกว่า 1 ชั่วโมง 30 นาที

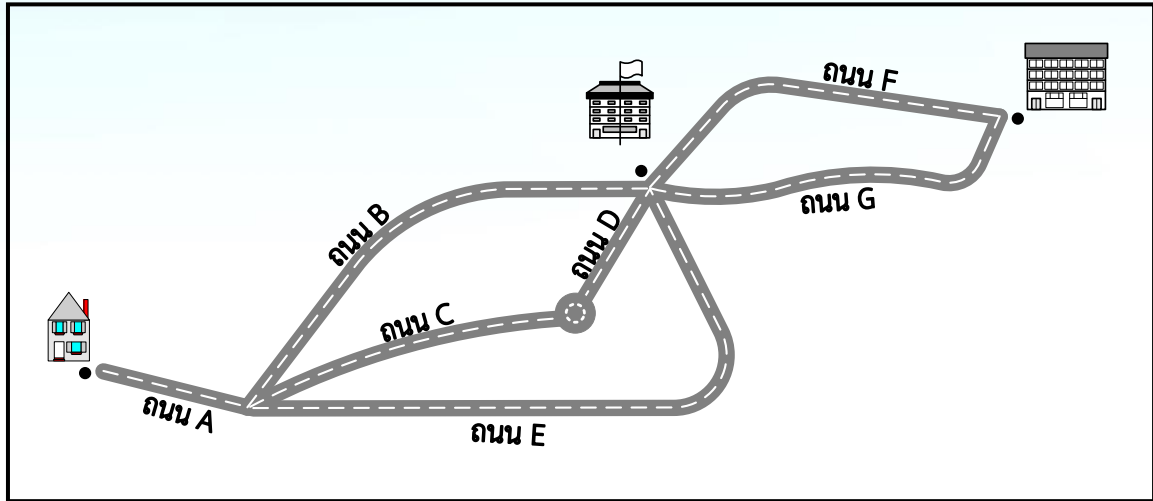
เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน (ภาพรวม)	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบถูกทั้ง 3 ข้อ คือ ใช่ ใช่ ไม่ใช่ ตามลำดับ	2
<input type="checkbox"/> ตอบถูก 2 ข้อ ใน 3 ข้อ	1
<input type="checkbox"/> ตอบถูก 1 ข้อ หรือ ตอบผิดทุกข้อ หรือ ไม่ตอบ	0

### แบบฝึกชุดที่ 4 แนวการตอบเรื่องที่ 2 เลือกเส้นทางไหนดี

กิตติมีบ้านอยู่ที่เมืองหนึ่งและต้องขับรถยนต์ไปที่ทำงานอีกเมืองหนึ่ง โดยแผนที่แสดงเส้นทางการเดินทาง

จากบ้านไปทำงานของกิตติ เป็นดังนี้



กำหนดให้ ความยาวของถนนแต่ละสายและอัตราเร็วสูงสุดในการขับขี่ยานยนต์บนถนนแต่ละสายเป็นดังนี้

ถนน	ความยาวของถนน (กิโลเมตร)	อัตราเร็วสูงสุดในการขับขี่ยานยนต์ (กิโลเมตรต่อชั่วโมง)
A	20	80
B	50	60
C	40	60
D	20	80
E	80	100
F	60	100
G	40	80

■ คำถามที่ 1 : เลือกเส้นทางไหนดี (1 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น เส้นทางการเดินทางจากบ้านไปที่ทำงานของกิตติที่สั้นที่สุดมีระยะทางรวมกี่กิโลเมตร

- ก. 100 กิโลเมตร
- ข. 110 กิโลเมตร
- ค. 115 กิโลเมตร
- ง. 120 กิโลเมตร

แนวคิด

จากข้อมูล เส้นทางที่สั้นที่สุดคือ เดินทางไปตามถนน A ถนน B และถนน G ตามลำดับ  
ดังนั้น ระยะทางรวม = 20 + 50 + 40 = 110 กิโลเมตร

■ คำถามที่ 2 : เลือกเส้นทางไหนดี (3 คะแนน)

ถ้ากิตติขับรถยนต์ออกจากบ้านไปส่งลูกที่โรงเรียนโดยใช้ถนน A และถนน B ตามลำดับ และขับรถยนต์ด้วยอัตราเร็วสูงสุดบนถนนตามที่กำหนด แล้วกิตติจะใช้เวลาขับรถยนต์ออกจากบ้านไปถึงโรงเรียนกี่นาที  
จงแสดงวิธีทำ

วิธีทำ .....

ตอบ กิตติจะใช้เวลาขับรถยนต์ ..... นาที

คำตอบ

วิธีทำแบบที่ 1 จากข้อมูลข้างต้น ถนน A ยาว 20 กิโลเมตร ใช้อัตราเร็วสูงสุดได้ 80 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

จะต้องใช้เวลาเดินทาง  $\frac{20 \times 60}{80} = 15$  นาที

ถนน B ยาว 50 กิโลเมตร ใช้อัตราเร็วสูงสุดได้ 60 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

จะต้องใช้เวลาเดินทาง  $\frac{50 \times 60}{60} = 50$  นาที

ระยะเวลาที่เดินทางรวม 15 + 50 = 65 นาที หรือ 1 ชั่วโมง 5 นาที

ดังนั้น กิตติจะใช้เวลาขับรถยนต์ออกจากบ้านไปถึงโรงเรียน 65 นาที หรือ 1 ชั่วโมง 5 นาที

ตอบ กิตติจะใช้เวลาขับรถยนต์ .....65..... นาที

วิธีทำแบบที่ 2 จากข้อมูลข้างต้น ถนน A ยาว 20 กิโลเมตร ใช้อัตราเร็วสูงสุดได้ 80 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

$$\text{จะต้องใช้เวลาเดินทาง } \frac{20}{80} = \frac{1}{4} \text{ ชั่วโมง}$$

ถนน B ยาว 50 กิโลเมตร ใช้อัตราเร็วสูงสุดได้ 60 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

$$\text{จะต้องใช้เวลาเดินทาง } \frac{50}{60} = \frac{5}{6} \text{ ชั่วโมง}$$

$$\text{ระยะเวลาที่เดินทางรวม } \frac{1}{4} + \frac{5}{6} = \frac{26}{24} \text{ ชั่วโมง คิดเป็น } \frac{26}{24} \times 60 = 65 \text{ นาที}$$

ดังนั้น กิตติจะใช้เวลาขับรถยนต์ออกจากบ้านไปถึงโรงเรียน 65 นาที หรือ 1 ชั่วโมง 5 นาที

ตอบ กิตติจะใช้เวลาขับรถยนต์ .....65.... นาที

### เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> แสดงวิธีและคำนวณหาระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน A และถนน B ได้ถูกต้อง และหาระยะเวลารวมได้ถูกต้อง เช่น  - ระยะทางของถนน A ยาว 20 กิโลเมตร ใช้เวลาเดินทาง $\frac{20 \times 60}{80} = 15$ นาที ระยะทางของถนน B ยาว 50 กิโลเมตร ใช้เวลาเดินทาง $\frac{50 \times 60}{60} = 50$ นาที ระยะเวลาที่เดินทางรวม $15 + 50 = 65$ นาที หรือ 1 ชั่วโมง 5 นาที หมายเหตุ ยอมรับกรณีที่แสดงวิธีการหาระยะเวลาของถนนใดถนนหนึ่งด้วย	3
<input type="checkbox"/> แสดงวิธีหาระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน A และถนน B ได้ แต่มีข้อผิดพลาดเพียง 1 ขั้นตอน จากการคำนวณหาระยะเวลาของถนน A หรือ ถนน B หรือ การหาระยะเวลารวม	2
<input type="checkbox"/> ระบุว่าระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน A และ B ได้ถูกต้อง แต่ไม่แสดงวิธีทำ และหาระยะเวลารวมได้ถูกต้อง	1.5
ผู้เรียนตอบแบบใดแบบหนึ่งต่อไปนี้ <input type="checkbox"/> แสดงวิธีหาระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน A และถนน B ได้ แต่มีข้อผิดพลาดอยู่ 2 ขั้นตอน จากการคำนวณหาระยะเวลาของถนน A หรือ ถนน B หรือ การหาระยะเวลารวม <input type="checkbox"/> ระบุว่าระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน A และ B ได้ถูกต้อง แต่ไม่แสดงวิธีทำและไม่ได้หาระยะเวลารวม หรือหาระยะเวลารวมไม่ถูกต้อง	1
<input type="checkbox"/> ระบุว่าระยะเวลาที่ใช้เดินทางรวมได้ถูกต้อง คือ 65 นาที โดยไม่แสดงวิธีทำ	0.5
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 3 : เลือกเส้นทางไหนดี

(3 คะแนน)

จากข้อมูลข้างต้น ถ้ากิตติขับรถยนต์ออกจากที่ทำงานเวลา 16.45 น. เพื่อไปรับลูกที่โรงเรียน โดยขับรถยนต์

ด้วยอัตราเร็วสูงสุดบนถนนตามที่กำหนด กิตติจะถึงโรงเรียนเร็วที่สุดในเวลาใด จงแสดงวิธีทำ

วิธีทำ .....

.....

.....

ตอบ .....

คำตอบ

วิธีทำแบบที่ 1

ถนน F ยาว 60 กิโลเมตร ใช้เวลาเดินทาง  $\frac{60 \times 60}{100} = 36$  นาที

ถนน G ยาว 40 กิโลเมตร ใช้เวลาเดินทาง  $\frac{40 \times 60}{80} = 30$  นาที

จะเห็นว่า ถนน F ใช้เวลาเดินทางมากกว่าถนน G จึงเลือกเดินทางตามถนน F

ดังนั้น กิตติขับรถยนต์ออกจากที่ทำงานเวลา 16.45 น. จะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุดเวลา 17.15 น.

ตอบ .....จะถึงโรงเรียนเร็วที่สุดเวลา 17.15 น.....

วิธีทำแบบที่ 2

ถนน F ยาว 60 กิโลเมตร ใช้เวลาเดินทาง  $\frac{60}{100} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$  ชั่วโมง

ถนน G ยาว 40 กิโลเมตร ใช้เวลาเดินทาง  $\frac{40}{80} = \frac{1}{2}$  ชั่วโมง

จะเห็นว่า ถนน F ใช้เวลาเดินทางมากกว่าถนน G จึงเลือกเดินทางตามถนน F

เวลา  $\frac{1}{2}$  ชั่วโมง เท่ากับ 30 นาที

ดังนั้น กิตติขับรถยนต์ออกจากที่ทำงานเวลา 16.45 น. จะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุดเวลา 17.15 น.

ตอบ .....จะถึงโรงเรียนเร็วที่สุดเวลา 17.15 น.....

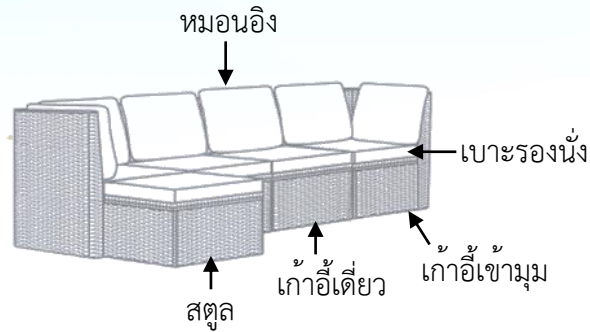
## เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> แสดงวิธีและคำนวณหาระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน F และถนน G ได้ถูกต้อง และระบุเวลาที่กิตติจะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุดได้ถูกต้อง <u>หมายเหตุ</u> ยอมรับกรณีที่แสดงวิธีหรือระยะเวลาของถนนอื่น ๆ มาด้วย	3
ผู้เรียนตอบแบบใดแบบหนึ่งต่อไปนี้ <input type="checkbox"/> แสดงวิธีหาระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน F และถนน G ได้ แต่มีข้อผิดพลาดจากการคำนวณหาระยะเวลาของถนน F หรือ ถนน G หรือหาเวลาที่กิตติจะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุด (จากค่าที่คำนวณได้) เพียง 1 ขั้นตอน <input type="checkbox"/> ระบุว่าระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน F และ G ได้ถูกต้อง แต่ไม่แสดงวิธีทำ และหาเวลาที่กิตติจะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุดได้ถูกต้อง	2
ผู้เรียนตอบแบบใดแบบหนึ่งต่อไปนี้ <input type="checkbox"/> แสดงวิธีและคำนวณหาระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน F หรือถนน G เพียงถนนเดียวได้ถูกต้อง และหาเวลาที่กิตติจะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุดได้ถูกต้องจากเวลาที่คำนวณได้ <input type="checkbox"/> แสดงวิธีและคำนวณหาระยะเวลาที่ใช้เดินทางของหลาย ๆ ถนน โดยมีถนน F หรือถนน G รวมอยู่ด้วยเพียงถนนเดียวได้ถูกต้อง และหาเวลาที่กิตติจะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุดได้ถูกต้อง (เช่น หาของถนน A E และ G)	1.5
ผู้เรียนตอบแบบใดแบบหนึ่งต่อไปนี้ <input type="checkbox"/> แสดงวิธีหาระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน F และถนน G ได้ แต่มีข้อผิดพลาดจากการคำนวณหาระยะเวลาของถนน F หรือถนน G หรือหาเวลาที่กิตติจะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุด(จากค่าที่คำนวณได้) เพียง 2 ขั้นตอน <input type="checkbox"/> ระบุว่าระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน F และ G ได้ถูกต้อง แต่ไม่แสดงวิธีทำและไม่ได้หาเวลาที่กิตติจะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุด หรือหาเวลาที่กิตติจะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุดไม่ถูกต้อง	1
<input type="checkbox"/> ระบุว่าระยะเวลาที่ใช้เดินทางของถนน F หรือ G ได้ถูกต้อง แต่ไม่แสดงวิธีทำและไม่ได้หาเวลาที่กิตติจะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุด หรือหาเวลาที่กิตติจะถึงที่โรงเรียนเร็วที่สุดไม่ถูกต้อง	0.5
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

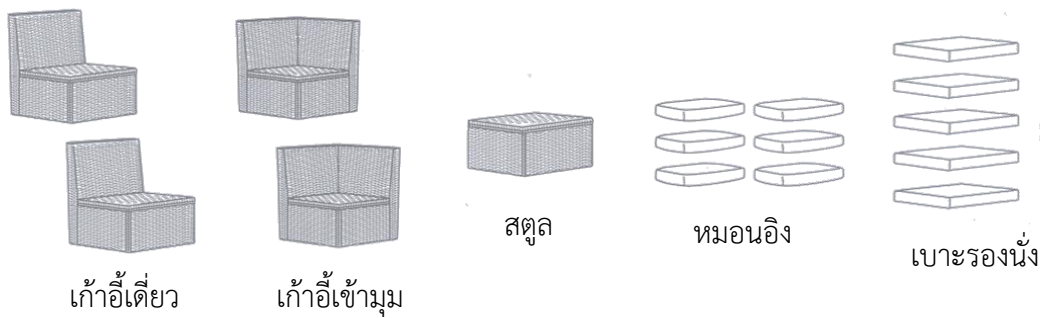
## แบบฝึกชุดที่ 4 แนวการตอบเรื่องที่ 3 ออกแบบชุดโซฟา

ชุดโซฟาประกอบด้วยเก้าอี้หลายแบบให้เลือกใช้ หรือเลือกประกอบและเปลี่ยนแบบใหม่ได้ ชุดโซฟานี้จะต้องมาพร้อมกับเบาะรองนั่งและหมอนอิง

ตัวอย่างชุดโซฟา 1 ชุด ดังภาพ



ชิ้นส่วนต่าง ๆ ที่นำมาประกอบชุดโซฟาดังภาพข้างต้นมีดังนี้



■ คำถามที่ 1 : ออกแบบชุดโซฟา

(1 คะแนน)

ถ้าวิศวกรต้องการซื้อชุดโซฟาเหมือนกับตัวอย่างข้างต้นแต่ไม่ต้องการสตูล และต้องการเก้าอี้เดี่ยวเพิ่มอีก 2 ตัว จะต้องซื้อหมอนอิงและเบาะรองนั่งสำหรับชุดโซฟานี้อย่างละกี่ชิ้น

ตอบ จำนวนหมอนอิง ...8... ชิ้น และจำนวนเบาะรองนั่ง ...6... ชิ้น

แนวคิด

เดิมมีหมอนอิง 6 ชิ้น และเบาะรองนั่งอยู่ 5 ชิ้น

แต่ไม่ต้องการสตูล และต้องการเก้าอี้เดี่ยวเพิ่มอีก 2 ตัว จะได้ว่าต้องซื้อหมอนอิงอีก 2 ชิ้น และเบาะรองนั่งเพิ่มอีก 1 ชิ้น

ดังนั้น จำนวนหมอนอิง 8 ชิ้น และจำนวนเบาะรองนั่ง 6 ชิ้น

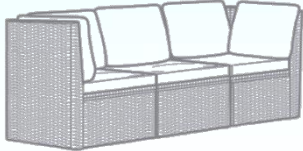
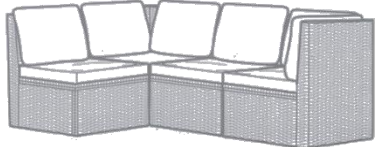
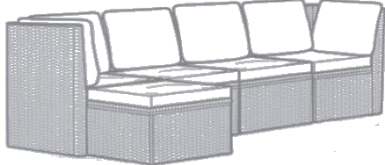
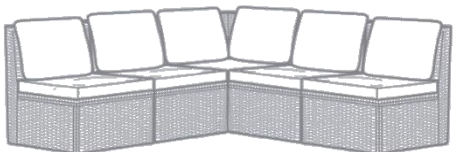
เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
1) จำนวนหมอนอิง 8 ชิ้น	0.5
2) จำนวนเบาะรองนั่ง 6 ชิ้น	0.5
รวม	1

■ คำถามที่ 2 : ออกแบบชุดโซฟา

(2 คะแนน)

อุตสาหกรรมเลือกชุดโซฟาที่มีเบาะรองนั่งไม่น้อยกว่า 4 ชิ้น และเก้าอี้เข้ามุมไม่น้อยกว่า 2 ตัว จะเลือกซื้อชุดโซฟาต่อไปนี้ได้หรือไม่ จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ได้” หรือ “ไม่ได้”

ชุดโซฟา	ได้ หรือ ไม่ได้
1) 	ได้ / <input checked="" type="radio"/> ไม่ได้
2) 	<input checked="" type="radio"/> ได้ / ไม่ได้
3) 	<input checked="" type="radio"/> ได้ / ไม่ได้
4) 	ได้ / <input checked="" type="radio"/> ไม่ได้

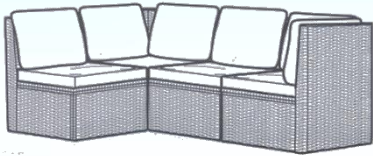
### แนวคิด

1)



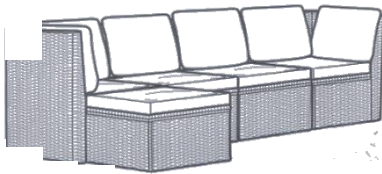
มีเบาะนั่ง 3 ชิ้น และเก้าอี้เข้ามุม 2 ตัว

2)



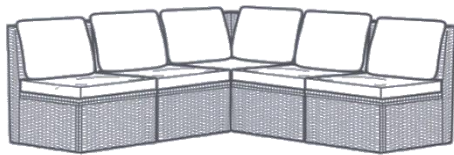
มีเบาะนั่ง 4 ชิ้น และเก้าอี้เข้ามุม 2 ตัว

3)



มีเบาะนั่ง 5 ชิ้น และเก้าอี้เข้ามุม 2 ตัว

4)





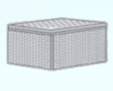


มีเบาะนั่ง 5 ชิ้น และเก้าอี้เข้ามุม 1 ตัว

### เกณฑ์การให้คะแนน

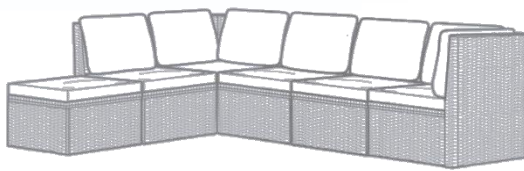
รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> ตอบถูกทั้ง 4 ข้อ คือ ไม่ได้ ได้ ได้ ไม่ได้ ตามลำดับ	2
<input type="checkbox"/> ตอบถูก 3 ข้อ ใน 4 ข้อ	1
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ	0

■ คำถามที่ 3 : ออกแบบชุดโซฟา (3 คะแนน)

ตารางแสดงราคาของชิ้นส่วนต่าง ๆ ของชุดโซฟาเป็นดังนี้

ชิ้นส่วนของชุดโซฟา	 เก้าอี้สามที่นั่ง	 เก้าอี้เดี่ยว	 สตูล	 เบาะรองนั่ง	 หมอนอิง
ราคาต่อชิ้น (บาท)	5,000	4,000	2,000	1,000	500

ร้านค้าจัดชุดโซฟาชุดหนึ่งไว้ดังภาพ และกำหนดราคาขายไว้ 35,000 บาท



จากข้อมูลข้างต้น การซื้อชุดโซฟาที่ร้านค้าประกอบสำเร็จไว้แล้ว กับการซื้อชิ้นส่วนเพื่อประกอบชุดโซฟาตามแบบของร้านค้าด้วยตนเอง การซื้อแบบใดจะจ่ายเงินน้อยกว่ากัน และน้อยกว่ากันอยู่ที่บาท  
จงแสดงวิธีทำ

วิธีทำ .....

ตอบ .....

คำตอบ

วิธีทำ

การซื้อชิ้นส่วนเพื่อประกอบชุดโซฟาตามแบบของร้านค้าด้วยตนเอง จะมีค่าใช้จ่ายดังนี้

ชิ้นส่วนของชุดโซฟา	ราคาต่อชิ้น (บาท)	จำนวน (ตัว)	รวมค่าใช้จ่าย (บาท)
เก้าอี้สามที่นั่ง	5,000	2	10,000
เก้าอี้เดี่ยว	4,000	3	12,000
สตูล	2,000	1	2,000
เบาะรองนั่ง	1,000	6	6,000
หมอนอิง	500	7	3,500
รวม			33,500

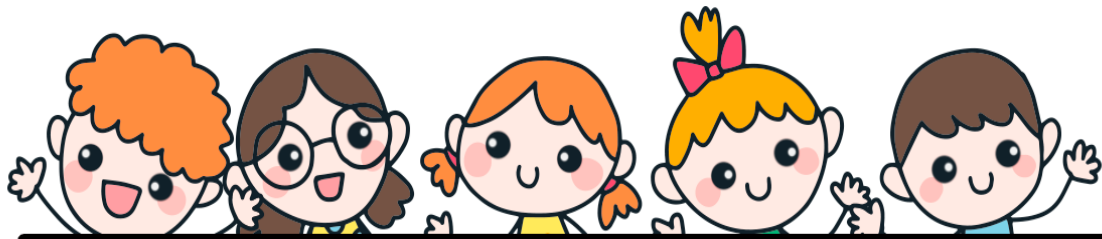
ดังนั้น การซื้อชิ้นส่วนเพื่อประกอบชุดโซฟาตามแบบของร้านค้าด้วยตนเองจะจ่ายเงินน้อยกว่า  
 $35,000 - 33,500 = 1,500$  บาท

ตอบ การซื้อชิ้นส่วนเพื่อประกอบชุดโซฟาตามแบบของร้านค้าด้วยตนเองจะจ่ายเงินน้อยกว่า 1,500 บาท...

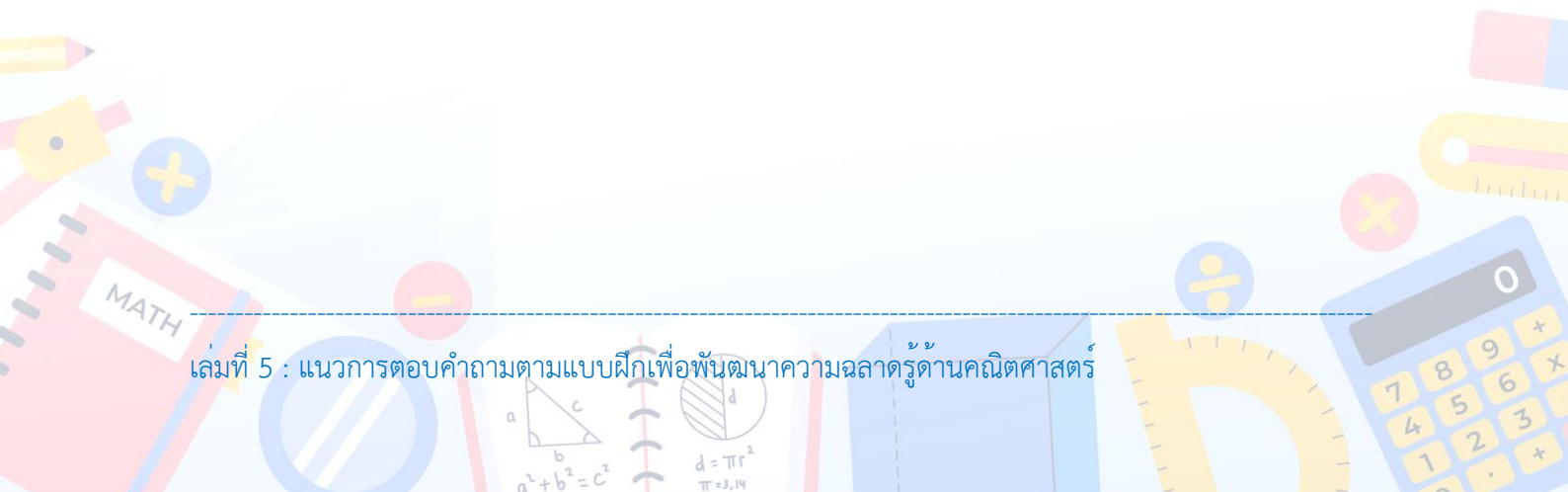
เกณฑ์การให้คะแนน

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> แสดงวิธีการและคำนวณหาค่าใช้จ่ายของการซื้อชิ้นส่วนต่าง ๆ เพื่อประกอบชุดโซฟา ได้ถูกต้อง พร้อมทั้งเปรียบเทียบและหาผลต่างได้ว่าการซื้อชิ้นส่วนต่าง ๆ เพื่อประกอบชุดโซฟาจะจ่ายเงินน้อยกว่าราคาที่ร้านกำหนดไว้อยู่ 1,500 บาท	3
<p>ผู้เรียนตอบแบบใดแบบหนึ่งต่อไปนี้</p> <input type="checkbox"/> แสดงวิธีการหาค่าใช้จ่ายของการซื้อชิ้นส่วนต่าง ๆ เพื่อประกอบชุดโซฟา โดยระบุจำนวนชิ้นส่วนหรือราคาของชิ้นส่วนไม่ถูกต้องเพียง 1 ชนิด แล้วคำนวณค่าใช้จ่ายจากข้อมูลที่ระบุไว้ได้ถูกต้อง และนำค่าที่ได้ไปเปรียบเทียบราคาและหาผลต่างของราคาได้ถูกต้อง	2
<p>ผู้เรียนตอบแบบใดแบบหนึ่งต่อไปนี้</p> <input type="checkbox"/> แสดงวิธีการหาค่าใช้จ่ายของการซื้อชิ้นส่วนต่าง ๆ เพื่อประกอบชุดโซฟา ได้ถูกต้อง แต่ไม่ได้แสดงการเปรียบเทียบราคา และหาผลต่างของราคาไม่ถูกต้อง หรือไม่ได้หาผลต่างของราคา	1

รายการประเมิน	คะแนน
<input type="checkbox"/> คำตอบอื่น ๆ หรือไม่ตอบ เช่น - นำราคามาบวกกันโดยไม่คำนึงถึงจำนวนชิ้น - นำชิ้นส่วนของชุดโซฟาามาแสดงวิธีทำโดยไม่ครบ 5 ประเภท	0



แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก  
เพื่อพัฒนาทักษะความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์  
ชุดที่ 5



## แบบฝึกชุดที่ 5 แนวการตอบเรื่องที่ 1 การซื้อรถยนต์

PISA

การซื้อรถยนต์  
บทนำ

เมื่ออ่านบทนำแล้ว ให้คลิกที่ลูกศรถัดไป

การซื้อรถยนต์

ทีชากำลังวางแผนที่จะซื้อรถยนต์คันใหม่ ทีชต้องการทราบว่าในการซื้อรถยนต์หนึ่งคันและการทำงานในปีแรกมีค่าใช้จ่ายมากน้อยเพียงใด

ทีชพบโปรแกรมประมาณค่าใช้จ่ายทางออนไลน์และได้ประมาณการค่าต่างๆ ดังต่อไปนี้:

- ในปีนี้ ทีชคาดว่าจะขั้รถยนต์เป็นระยะทางประมาณ 20,000 กิโลเมตร
- ค่าน้ำมันเชื้อเพลิงโดยเฉลี่ยจะเท่ากับ 1.54 เซนต์ต่อลิตร
- ในปีแรกคาดว่าจะมีค่าบำรุงรักษาประมาณ 250 เซนต์

โปรแกรมประมาณค่าใช้จ่าย

ราคารถยนต์ (เซนต์)	<input type="text"/>
อัตราการใช้เชื้อเพลิง (ลิตร/100 กิโลเมตร)	<input type="text"/>
ระยะทางที่ขับโดยประมาณ (กิโลเมตร)	<input type="text"/>
ค่าน้ำมันเชื้อเพลิงโดยเฉลี่ย (เซนต์/ลิตร)	<input type="text"/>
ค่าบำรุงรักษาโดยประมาณ (เซนต์)	<input type="text"/>

ลบทั้งหมด      คำนวณ

PISA

**การซื้อรถยนต์**

คำถามที่ 1 / 2

▶ วิธีใช้งานโปรแกรมประมาณค่าใช้จ่าย

จากเรื่อง "การซื้อรถยนต์" ทางด้านขวา ให้ใช้โปรแกรมประมาณค่าใช้จ่ายเพื่อช่วยนักเรียนในการตอบคำถามข้างล่าง แล้วคลิกหนึ่งตัวเลือกเพื่อตอบคำถาม

เพื่อดูวิธีใช้งานโปรแกรมประมาณค่าใช้จ่าย ให้คลิกที่ "วิธีใช้งานโปรแกรมประมาณค่าใช้จ่าย" ข้างบน

จากค่าต่างๆ ที่ที่ขาประมาณไว้ การซื้อรถยนต์คันใดจะทำให้เขามีค่าใช้จ่ายในการซื้อและการใช้งานในปีแรกน้อยที่สุด

- รถยนต์ A
- รถยนต์ B
- รถยนต์ C
- รถยนต์ D

**การซื้อรถยนต์**

ราคาและอัตราการสิ้นเปลืองน้ำมันเชื้อเพลิงของรถยนต์สี่คันที่ซื้กำลังตัดสินใจเลือกซื้อ แสดงในตารางข้างล่าง

อัตราการสิ้นเปลืองน้ำมันเชื้อเพลิง คือ จำนวนลิตรของน้ำมันเชื้อเพลิงที่ใช้ในการขับรถยนต์ใน ระยะทาง 100 กิโลเมตร ซึ่งเป็นการประมาณโดยเฉลี่ยจากการขับรถยนต์ในเมืองรวมกับการขับรถยนต์บนทางหลวง

	รถยนต์ A	รถยนต์ B	รถยนต์ C	รถยนต์ D
<b>ราคารถยนต์ (เซด)</b>				
ราคารถยนต์รวมภาษีและค่าจดทะเบียนทั้งหมด	8,000	8,700	9,900	10,500
<b>อัตราการสิ้นเปลืองน้ำมันเชื้อเพลิง (ลิตร/100 กิโลเมตร)</b>	18.9	15.7	12.4	14.1

โปรแกรมประมาณค่าใช้จ่ายบางข้อได้กรอกข้อมูลไว้แล้วจากค่าต่างๆ ที่ที่ขาประมาณไว้

**โปรแกรมประมาณค่าใช้จ่าย**

ราคารถยนต์ (เซด)

อัตราการสิ้นเปลืองน้ำมันเชื้อเพลิง (ลิตร/100 กิโลเมตร)

ระยะทางที่ขับโดยประมาณ (กิโลเมตร)

ค่าน้ำมันเชื้อเพลิงโดยเฉลี่ย (เซด/ลิตร)

ค่าบำรุงรักษาโดยประมาณ (เซด)

ลบทั้งหมด
คำนวณ

**ผลการคำนวณ**


กระบวนการทางคณิตศาสตร์:	คิด/แปลงปัญหา
เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ปริมาณ
บริบท	ส่วนตัว
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

**ตอบ** ข้อ 2. รถยนต์ B

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

PISA

### การซื้อรถยนต์

คำถามที่ 2 / 2

จากเรื่อง "การซื้อรถยนต์" ทางด้านขวา ให้คลิกหนึ่งตัวเลือกเพื่อตอบคำถาม

ราคาขายต่อของรถยนต์ คือ ราคาโดยประมาณของรถยนต์ที่จะขายต่อได้ในภายหลัง

สำหรับรถยนต์ที่อยู่ในสภาพดีเยี่ยม ราคาขายต่อของรถยนต์จะลดลง 5% ในแต่ละปี

ถ้าที่ซาดัดสนใจซื้อรถยนต์ D และขายรถยนต์คันนี้คือหลังจากใช้งานมาแล้วสามปีในสภาพดีเยี่ยม รถยนต์คันนี้จะมีราคาขายต่อประมาณกี่เซด

1,575  
 8,925  
 9,000  
 9,975

### การซื้อรถยนต์

ราคาและอัตราการสิ้นเปลืองน้ำมันเชื้อเพลิงของรถยนต์สี่คันที่ซาดักำลังตัดสินใจเลือกซื้อ แสดงในตารางข้างล่าง

อัตราการสิ้นเปลืองน้ำมันเชื้อเพลิง คือ จำนวนลิตรของน้ำมันเชื้อเพลิงที่ใช้ในการขับรถยนต์ใน ระยะทาง 100 กิโลเมตร ซึ่งเป็นการประมาณโดยเฉลี่ยจากการขับรถยนต์ในเมืองรวมกับการขับรถยนต์บนทางหลวง

	รถยนต์ A	รถยนต์ B	รถยนต์ C	รถยนต์ D
<b>ราคารถยนต์ (เซด)</b>				
ราคารถยนต์รวมภาษีและคางจดทะเบียนทั้งหมด	8,000	8,700	9,900	10,500
<b>อัตราการสิ้นเปลืองน้ำมันเชื้อเพลิง (ลิตร/100 กิโลเมตร)</b>	18.9	15.7	12.4	14.1

กระบวนการทางคณิตศาสตร์:	ใช้คณิตศาสตร์
เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท	ส่วนตัว
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

**ตอบ** ข้อ 3. 9,000

## แบบฝึกชุดที่ 5 แนวการตอบเรื่องที่ 2 ยอดขายดีวีดี

PISA

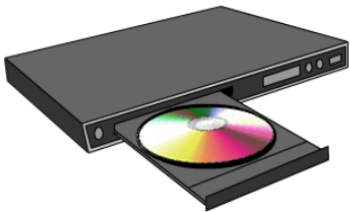
ยอดขายดีวีดี  
บทนำ

เมื่ออ่านบทนำแล้ว ให้คลิกที่ลูกศรถัดไป

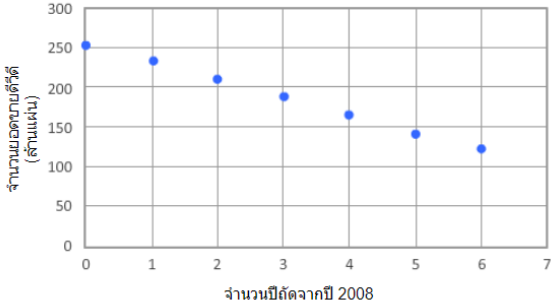
**ยอดขายดีวีดี**

จำนวนยอดขายดีวีดีทั้งหมดในแต่ละปีของสหราชอาณาจักรตั้งแต่ปี 2008 ถึงปี 2014 แสดงในกราฟข้างล่าง

ค่าของแกนแนวนอนแทนจำนวนปีถัดจากปี 2008 การวางเคอร์เซอร์บนจุดในกราฟเป็นการดูค่าอันดับของจุดนั้นๆ ตัวอย่างเช่น ที่จุด (0, 252.9) หมายถึง ในปี 2008 มียอดขายดีวีดี 252.9 ล้านแผ่น ที่จุด (1, 234.6) หมายถึง ในปี 2009 มียอดขายดีวีดี 234.6 ล้านแผ่น เป็นต้น



**ยอดขายดีวีดีของสหราชอาณาจักร**



จำนวนปีถัดจากปี 2008	จำนวนยอดขายดีวีดี (ล้านแผ่น)
0	252.9
1	234.6
2	215.0
3	190.0
4	165.0
5	145.0
6	125.0

PISA

?
◀ ▶

**ยอดขายดีวีดี**  
 คำถามที่ 1 / 3

จากเรื่อง "ยอดขายดีวีดี" ทางด้านขวา ให้คลิกตัวเลือกในตารางเพื่อตอบคำถาม

ข้อมูลที่แสดงในกราฟสนับสนุนข้อความในตารางข้างล่างใช่หรือไม่ จงคลิกเลือก **ใช่** หรือ **ไม่ใช่** ในแต่ละข้อความ

ข้อความ	ใช่	ไม่ใช่
ตั้งแต่ปี 2008 จนถึงปี 2014 จำนวนยอดขายดีวีดีลดลงประมาณ 50%	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
ตั้งแต่ปี 2008 จนถึงปี 2014 จำนวนยอดขายดีวีดีลดลงในปริมาณที่เท่ากันในแต่ละปี	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
ความชันของเส้นตรงคือค่าเฉลี่ยของยอดขายดีวีดีที่ลดลงต่อปีตั้งแต่ปี 2008 จนถึงปี 2014	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

**ยอดขายดีวีดี**

จำนวนยอดขายดีวีดีทั้งหมดในแต่ละปีของสหราชอาณาจักรตั้งแต่ปี 2008 ถึงปี 2014 แสดงในกราฟข้างล่าง

ค่าของแกนอนแทนจำนวนปีถัดจากปี 2008 การวางเคอร์เซอร์บนจุดในกราฟเป็นการดูอันดับของจุดนั้นๆ ตัวอย่างเช่น ที่จุด (0, 252.9) หมายถึง ในปี 2008 มียอดขายดีวีดี 252.9 ล้านแผ่น ที่จุด (1, 234.6) หมายถึง ในปี 2009 มียอดขายดีวีดี 234.6 ล้านแผ่น เป็นต้น

เส้นตรงที่เพิ่มในกราฟเป็นการแสดงแบบจำลองของจุดข้อมูลเหล่านี้

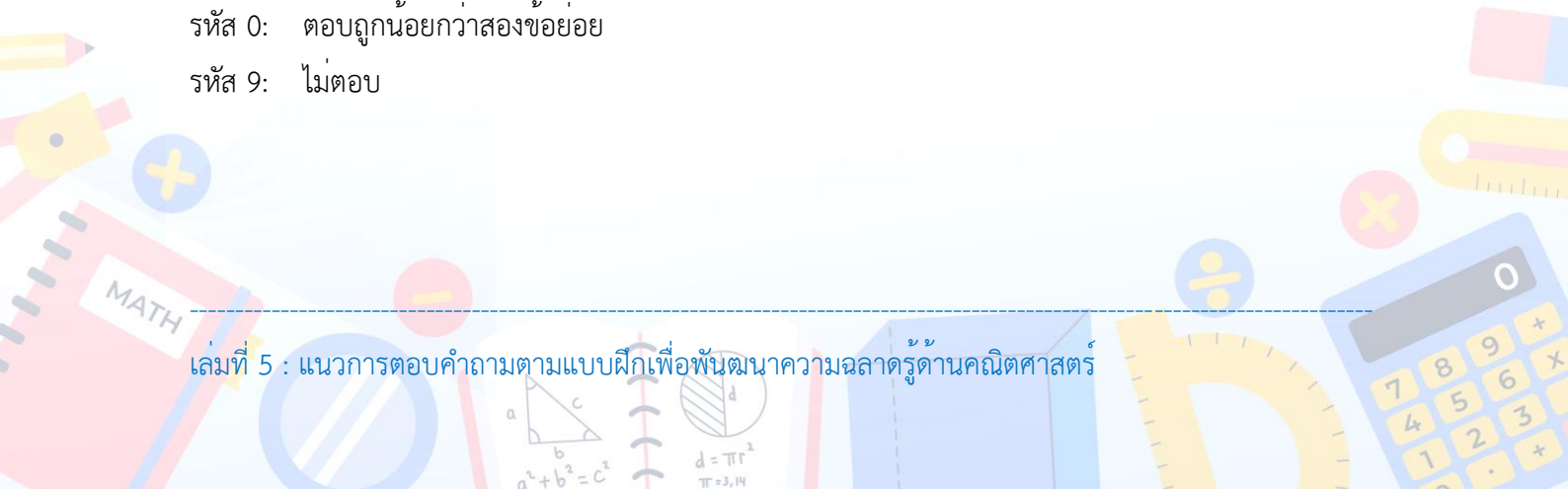
**ยอดขายดีวีดีของสหราชอาณาจักร**

จำนวนปีถัดจากปี 2008	จำนวนยอดขายดีวีดี (ล้านแผ่น)
0	252.9
1	234.6
2	216.3
3	198
4	179.7
5	161.4
6	143.1

<b>กระบวนการทางคณิตศาสตร์:</b>	ตีความและประเมินผลลัพธ์
<b>เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:</b>	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
<b>บริบท</b>	สังคม
<b>รูปแบบของข้อสอบ:</b>	เลือกตอบเชิงซ้อน

**การให้คะแนน**

- คะแนนเต็ม**
- รหัส 2: ตอบถูกทั้งสามข้อย่อย (ใช่, ไม่ใช่, ใช่)
- คะแนนบางส่วน**
- รหัส 1: ตอบถูกสองข้อย่อย
- ไม่ได้คะแนน**
- รหัส 0: ตอบถูกน้อยกว่าสองข้อย่อย
- รหัส 9: ไม่ตอบ



PISA

**ยอดขายดีวีดี**  
คำถามที่ 2 / 3

จากเรื่อง "ยอดขายดีวีดี" ทางด้านขวา ให้ใช้เป็นตัวเลขที่คำตอบของนักเรียนเพื่อตอบคำถาม

สมการของเส้นตรงนี้คือ  $d = 254 - 22n$  โดยที่  $d$  คือ จำนวนยอดขายดีวีดี (ล้านแผ่น) และ  $n$  คือ จำนวนปีถัดจากปี 2008

หากแนวโน้มการขายยังเป็นเช่นนี้ต่อไป ตามแบบจำลองนี้ จำนวนยอดขายดีวีดีจะน้อยกว่า 1 ล้านแผ่นในปีใด

คำตอบ:

**ยอดขายดีวีดี**

จำนวนยอดขายดีวีดีทั้งหมดในแต่ละปีของสหราชอาณาจักรตั้งแต่ปี 2008 ถึงปี 2014 แสดงในกราฟข้างล่าง

ค่าของแกนนอนแทนจำนวนปีถัดจากปี 2008 การวางเคอร์เซอร์บนจุดในกราฟเป็นการดูคู่อันดับของจุดนั้นๆ ตัวอย่างเช่น ที่จุด (0, 252.9) หมายถึง ในปี 2008 มียอดขายดีวีดี 252.9 ล้านแผ่น ที่จุด (1, 234.6) หมายถึง ในปี 2009 มียอดขายดีวีดี 234.6 ล้านแผ่น เป็นต้น

เส้นตรงที่เพิ่มในกราฟเป็นการแสดงแบบจำลองของจุดข้อมูลเหล่านี้

**ยอดขายดีวีดีของสหราชอาณาจักร**

จำนวนปีถัดจากปี 2008	จำนวนยอดขายดีวีดี (ล้านแผ่น)
0	252.9
1	234.6
2	216.3
3	198
4	179.7
5	161.4
6	143.1

กระบวนการทางคณิตศาสตร์:	คิด/แปลงปัญหา
เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท	สังคม
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด (เติมคำตอบ)

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 2: 2020

#### คะแนนบางส่วน

รหัส 1: 2019 หรือ 11.5

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่น ๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

PISA [Icons: Calculator, Help, Navigation]

**ยอดขายดีวีดี**  
คำถามที่ 3 / 3

จากเรื่อง "ยอดขายดีวีดี" ทางด้านขวา ให้เลือกจากรายการตามที แสดงเพื่อตอบคำถาม

ตั้งแต่ปี 1998 แนวโน้มของจำนวนยอดขายดีวีดีมีการเปลี่ยนแปลงอยู่หลายครั้ง

แนวโน้มการขายและแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ใดที่เหมาะสมที่สุดกับข้อมูลในช่วงปี 1998 – 2004 และ ช่วงปี 2005 – 2007

จงเติมตารางให้สมบูรณ์โดยการเลือกคำตอบของนักเรียนจากรายการตามทีแสดง โดยแถวสุดท้ายได้เติมข้อมูลไว้ให้แล้วเพื่อเป็นตัวอย่างให้กับนักเรียน

ช่วงปี	แนวโน้มการขาย	แบบจำลองทางคณิตศาสตร์
1998 – 2004	เลือก ▼	เลือก ▼
2005 – 2007	เลือก ▼	เลือก ▼
2008 – 2014	ลดลง	เชิงเส้น

**ยอดขายดีวีดี**

จำนวนยอดขายดีวีดีทั้งหมดในแต่ละปีของสหราชอาณาจักรตั้งแต่ปี 1998 ถึงปี 2014 แสดงในกราฟ การวางเคอร์เซอร์บนจุดในกราฟเป็นการดูค่านับของจุดนั้นๆ

**ยอดขายดีวีดีของสหราชอาณาจักร**

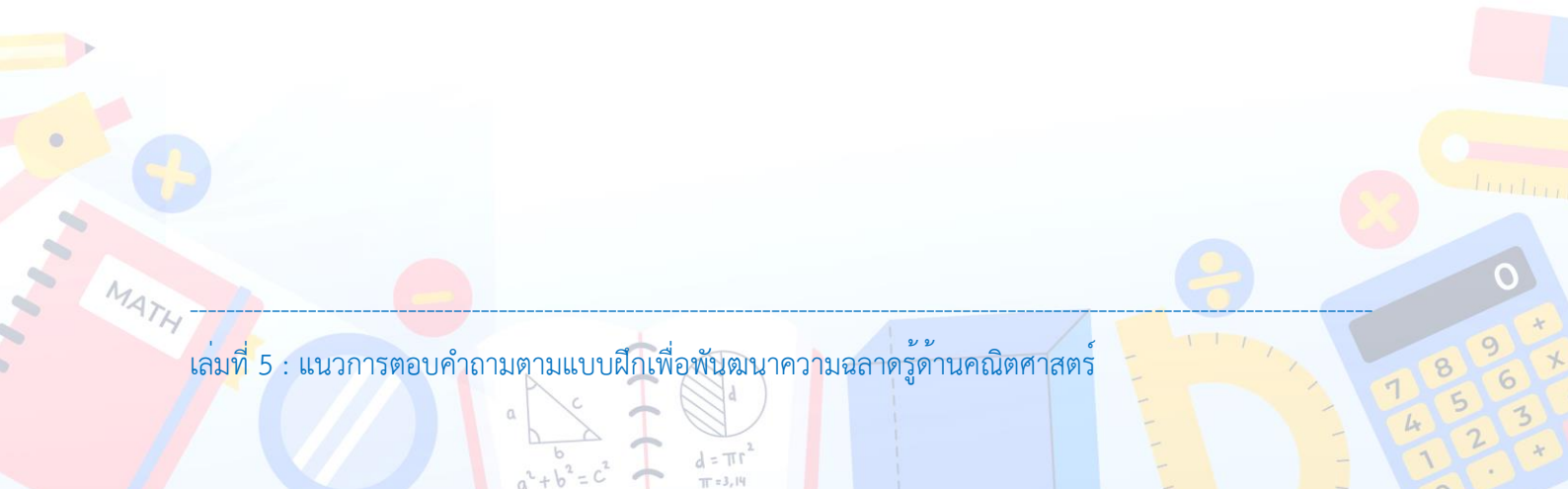
ปี	จำนวนยอดขายดีวีดี (ล้านแผ่น)
1998	5
1999	10
2000	20
2001	40
2002	90
2003	145
2004	195
2005	210
2006	230
2007	250
2008	250
2009	235
2010	210
2011	190
2012	160
2013	140
2014	125

<b>กระบวนการทางคณิตศาสตร์:</b>	ตีความและประเมินผลลัพธ์
<b>เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:</b>	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
<b>บริบท</b>	สังคม
<b>รูปแบบของข้อสอบ:</b>	เลือกตอบเชิงซ้อน

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

- รหัส 21: ตอบถูกทั้งหมดสี่ข้อย่อย
- ช่วงปี 1998 – 2004: เพิ่มขึ้น ไม่เชิงเส้น
  - ช่วงปี 2005 – 2007: เพิ่มขึ้น เชิงเส้น



**คะแนนบางส่วน**

รหัส 11: ตอบถูกสองข้อย่อยเฉพาะในช่วงปี 1998 – 2004

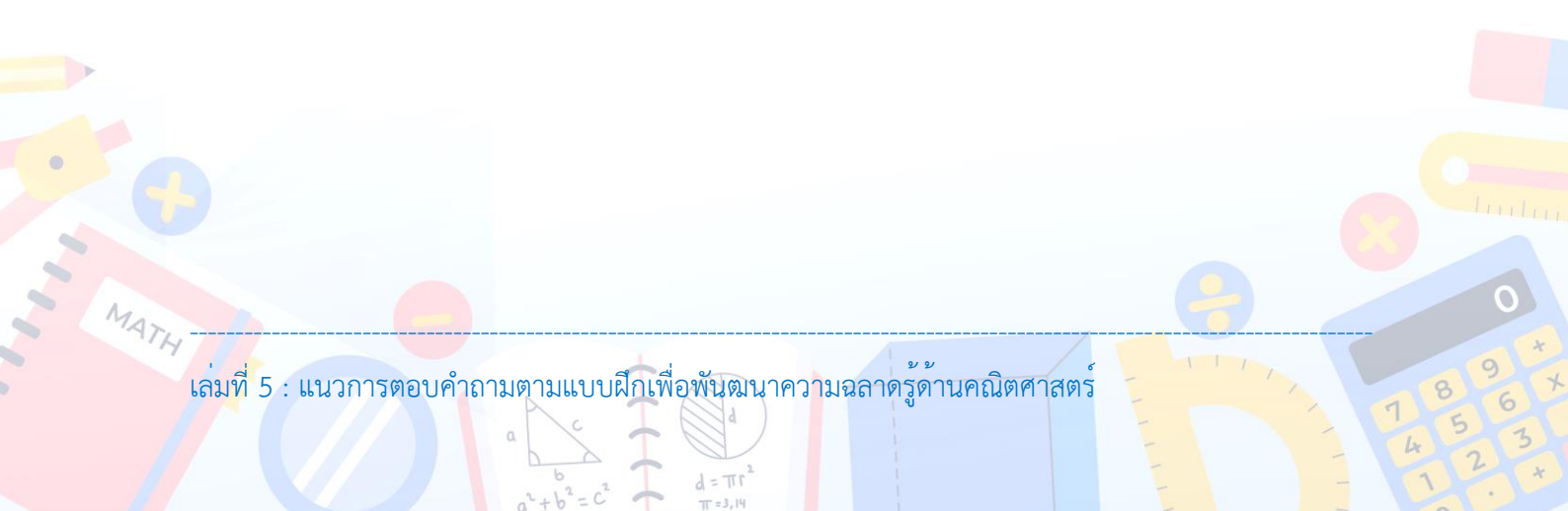
รหัส 12: ตอบถูกสองข้อย่อยเฉพาะในช่วงปี 2005 – 2007

รหัส 13: ตอบถูกสามข้อย่อย

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 00: ตอบผิดทั้งสี่ข้อย่อย

รหัส 99: ไม่ตอบ



### แบบฝึกชุดที่ 5 แนวการตอบเรื่องที่ 3 วงล้อหมุน

PISA

?

**วงล้อหมุน**  
 คำถามที่ 1 / 3

จากเรื่อง "วงล้อหมุน" ทางด้านขวา ให้คลิกหนึ่งตัวเลือก แล้วพิมพ์คำอธิบายเพื่อตอบคำถาม

ปีติคิดว่าความน่าจะเป็นที่ลูกศรจะหยุดที่สีฟ้าในวงล้อหมุน A มากกว่าความน่าจะเป็นที่ลูกศรจะหยุดที่สีฟ้าในวงล้อหมุน B

ความคิดของปีติถูกต้องใช่หรือไม่

ใช่

ไม่ใช่

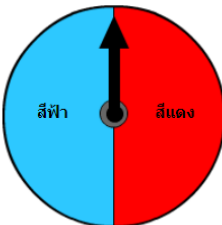
จงอธิบายคำตอบของนักเรียน

**วงล้อหมุน**

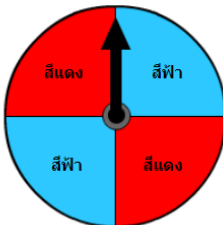
ห้องเรียนของปีติกำลังทำการทดลองโดยใช้วงล้อหมุนสองตัว ดังแสดงข้างล่าง

วงล้อหมุน A แบ่งเป็นสองส่วนที่เท่ากัน ส่วนหนึ่งเป็นสีฟ้าและอีกส่วนหนึ่งเป็นสีแดง วงล้อหมุน B แบ่งเป็นสี่ส่วนที่เท่ากัน สองส่วนเป็นสีฟ้าและอีกสองส่วนเป็นสีแดง

นักเรียนในห้องได้รับคำแนะนำต่อไปนี้: หากลูกศรหยุดที่เส้นแบ่งระหว่างสองส่วนจะไม่นับการหมุนครั้งนั้น และนักเรียนต้องหมุนลูกศรใหม่อีกครั้ง



วงล้อหมุน A



วงล้อหมุน B

กระบวนการทางคณิตศาสตร์:	ให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์
เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท	ส่วนตัว
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบเปิด (อธิบายหรือแสดงวิธีทำ)

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 2: เลือก ไม่ใช่ และคำอธิบายที่รู้ว่าความน่าจะเป็นที่ลูกศรจะหยุดที่สีฟ้าในแต่ละวงล้อหมุนมีค่าเท่ากัน

หรือ

พื้นที่ที่เป็นสีฟ้าเท่ากัน

- [ไม่ใช่] ความน่าจะเป็นที่จะหยุดที่สีฟ้ามีค่าเท่ากันในแต่ละวงล้อหมุน
- [ไม่ใช่] ในแต่ละวงล้อหมุนมีสีฟ้าอยู่ครึ่งหนึ่งของรูปวงกลม
- ความคิดของเขาไม่ถูกต้อง เพราะสีฟ้าในแต่ละวงล้อหมุนมีจำนวนเท่ากัน [เป็นการเลือก “ไม่ใช่” โดยนัย]
- [ไม่ใช่] มันเท่ากัน [“มัน” เป็นการตอบในทันที ซึ่งหมายถึงความน่าจะเป็น]
- [ไม่ใช่] เพราะ  $\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$
- ความคิดของเขาไม่ถูกต้อง เพราะมีความน่าจะเป็นเท่ากันในแต่ละวงล้อหมุน
- [ไม่ใช่] ในแต่ละวงล้อหมุนมีความน่าจะเป็นที่จะหยุดที่สีแดงหรือสีฟ้าเท่ากัน [เป็นคำตอบที่ยอมรับได้ เพราะระบุอย่างเฉพาะเจาะจงว่า “ในแต่ละวงล้อหมุน” ทั้งนี้ การเปรียบเทียบความน่าจะเป็นที่จะหยุดที่สีฟ้ากับความน่าจะเป็นที่จะหยุดที่สีแดงนั้นเป็นสิ่งที่ยอมรับได้ก็ต่อเมื่อมีการกล่าวถึงวงล้อหมุนทั้งสองอันอย่างชัดเจน]

### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: เลือก ใช่ แต่ให้คำอธิบายที่ยอมรับได้สนับสนุนการเลือก ไม่ใช่

- [ใช่] ความน่าจะเป็นที่จะหยุดที่สีฟ้ามีค่าเท่ากันในแต่ละวงล้อหมุน
- [ใช่] เพราะ  $\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่น ๆ รวมทั้งการเลือก ใช่ หรือ ไม่ใช่ แต่ให้คำอธิบายที่ไม่ถูกต้องหรือไม่ได้ให้คำอธิบาย

- [ไม่ใช่] มีความน่าจะเป็นที่จะหยุดที่สีแดงหรือสีฟ้าเท่ากัน [คำตอบไม่ได้กล่าวถึงวงล้อหมุนทั้งสองอันอย่างชัดเจน]
- [ไม่ใช่]
- [ใช่] เพราะพื้นที่สีฟ้าในวงล้อหมุน A มากกว่าในวงล้อหมุน B

รหัส 9: ไม่ตอบ

PISA

?

←

→

วงล้อหมุน

บทนำ

นักเรียนจะต้องใช้สถานการณ์จำลองเพื่อตอบคำถามข้อที่เหลือในชุดข้อสอบนี้ ในสถานการณ์จำลองนี้ นักเรียนจะได้สำรวจความน่าจะเป็นของวงล้อหมุนที่กำหนดให้

เพื่อให้สถานการณ์จำลองนี้ทำงาน ให้ทำตามขั้นตอนเหล่านี้:

1. เลือกแถบเลื่อนเพื่อตั้งค่าจำนวนรอบของการหมุน
2. คลิกปุ่ม "เริ่มทำงาน" เพื่อดูผล ผลที่ได้จะแสดงในตาราง
3. ในการทดลองทำเพิ่ม ให้เปลี่ยนการตั้งค่าแถบเลื่อนและคลิกปุ่ม "เริ่มทำงาน" อีกครั้ง

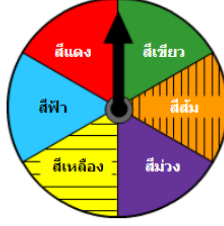
ตารางมี 7 แถว สำหรับแสดงข้อมูลของนักเรียน

- ❖ ในการลบแถวใดของข้อมูลที่อยู่ในตาราง ให้คลิกปุ่มลบที่อยู่ท้ายแถวข้อมูลนั้น


วงล้อหมุน

ปีติพบสถานการณ์จำลองในเว็บไซต์หนึ่ง ซึ่งมีวงล้อหมุนแบ่งเป็นหกส่วนที่เท่ากัน แต่ละส่วนมีสีที่แตกต่างกัน ดังข้างล่าง

เมื่อสถานการณ์จำลองเริ่มทำงาน จำนวนครั้งที่ลูกศรหยุดที่แต่ละสีตามจำนวนรอบของการหมุนที่เลือกจะแสดงในตาราง ค่าที่อยู่ในวงเล็บเป็นร้อยละของจำนวนครั้งที่ลูกศรหยุดที่แต่ละสีตามจำนวนรอบของการหมุน



จำนวนรอบของการหมุน



จำนวนรอบของ การหมุน	สีเขียว	สีส้ม	สีม่วง	สีเหลือง	สีฟ้า	สีแดง

PISA

?

←

→

วงล้อหมุน

คำถามที่ 2 / 3

▶ วิธีใช้งานสถานการณ์จำลอง

จากเรื่อง "วงล้อหมุน" ทางด้านขวา ให้ใช้สถานการณ์จำลองเพื่อช่วยนักเรียนในการตอบคำถามข้างล่าง แล้วพิมพ์คำตอบของนักเรียนเพื่อตอบคำถาม


ลูกศรหยุดที่สีใดสีหนึ่งจากหกสีในวงล้อหมุนตามที่แสดงทางด้านขวา มีความน่าจะเป็นตามทฤษฎีเท่ากับ  $\frac{1}{6}$

หากจำนวนรอบของการหมุนเพิ่มขึ้น ร้อยละของจำนวนครั้งที่ลูกศรหยุดที่แต่ละสีมีความสัมพันธ์กับความน่าจะเป็นตามทฤษฎีอย่างไร จงอธิบายคำตอบของนักเรียน


วงล้อหมุน

ปีติพบสถานการณ์จำลองในเว็บไซต์หนึ่ง ซึ่งมีวงล้อหมุนแบ่งเป็นหกส่วนที่เท่ากัน แต่ละส่วนมีสีที่แตกต่างกัน ดังข้างล่าง

เมื่อสถานการณ์จำลองเริ่มทำงาน จำนวนครั้งที่ลูกศรหยุดที่แต่ละสีตามจำนวนรอบของการหมุนที่เลือกจะแสดงในตาราง ค่าที่อยู่ในวงเล็บเป็นร้อยละของจำนวนครั้งที่ลูกศรหยุดที่แต่ละสีตามจำนวนรอบของการหมุน



จำนวนรอบของการหมุน



จำนวนรอบของ การหมุน	สีเขียว	สีส้ม	สีม่วง	สีเหลือง	สีฟ้า	สีแดง

กระบวนการทางคณิตศาสตร์:	ตีความและประเมินผลลัพธ์
เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท	วิทยาศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบเปิด (อธิบายหรือแสดงวิธีทำ)

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 2: คำอธิบายที่กล่าวถึงแนวคิดที่ว่าจำนวนรอบของการหมุนเพิ่มขึ้น ร้อยละโดยประมาณจะใกล้เคียงกับ

ความน่าจะเป็นตามทฤษฎีมากขึ้น

ร้อยละที่ได้ในแต่ละสี่จะใกล้เคียงกันมากขึ้นและใกล้เคียงกับ  $\frac{1}{6}$  มากขึ้น

ร้อยละของวงล้อที่หมุน 10,000 รอบ โดยรวมแล้วเท่ากับประมาณ 16 – 17% ซึ่งใกล้เคียงกับ

ความน่าจะเป็นตามทฤษฎีที่เท่ากับ 16.667% [ยอมรับค่าความน่าจะเป็นตามทฤษฎีตั้งแต่ 0.16 ถึง 0.17 (ตั้งแต่ 16% ถึง 17%)]

เมื่อจำนวนรอบของการหมุนเพิ่มขึ้น ร้อยละในแต่ละสี่ที่ได้จะใกล้เคียงกับความน่าจะเป็นตามทฤษฎีมากขึ้น

### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: คำอธิบายที่กล่าวถึงแนวคิดที่ว่าจำนวนรอบของการหมุนเพิ่มขึ้น ร้อยละในแต่ละสีโดยประมาณจะเท่ากัน **หรือ** ให้คำอธิบายที่ยอมรับได้จากความน่าจะเป็นตามทฤษฎีที่ไม่ถูกต้อง

- ร้อยละในแต่ละสีที่ได้จะใกล้เคียงกันมากขึ้นตามจำนวนรอบของการหมุนที่เพิ่มขึ้น
- พวกมันรวมได้ประมาณ 16% หรือ 17% ["พวกมัน" เป็นการตอบในทันที ซึ่งหมายถึงร้อยละของจำนวนครั้งที่ลูกศรจะหยุดในแต่ละสี คำตอบนี้ไม่มีการเปรียบเทียบค่าที่ได้กับความน่าจะเป็นตามทฤษฎี]
- ร้อยละที่ได้ในแต่ละสีจะใกล้เคียงกันมากขึ้นและใกล้เคียงกับ  $\frac{1}{5}$  มากขึ้น

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่น ๆ

- เพราะ  $\frac{1}{6}$  ได้ประมาณ 16.67%

รหัส 9: ไม่ตอบ

PISA

วงล้อหมุน  
คำถามที่ 3 / 3

วิธีใช้งานสถานการณ์จำลอง

จากเรื่อง "วงล้อหมุน" ทางด้านขวา ให้ใช้สถานการณ์จำลองเพื่อช่วยนักเรียนในการตอบคำถามข้างล่าง แล้วใช้แป้นตัวเลข พิมพ์คำตอบของนักเรียนเพื่อตอบคำถาม

วงล้อหมุนอันใหม่ของปีติแบ่งเป็นส่วนที่มีสีแตกต่างกัน โดยแต่ละส่วนมีขนาดไม่เท่ากัน

ส่วนสีส้มและสีเขียวของวงล้อหมุนได้ไซขนาดของมุมไว้ในตารางข้างล่างแล้ว

ให้ใช้สถานการณ์จำลองเพื่อหาขนาดของมุม (องศา) ส่วนสีเหลืองและสีม่วงของวงล้อหมุนนี้

สีเหลือง	<input type="text"/>	องศา
สีม่วง	<input type="text"/>	องศา
สีส้ม	126	องศา
สีเขียว	18	องศา

วงล้อหมุน

ปีติใช้เว็บไซต์นี้เพื่อออกแบบวงล้อหมุนอันใหม่

เมื่อสถานการณ์จำลองเริ่มทำงาน จำนวนครั้งที่ลูกศรหยุดที่แต่ละสีตามจำนวนรอบของการหมุนที่เลือกจะแสดงในตาราง ค่าที่อยู่ในวงเล็บเป็นร้อยละของจำนวนครั้งที่ลูกศรหยุดที่แต่ละสีตามจำนวนรอบของการหมุน

จำนวนรอบของการหมุน	สีเหลือง	สีม่วง	สีส้ม	สีเขียว

กระบวนการทางคณิตศาสตร์:	ตีความและประเมินผลลัพธ์
เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท	วิทยาศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด (เติมคำตอบ)

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

- รหัส 21: ตอบขนาดของมุมถูกต้องทั้งสีเหลืองและสีม่วง
- สีเหลือง 144 องศา ยอมรับคำตอบที่อยู่ในช่วง 140 – 148 องศา
- สีม่วง 72 องศา ยอมรับคำตอบที่อยู่ในช่วง 68 – 76 องศา

### ได้คะแนนบางส่วน

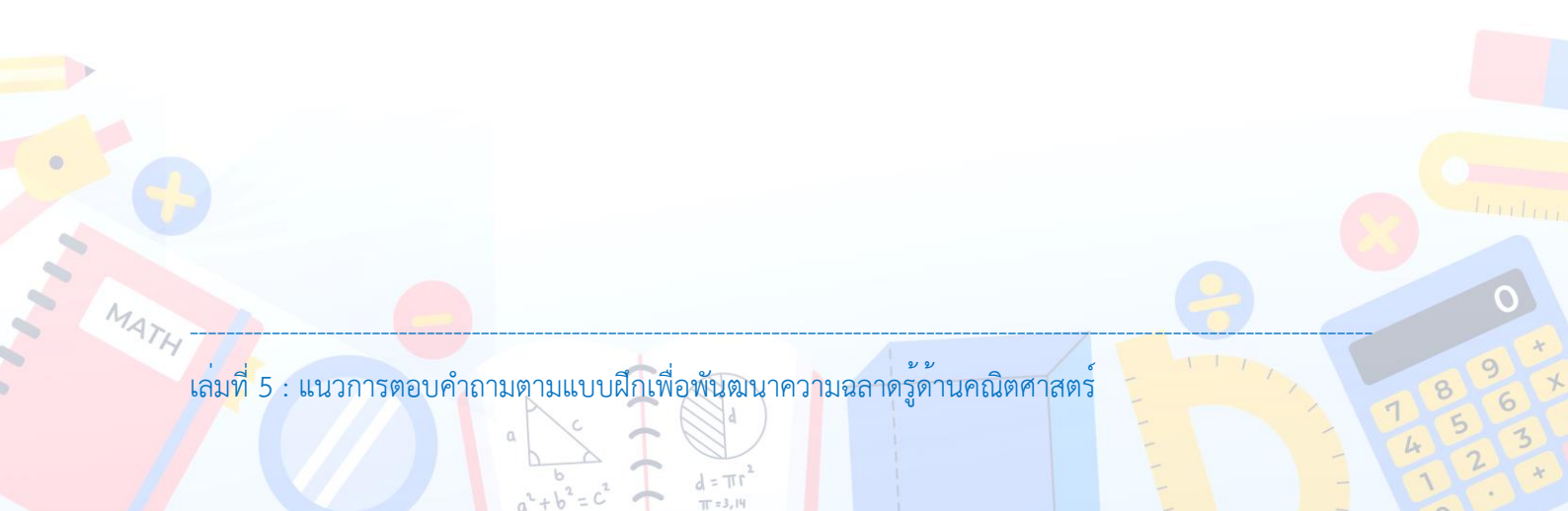
- รหัส 11: ตอบขนาดของมุมถูกต้องเฉพาะสีเหลือง  
สีเหลือง 144 องศา ยอมรับคำตอบที่อยู่ในช่วง 140 – 148 องศา
- รหัส 12: ตอบขนาดของมุมถูกต้องเฉพาะสีม่วง  
สีม่วง 72 องศา ยอมรับคำตอบที่อยู่ในช่วง 68 – 76 องศา
- รหัส 12: ตอบขนาดของมุมสลับกันระหว่างสีเหลืองและสีม่วง  
สีเหลือง 72 องศา ยอมรับคำตอบที่อยู่ในช่วง 68 – 76 องศา  
สีม่วง 144 องศา ยอมรับคำตอบที่อยู่ในช่วง 140 – 148 องศา

### ไม่ได้คะแนน

- รหัส 00: คำตอบอื่น ๆ
- รหัส 99: ไม่ตอบ



แนวการตอบคำถามตามแบบฝึก  
เพื่อพัฒนาทักษะความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์  
ชุดที่ 6



## แบบฝึกชุดที่ 6 แนวการตอบเรื่องที่ 1 รถขนย้าย

PISA

รถขนย้าย  
บทนำ

เมื่ออ่านบทนำแล้ว ให้คลิกที่ลูกศรถัดไป

**รถขนย้าย**

ครอบครัวของเมลิกำลังจะย้ายบ้าน

พวกเขาตัดสินใจจะเช่ารถขนย้ายซึ่งมีสองขนาดให้เลือก ขนาดของห้องเก็บของภายในรถแสดงดังตารางข้างล่าง ทุกด้านของผนังและพื้นของห้องเก็บของภายในรถเป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า

ขนาดของรถ	ความยาวของพื้น	ความกว้างของพื้น	ความสูง
A	4 เมตร	2 เมตร	2 เมตร
B	6.6 เมตร	2.3 เมตร	2.3 เมตร

มีกล่องอยู่สามขนาดให้เลือก ขนาดของกล่องเหล่านี้แสดงดังตารางข้างล่าง

ขนาดของกล่อง	ความยาว	ความกว้าง	ความสูง
เล็ก	0.4 เมตร	0.3 เมตร	0.3 เมตร
กลาง	0.5 เมตร	0.5 เมตร	0.5 เมตร
ใหญ่	0.5 เมตร	0.5 เมตร	0.75 เมตร

PISA

รถขนย้าย  
คำถามที่ 1 / 2


จากเรื่อง "รถขนย้าย" ทางด้านขวา ให้คลิกหนึ่งตัวเลือกเพื่อตอบคำถาม

ครอบครัวของมะลิตัดสินใจเช่ารถ A

รถ A สามารถบรรจุกล่องขนาดกลางจนเต็มพอดีได้มากที่สุดเป็นจำนวนเท่าใด

320  
 128  
 26  
 16

รถขนย้าย



ขนาดของห้องเก็บของภายในรถ

ขนาดของรถ	ความยาวของพื้น	ความกว้างของพื้น	ความสูง
A	4 เมตร	2 เมตร	2 เมตร

ขนาดของกล่อง

ขนาดของกล่อง	ความยาว	ความกว้าง	ความสูง
กลาง	0.5 เมตร	0.5 เมตร	0.5 เมตร

กระบวนการทางคณิตศาสตร์: ใช้คณิตศาสตร์

เนื้อหาทางคณิตศาสตร์: ปริภูมิและรูปทรง

บริบท: ส่วนตัว

รูปแบบของข้อสอบ: เลือกตอบ

ตอบ ข้อ 2. 128

PISA

รถขนย้าย  
คำถามที่ 2 / 2

จากเรื่อง "รถขนย้าย" ทางด้านขวา ให้คลิกหนึ่งตัวเลือกเพื่อตอบคำถาม

บริษัทให้เช่ารถยืนยันว่า ต้องใช้กล่องขนาดกลางเท่านั้นจึงสามารถใช้เพื่อห้องเก็บของภายในรถ A ได้เต็มทีเกิด

มะลิกกล่าวว่า กล่องขนาดกลางหนึ่งใบใช้เนื้อที่เป็น 2/3 ของเนื้อที่กล่องขนาดใหญ่ ดังนั้นเธอจึงสรุปว่าจำนวนกล่องขนาดใหญ่ที่ใส่ในรถ A ได้จะเป็น 2/3 ของจำนวนกล่องขนาดกลาง

ข้อความเกี่ยวกับข้อสรุปของมะลิกต่อไปนี้ ข้อความใดถูกต้อง

- เธอถูกต้อง เพราะความสูงของกล่องขนาดกลางเป็น 2/3 ของความสูงของกล่องขนาดใหญ่
- เธอถูกต้อง เพราะกล่องขนาดกลาง 3 ใบ จะใช้เนื้อที่เท่ากับกล่องขนาดใหญ่ 2 ใบ เสมอ
- เธอผิดไม่ถูกต้อง เพราะขนาดของห้องเก็บของภายในรถ A ไม่มีด้านใดเลยที่เป็นพหุคูณของ 0.75 ซึ่งเป็นความสูงของกล่องขนาดใหญ่
- เธอผิดไม่ถูกต้อง เพราะความสูงของกล่องขนาดใหญ่เป็น 1.5 เท่าของความสูงของกล่องขนาดกลาง

รถขนย้าย

ขนาดของห้องเก็บของภายในรถ

ขนาดของรถ	ความยาวของพื้น	ความกว้างของพื้น	ความสูง
A	4 เมตร	2 เมตร	2 เมตร

ขนาดของกล่อง

ขนาดของกล่อง	ความยาว	ความกว้าง	ความสูง
กลาง	0.5 เมตร	0.5 เมตร	0.5 เมตร
ใหญ่	0.5 เมตร	0.5 เมตร	0.75 เมตร

กระบวนการทางคณิตศาสตร์:	ให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์
เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท	ส่วนตัว
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

ตอบ ข้อ 3. เธอผิดไม่ถูกต้อง เพราะขนาดของห้องเก็บของภายในรถ A ไม่มีด้านใดเลยที่เป็นพหุคูณของ 0.75 ซึ่งเป็นความสูงของกล่องขนาดใหญ่

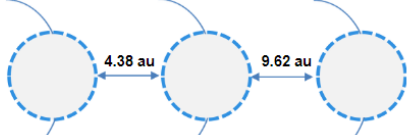
### แบบฝึกชุดที่ 6 แนวการตอบเรื่องที่ 2 ระบบสุริยะ

PISA


**ระบบสุริยะ**  
คำถามที่ 1 / 2


จากเรื่อง "ระบบสุริยะ" ทางด้านขวา ให้ใช้การลากและวางเพื่อตอบคำถาม


แบบจำลองต่อไปนี้แสดงระยะทางเฉลี่ยระหว่างดาวเคราะห์สามดวง (ดาวเคราะห์และแบบจำลองไม่ได้เขียนตามมาตราส่วน)





จากข้อมูลระยะทางที่กำหนดให้ ดาวเคราะห์ดวงใดบ้างที่อยู่ในแบบจำลองนี้ จงลากดาวเคราะห์สามดวงที่ถูกต้องมาวางตามลำดับให้ถูกต้อง หากต้องการเปลี่ยนคำตอบ ให้ลากดาวเคราะห์ที่เลือกไว้ก่อนหน้านี้ออกก่อน


  
ดาวพุธ


  
ดาวศุกร์


  
โลก

  
ดาวอังคาร

  
ดาวพฤหัสบดี

  
ดาวเสาร์

  
ดาวยูเรนัส

  
ดาวเนปจูน

**ระบบสุริยะ**

ตารางข้างล่างแสดงระยะทางเฉลี่ยจากดวงอาทิตย์ไปยังดาวเคราะห์ต่างๆ ในหน่วยดาราศาสตร์ (au)

1 au มีค่าประมาณ 150 ล้านกิโลเมตร

ดาวเคราะห์	ระยะทางเฉลี่ยจากดวงอาทิตย์ในหน่วย au
ดาวพุธ	0.39
ดาวศุกร์	0.72
โลก	1.00
ดาวอังคาร	1.52
ดาวพฤหัสบดี	5.20
ดาวเสาร์	9.58
ดาวยูเรนัส	19.20
ดาวเนปจูน	30.05

<b>กระบวนการทางคณิตศาสตร์:</b>	ตีความและประเมินผลลัพธ์
<b>เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:</b>	ปริมาณ
<b>บริบท</b>	วิทยาศาสตร์
<b>รูปแบบของข้อสอบ:</b>	เลือกตอบเชิงซ้อน

#### การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 2: วางตามลำดับถูกต้องจากซ้ายไปขวา: ดาวพฤหัสบดี ดาวเสาร์ ดาวยูเรนัส

**คะแนนบางส่วน**

รหัส 1: ตอบถูกต้องสองตำแหน่ง

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: ตอบถูกต้องเพียงตำแหน่งเดียว หรือคำตอบอื่น ๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

PISA

**ระบบสุริยะ**  
คำถามที่ 2 / 2

จากเรื่อง "ระบบสุริยะ" ทางด้านขวา ให้คลิกหนึ่งตัวเลือกเพื่อ  
ตอบคำถาม

โดยเฉลี่ย ดวงอาทิตย์อยู่ห่างจากดาวเนปจูนประมาณกี่ล้านกิโลเมตร

- 5 ล้านกิโลเมตร
- 30 ล้านกิโลเมตร
- 180 ล้านกิโลเมตร
- 4,500 ล้านกิโลเมตร

**ระบบสุริยะ**

ตารางข้างล่างแสดงระยะทางเฉลี่ยจากดวงอาทิตย์ไปยังดาวเคราะห์ต่างๆ ในหน่วยดาราศาสตร์ (au)

1 au มีค่าประมาณ 150 ล้านกิโลเมตร

ดาวเคราะห์	ระยะทางเฉลี่ยจากดวงอาทิตย์ ในหน่วย au
ดาวพุธ	0.39
ดาวศุกร์	0.72
โลก	1.00
ดาวอังคาร	1.52
ดาวพฤหัสบดี	5.20
ดาวเสาร์	9.58
ดาวยูเรนัส	19.20
ดาวเนปจูน	30.05

กระบวนการทางคณิตศาสตร์:	ใช้คณิตศาสตร์
เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ปริมาณ
บริบท	วิทยาศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

**ตอบ** ข้อ 4. 4,500 ล้านกิโลเมตร

## แบบฝึกชุดที่ 6 แนวการตอบเรื่องที่ 3 พื้นที่ป่า

PISA


พื้นที่ป่า  
บทนำ

เมื่ออ่านบทนำแล้ว ให้คลิกที่ลูกศรถัดไป

พื้นที่ป่า

ในข้อสอบชุดนี้ นักเรียนจะได้ใช้โปรแกรมสเปรดชีตในการตอบคำถามที่เกี่ยวข้องกับสถานการณ์ต่อไปนี้:

ป่าเป็นระบบนิเวศที่สามารถพบต้นไม้ พืช และสัตว์หลากหลายชนิด ปริมาณของพื้นที่ป่าในประเทศหนึ่งสามารถเปลี่ยนแปลงไปตามกาลเวลา



ในหน้าจอตัดไป นักเรียนจะได้ฝึกปฏิบัติการใช้โปรแกรมสเปรดชีต

PISA

1

2

3

4

5

6

**พื้นที่ป่า**  
คำชี้แจง

คำชี้แจงสำหรับวิธีใช้งานโปรแกรมสเปรดชีตจะอยู่ในคำถามแต่ละข้อ โดยจะอยู่ในแถบเมนูที่เรียกว่า "วิธีใช้งานโปรแกรมสเปรดชีต" ซึ่งสามารถเปิดและปิดได้

ให้คลิกแถบข้างล่างเพื่อเปิดดูคำชี้แจง แล้วคลิกแถบนี้อีกครั้งเพื่อปิดหน้าต่างคำชี้แจง

**วิธีใช้งานโปรแกรมสเปรดชีต**

1. คลิกที่  เพื่อจัดเรียงข้อมูลในคอลัมน์จากน้อยไปมากตามลำดับ คลิกที่สัญลักษณ์นี้อีกครั้งเพื่อจัดเรียงข้อมูลในคอลัมน์จากมากไปน้อยตามลำดับ
2. ทำการคำนวณ:
  - i. เลือกหนึ่งคอลัมน์จากรายการตามที่ได้แสดงเมนูแรก
  - ii. เลือกหนึ่งการดำเนินการทางคณิตศาสตร์จากรายการตามที่ได้แสดงที่อยู่ตรงกลาง
  - iii. เลือกอีกหนึ่งคอลัมน์จากรายการตามที่ได้แสดงเมนูสุดท้าย
  - iv. คลิก "เริ่มทำงาน"

ผลการคำนวณจะแสดงในคอลัมน์แรกที่เป็นคอลัมน์ว่าง
3. ในการแสดงค่าเฉลี่ยของคอลัมน์ ให้เลือกหนึ่งคอลัมน์จากรายการตามที่ได้แสดง และคลิก "เริ่มทำงาน" ผลการคำนวณจะแสดงในช่องว่างสุดท้ายของคอลัมน์นั้น
4. ในการยกเลิกการกระทำในคอลัมน์ ให้คลิกที่
5. ในการลบข้อมูลในคอลัมน์ ให้คลิกที่
6. ในการลบข้อมูลทั้งหมดในโปรแกรมสเปรดชีต ให้คลิก "ลบทั้งหมด"

**พื้นที่ป่า**

โปรแกรมสเปรดชีตข้างล่างแสดงชุดข้อมูลปริมาณพื้นที่ป่าเป็นร้อยละของพื้นที่แผ่นดินทั้งหมดในแต่ละประเทศจาก 15 ประเทศ ซึ่งแสดงข้อมูลของปี 2005 ปี 2010 และปี 2015

คอลัมน์ A	คอลัมน์ B	คอลัมน์ C	คอลัมน์ D	คอลัมน์ E	คอลัมน์ F	คอลัมน์ G
ประเทศ	ปี 2005	ปี 2010	ปี 2015		<input checked="" type="checkbox"/>	
กรีซ	29.11	30.28	31.45			
เกาหลีใต้	64.42	64.08	63.69			
คาซัคสถาน	1.24	1.23	1.23			
โคลอมเบีย	54.26	52.85	52.73			
ชเนกัล	45.05	44.01	42.97			
ไทย	31.51	31.81	32.1			
ปานามา	64.33	63.21	62.11			
เปรู	59.01	58.45	57.79			
โปรตุเกส	36.52	35.89	35.25			
เยอรมนี	32.66	32.73	32.76			
เลบานอน	13.34	13.38	13.42			
สหรัฐอเมริกา	33.26	33.7	33.85			
อาร์เจนตินา	11.77	11.74	11.77			
อินเดีย	22.77	23.47	23.77			
แอลจีเรีย	0.64	0.81	0.82			

คำนวณ

คอลัมน์  การดำเนินการทางคณิตศาสตร์  คอลัมน์  เริ่มทำงาน

ค่าเฉลี่ย

คอลัมน์  เริ่มทำงาน ลบทั้งหมด

PISA

1

2

3

4

5

6

**พื้นที่ป่า**  
คำถามที่ 1 / 4

**วิธีใช้งานโปรแกรมสเปรดชีต**

จากเรื่อง "พื้นที่ป่า" ทางด้านขวา ให้ใช้โปรแกรมสเปรดชีตเพื่อช่วยนักเรียนในการตอบคำถามข้างล่าง แล้วเลือกจากรายการตามที่ได้แสดงเพื่อตอบคำถามแต่ละข้อ

ในตารางข้างล่าง ให้ตอบคำถามแต่ละข้อโดยการเลือกประเทศจากรายการตามที่ได้แสดง

คำถาม	ประเทศ
เมื่อพิจารณาจากร้อยละของปี 2005 กับปี 2015 ประเทศใดมีการเพิ่มขึ้นมากที่สุด	<input type="text" value="เลือก"/>
เมื่อเทียบกับปี 2005 กับปี 2015 ประเทศใดไม่มีการเปลี่ยนแปลงในภาพรวม	<input type="text" value="เลือก"/>
เมื่อพิจารณาจากร้อยละของปี 2005 กับปี 2015 ประเทศใดมีการลดลงมากที่สุด	<input type="text" value="เลือก"/>

**พื้นที่ป่า**

โปรแกรมสเปรดชีตข้างล่างแสดงชุดข้อมูลปริมาณพื้นที่ป่าเป็นร้อยละของพื้นที่แผ่นดินทั้งหมดในแต่ละประเทศจาก 15 ประเทศ ซึ่งแสดงข้อมูลของปี 2005 ปี 2010 และปี 2015

คอลัมน์ A	คอลัมน์ B	คอลัมน์ C	คอลัมน์ D	คอลัมน์ E	คอลัมน์ F	คอลัมน์ G
ประเทศ	ปี 2005	ปี 2010	ปี 2015		<input checked="" type="checkbox"/>	
กรีซ	29.11	30.28	31.45			
เกาหลีใต้	64.42	64.08	63.69			
คาซัคสถาน	1.24	1.23	1.23			
โคลอมเบีย	54.26	52.85	52.73			
ชเนกัล	45.05	44.01	42.97			
ไทย	31.51	31.81	32.1			
ปานามา	64.33	63.21	62.11			
เปรู	59.01	58.45	57.79			
โปรตุเกส	36.52	35.89	35.25			
เยอรมนี	32.66	32.73	32.76			
เลบานอน	13.34	13.38	13.42			
สหรัฐอเมริกา	33.26	33.7	33.85			
อาร์เจนตินา	11.77	11.74	11.77			
อินเดีย	22.77	23.47	23.77			
แอลจีเรีย	0.64	0.81	0.82			

คำนวณ

คอลัมน์  การดำเนินการทางคณิตศาสตร์  คอลัมน์  เริ่มทำงาน

ค่าเฉลี่ย

คอลัมน์  เริ่มทำงาน ลบทั้งหมด

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

กระบวนการทางคณิตศาสตร์:	คิด/แปลงปัญหา
เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท	สังคม
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบเชิงซ้อน

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

- รหัส 2: ตอบถูกทั้งสามประเทศ  
เพิ่มขึ้น: กรีซ  
ไม่มีการเปลี่ยนแปลง: อาเมเนีย  
ลดลง: ปานามา

#### ได้คะแนนบางส่วน

- รหัส 1: ตอบถูกสองประเทศ

#### ไม่ได้คะแนน

- รหัส 0: คำตอบอื่น ๆ  
รหัส 9: ไม่ตอบ

PISA

พื้นที่ป่า  
คำถามที่ 2 / 4

วิธีใช้งานโปรแกรมสเปรดชีต

จากเรื่อง "พื้นที่ป่า" ทางด้านขวา ให้ใช้โปรแกรมสเปรดชีตเพื่อช่วยนักเรียนในการตอบคำถามข้างล่าง แล้วคลิกหนึ่งตัวเลือกเพื่อตอบคำถาม

ให้พิจารณาในสองช่วงเวลา: ปี 2005 ถึง ปี 2010 และ ปี 2010 ถึง ปี 2015

ข้อความใดต่อไปนี้อธิบายว่าค่าเฉลี่ยของร้อยละของพื้นที่ป่าในทั้งสองช่วงเวลาเปลี่ยนแปลงไปอย่างไรได้ถูกต้อง

- การเปลี่ยนแปลงของค่าเฉลี่ยมีค่าเป็นบวกทั้งสองช่วงเวลา
- การเปลี่ยนแปลงของค่าเฉลี่ยมีค่าเป็นลบทั้งสองช่วงเวลา
- การเปลี่ยนแปลงของค่าเฉลี่ยมีค่าเท่ากันทั้งสองช่วงเวลา
- การเปลี่ยนแปลงของค่าเฉลี่ยมีค่าเป็นบวกในช่วงเวลาหนึ่ง และมีค่าเป็นลบในอีกช่วงเวลาหนึ่ง

พื้นที่ป่า

โปรแกรมสเปรดชีตข้างล่างแสดงชุดข้อมูลปริมาณพื้นที่ป่าเป็นร้อยละของพื้นที่แผ่นดินทั้งหมดในแต่ละประเทศจาก 15 ประเทศ ซึ่งแสดงข้อมูลของปี 2005 ปี 2010 และปี 2015

คอลัมน์ A	คอลัมน์ B	คอลัมน์ C	คอลัมน์ D	คอลัมน์ E	คอลัมน์ F	คอลัมน์ G
ประเทศ	ปี 2005	ปี 2010	ปี 2015	↻ ✕	↻ ✕	↻ ✕
กรีซ	29.11	30.28	31.45			
เกาหลีใต้	64.42	64.08	63.69			
คาซัคสถาน	1.24	1.23	1.23			
โคลอมเบีย	54.26	52.85	52.73			
เชนากัล	45.05	44.01	42.97			
ไทย	31.51	31.81	32.1			
ปานามา	64.33	63.21	62.11			
เปรู	59.01	58.45	57.79			
โปรตุเกส	36.52	35.89	35.25			
เยอรมนี	32.66	32.73	32.76			
เลบานอน	13.34	13.38	13.42			
สหรัฐอเมริกา	33.26	33.7	33.85			
อาร์เจนตินา	11.77	11.74	11.77			
อินเดีย	22.77	23.47	23.77			
แอลจีเรีย	0.64	0.81	0.82			
คำนวณ						

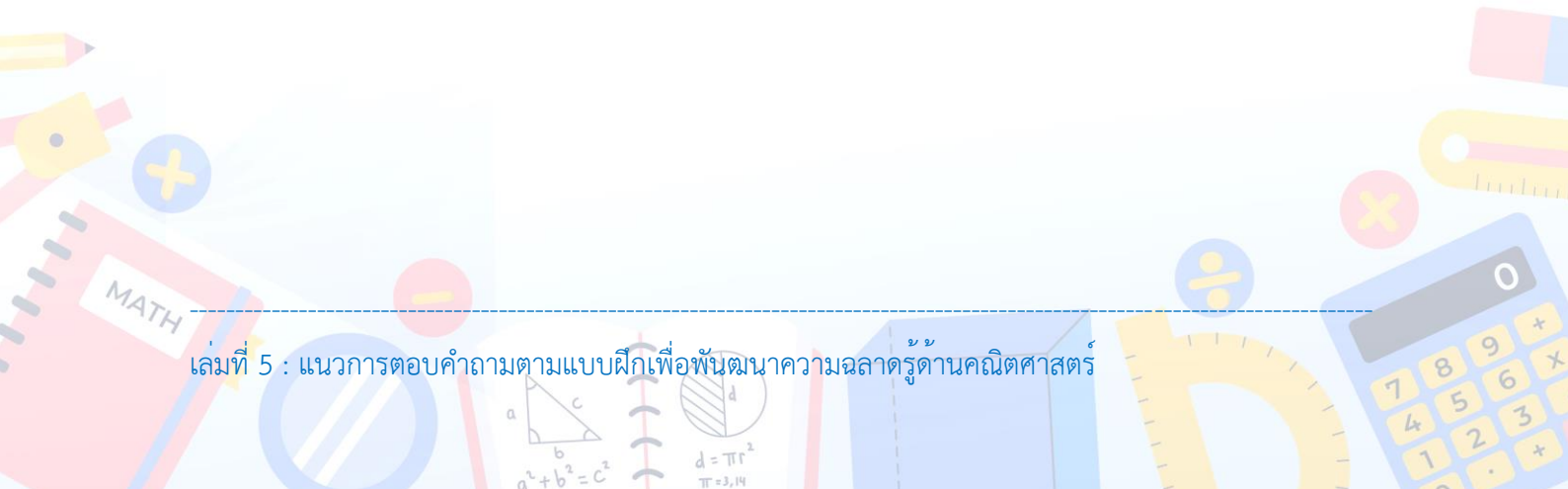
คำนวณ

คอลัมน์ การดำเนินการทางคณิตศาสตร์ คอลัมน์ เริ่มทำงาน

ค่าเฉลี่ย คอลัมน์ เริ่มทำงาน ลบทั้งหมด

กระบวนการทางคณิตศาสตร์:	ตีความและประเมินผลลัพธ์
เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท	สังคม
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

ตอบ ข้อ 2. การเปลี่ยนแปลงของค่าเฉลี่ยมีค่าเป็นลบทั้งสองช่วงเวลา (ระดับ 5)



# พื้นที่ป่า

PISA [Icons]

**พื้นที่ป่า**  
คำถามที่ 3 / 4

**วิธีใช้งานโปรแกรมสเปรดชีต**

จากเรื่อง "พื้นที่ป่า" ทางด้านขวา ให้ใช้โปรแกรมสเปรดชีตเพื่อช่วยนักเรียนในการตอบคำถามข้างล่าง แล้วเลือกจากรายการตามที่แสดงเพื่อตอบคำถาม

ให้พิจารณาในสองช่วงเวลา: ปี 2005 ถึง ปี 2010 และ ปี 2010 ถึง ปี 2015

เมื่อพิจารณาจากร้อยละ สองประเทศได้มีการเปลี่ยนแปลงร้อยละของพื้นที่ป่าจากช่วงเวลาหนึ่งไปสู่อีกช่วงเวลาหนึ่งมากที่สุด

คำตอบ:  และ

**พื้นที่ป่า**

โปรแกรมสเปรดชีตข้างล่างแสดงชุดข้อมูลปริมาณพื้นที่ป่าเป็นร้อยละของพื้นที่แผ่นดินทั้งหมดในแต่ละประเทศจาก 15 ประเทศ ซึ่งแสดงข้อมูลของปี 2005 ปี 2010 และปี 2015

คอลัมน์ A	คอลัมน์ B	คอลัมน์ C	คอลัมน์ D	คอลัมน์ E	คอลัมน์ F	คอลัมน์ G
ประเทศ	ปี 2005	ปี 2010	ปี 2015	↻ ✕	↻ ✕	↻ ✕
กรีซ	29.11	30.28	31.45			
เกาหลีใต้	64.42	64.08	63.69			
คาซัคสถาน	1.24	1.23	1.23			
โคลอมเบีย	54.26	52.85	52.73			
เชนกาล	45.05	44.01	42.97			
ไทย	31.51	31.81	32.1			
ปานามา	64.33	63.21	62.11			
เปรู	59.01	58.45	57.79			
โปรตุเกส	36.52	35.89	35.25			
เยอรมนี	32.66	32.73	32.76			
เลบานอน	13.34	13.38	13.42			
สหรัฐอเมริกา	33.26	33.7	33.85			
อาร์เจนตินา	11.77	11.74	11.77			
อินเดีย	22.77	23.47	23.77			
แอลจีเรีย	0.64	0.81	0.82			

คำนวณ  การดำเนินการทางคณิตศาสตร์

ค่าเฉลี่ย

<b>กระบวนการทางคณิตศาสตร์:</b>	ตีความและประเมินผลลัพธ์
<b>เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:</b>	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
<b>บริบท</b>	สังคม
<b>รูปแบบของข้อสอบ:</b>	เลือกตอบเชิงซ้อน

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 2: เลือก โคลอมเบีย และ อินเดีย ตามลำดับ

### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: เลือกคำตอบถูกเพียงคำตอบเดียว

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่น ๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

PISA

พื้นที่ป่า

คำถามที่ 4 / 4

วิธีใช้งานโปรแกรมสเปรดชีต

จากเรื่อง "พื้นที่ป่า" ทางด้านขวา ให้ใช้โปรแกรมสเปรดชีตเพื่อช่วยนักเรียนในการตอบคำถามข้างล่าง และคลิกหนึ่งตัวเลือก แล้วพิมพ์คำอธิบายเพื่อตอบคำถาม

หอยักษ์กล่าวว่าประเทศเกาหลีได้มีพื้นที่ป่ามากกว่าประเทศอื่นๆ ในปีที่มีข้อมูลแสดงอยู่

ข้อมูลในโปรแกรมสเปรดชีต สนับสนุนคำกล่าวอ้างของเธอใช่หรือไม่

ใช่

ไม่ใช่

จงอธิบายคำตอบของนักเรียน

พื้นที่ป่า

โปรแกรมสเปรดชีตข้างล่างแสดงชุดข้อมูลปริมาณพื้นที่ป่าเป็นร้อยละของพื้นที่แผ่นดินทั้งหมดในแต่ละประเทศจาก 15 ประเทศ ซึ่งแสดงข้อมูลของปี 2005 ปี 2010 และปี 2015

คอลัมน์ A	คอลัมน์ B	คอลัมน์ C	คอลัมน์ D	คอลัมน์ E	คอลัมน์ F	คอลัมน์ G
ประเทศ	ปี 2005	ปี 2010	ปี 2015	↻ ✕	↻ ✕	↻ ✕
กรีซ	29.11	30.28	31.45			
เกาหลีใต้	64.42	64.08	63.69			
คาซัคสถาน	1.24	1.23	1.23			
โคลอมเบีย	54.26	52.85	52.73			
จีนกลาง	45.05	44.01	42.97			
ไทย	31.51	31.81	32.1			
ปานามา	64.33	63.21	62.11			
เปรู	59.01	58.45	57.79			
โปรตุเกส	36.52	35.89	35.25			
เม็กซิโก	32.66	32.73	32.76			
เลบานอน	13.34	13.38	13.42			
สหรัฐอเมริกา	33.26	33.7	33.85			
อาร์เจนตินา	11.77	11.74	11.77			
อินเดีย	22.77	23.47	23.77			
แอลจีเรีย	0.64	0.81	0.82			

คำนวณ

คอลัมน์ ▼ การดำเนินการทางคณิตศาสตร์ ▼ คอลัมน์ ▼ เริ่มทำงาน

ค่าเฉลี่ย ▼ เริ่มทำงาน ลบทั้งหมด

กระบวนการทางคณิตศาสตร์:	ให้เหตุผลทางคณิตศาสตร์
เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท	สังคม
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบเปิด (อธิบายหรือแสดงวิธีทำ)

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

- รหัส 1: เลือก **ไม่ใช่** และอธิบายว่าโปรแกรมสเปรดชีตแสดงเพียงร้อยละของพื้นที่ป่า **หรือ** โปรแกรมสเปรดชีตไม่ได้แสดงพื้นที่แผ่นดินทั้งหมดของแต่ละประเทศ **หรือ** อธิบายว่าพื้นที่ของแต่ละประเทศแตกต่างกัน
- [ไม่ใช่] มันไม่จริง เพราะว่าโปรแกรมสเปรดชีตแสดงเพียงค่าเป็นร้อยละ
  - ข้อมูลในโปรแกรมสเปรดชีตไม่ได้สนับสนุนคำกล่าวอ้างของเธอ เพราะเราไม่รู้พื้นที่ทั้งหมดของแต่ละประเทศที่มีข้อมูลแสดงอยู่เลย *[เป็นการเลือก "ไม่ใช่" โดยนัย]*
  - [ไม่ใช่] เพราะพื้นที่ทั้งหมดของแต่ละประเทศแตกต่างกัน
  - [ไม่ใช่] แต่ละประเทศมีพื้นที่ไม่เท่ากัน

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่น ๆ รวมทั้งการเลือก ไม่ใช่ แต่ให้คำอธิบายที่ไม่ถูกต้องหรือไม่ได้ให้คำอธิบาย หรือ  
การเลือก ใช้ โดยมีหรือไม่มีคำอธิบาย

ไม่ใช่

ไม่ใช่ เพราะว่ามันแตกต่างกัน

ใช่ ประเทศเกาหลีใต้มีจำนวนมากที่สุดในข้อมูลของแต่ละปีที่แสดง

รหัส 9: ไม่ตอบ

แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

เพิ่มเติม



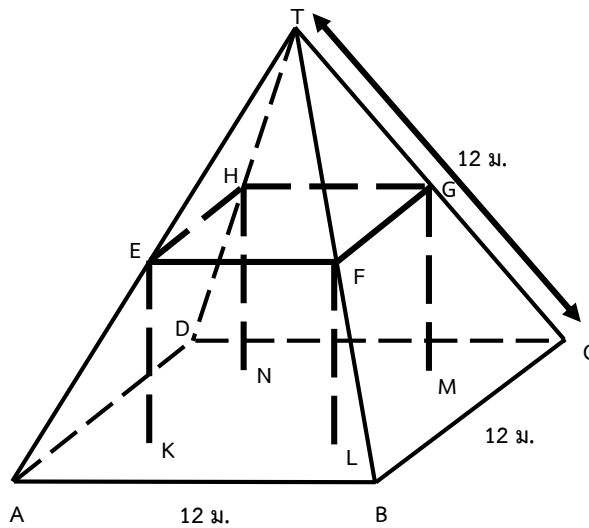
เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

## สถานการณ์ที่ 1 เรื่อง โรงงาน

โรงงานหลังหนึ่งมีหลังคาเป็นทรงพีระมิด ดังรูป



และข้างล่างเป็นรูปที่นักเรียนคณิตศาสตร์ ทำแบบจำลองของหลังคา พร้อมกับบอกระยะกำกับไว้ด้วย



พื้นเพดาน ABCD เป็นสี่เหลี่ยมจัตุรัส คานที่รองรับน้ำหนักของหลังคา คือขอบของรูปเหลี่ยมทรงตัน EFGHKL MN (ปริซึม รูปสี่เหลี่ยม) E เป็นจุดกึ่งกลางของส่วนของเส้น  $\overline{AT}$  จุด F เป็นจุดกึ่งกลางของส่วนของเส้นตรง  $\overline{BT}$  จุด G เป็นจุดกึ่งกลางของส่วนของเส้นตรง  $\overline{CT}$  จุด H เป็นจุดกึ่งกลางของส่วนของเส้นตรง  $\overline{DT}$  เส้นของพีระมิดทุกด้านยาว 12 เมตรเท่ากัน

### ■ คำถามที่ 1 : โรงงาน

จงคำนวณพื้นเพดาน ABCD

พื้นที่ของพื้นเพดาน ABCD = \_\_\_\_\_ ตารางเมตร

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความรู้ด้านคณิตศาสตร์

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	การวัด
สถานการณ์:	ในเชิงอาชีพ
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบเปิด

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 144 (ให้หน่วยมาแล้ว)

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่น ๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 2 : โรงงาน

จงคำนวณความยาวของส่วนของเส้นตรง EF

ความยาวของส่วนของเส้นตรง EF = \_\_\_\_\_ เมตร

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	การวัด
สถานการณ์:	ในเชิงอาชีพ
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบเปิด

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 6 (ให้หน่วยมาแล้ว)

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่น ๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

## สถานการณ์ที่ 2 เรื่อง ไลเคน

ผลจากภาวะโลกร้อนคือการทำให้ธารน้ำแข็งบางส่วนละลาย หลังจากน้ำแข็งละลายได้ 12 ปี พืชเล็กๆ ซึ่งเรียกว่า ไลเคน เริ่มเจริญเติบโตบนก้อนหิน

ไลเคนแต่ละชนิดโดยทั่วไปแล้วจะเจริญเติบโตเป็นรูปวงกลม

ความสัมพันธ์ระหว่างเส้นผ่าศูนย์กลางของรูปวงกลมและอายุของไลเคนสามารถประมาณได้จากสูตร

$$d = 7.0 \times \sqrt{t - 12} \quad \text{สำหรับ } t \geq 12$$

โดย  $d$  แทนเส้นผ่าศูนย์กลางของไลเคนในหน่วยมิลลิเมตร และ

$t$  แทนจำนวนปีหลังจากน้ำแข็งละลายหายไป

### ■ คำถามที่ 1 : ไลเคน

หลังจากน้ำแข็งละลายผ่านไป 16 ปี ขนาดเส้นผ่าศูนย์กลางของไลเคนจะเป็นเท่าใด  
จงใช้สูตรแสดงวิธีคำนวณ

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

รหัส 2: ตอบว่า 14 มิลลิเมตร (ไม่จำเป็นต้องใส่หน่วยและถ้าคำตอบเป็น 14 ไม่ว่าจะแสดงวิธีทำหรือไม่ก็ตาม ให้คะแนนเต็ม)

เช่น  $d = 7.0 \sqrt{16 - 12} \qquad 14\text{mm} \qquad 14$

$$d = 14$$

$$d = 7.0 \times \sqrt{16 - 12}$$

$$d = 7.0 \times \sqrt{4}$$

$$d = 14 \text{ ปี}$$

(ตัวอย่างนี้การคำนวณถูกทุกขั้นตอนแต่ใส่หน่วยผิด ถือว่าเป็นความผิดพลาดเพียงเล็กน้อย)

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: คำตอบบางส่วนถูกต้อง เช่น

- แทนตัวเลขในสูตรได้ถูกต้อง แต่คำตอบผิดหรือไม่ตอบ
- คำตอบไม่สมบูรณ์ (เช่น  $7\sqrt{4}$ )

$$d = 7.0 \times \sqrt{16 - 12} \quad (\text{คำตอบผิดแต่แทนค่าได้ถูก})$$

$$d = 16$$

$$d = 7.0 \times \sqrt{16 - 12} \quad (\text{คำตอบผิดแต่แทนค่าได้ถูก})$$

$$d = 7\sqrt{4}$$

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่น ๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 2 : โลเคน

แวนวัดเส้นผ่าศูนย์กลางของโลเคนได้เท่ากับ 35 มิลลิเมตร เป็นเวลาที่ปีแล้วที่น้ำแข็งได้ละลายหายไปจากจุดนี้  
จงแสดงวิธีคำนวณ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 2: 37 ปี (ไม่จำเป็นต้องใส่หน่วย) ไม่ว่าจะแสดงวิธีทำหรือไม่ก็ตาม หรือแสดงวิธีทำ เช่น

$$35 = 7.0 \times \sqrt{t - 12}$$

$$\text{หรือ } 35 \div 7 = 5$$

$$5 = \sqrt{t - 12}$$

$$7 \times 5 = 7 \times \sqrt{25}$$

$$25 = t - 12$$

$$= 7 \times \sqrt{25 + 12}$$

$$t = 37$$

$$= 7 \times 37$$

$$\therefore 37 \text{ ปี}$$

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

หรือ แสดงการแก้สมการผิด แต่เรารู้ว่านักเรียนพยายามทำอะไร

$$35 / 7 = 5$$

$$5^2 = 25$$

$$25 + 12 = 37$$

t = 15 d = 12.1      ดังนั้น 37 ปี หลังจากที่น้ำแข็งละลายหายไป

t = 25 d = 5.2      (หมายเหตุ คำตอบ 37 อยู่ในสมการที่ถูกต้อง)

$$t = 40 d = 7.0$$

$$t = 35 d = 3.6$$

$$t = 37 d = 35$$

$$\text{หรือ } 756 = 35 = 7 \times \sqrt{37 - 12} = 7 \times \sqrt{25} = 7 \times 5 = 35$$

### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: แทนตัวเลขในสูตรได้ถูกต้อง แต่คำตอบผิดหรือไม่ตอบ หรือ 36 หรือ 38 ปี (นักเรียนอาจได้คำตอบจากการลองผิดลองถูก) เช่น

$$35 = 7.0 \times \sqrt{t - 12}$$

$$35 = 7.0 \times \sqrt{t - 12}$$

$$35 = 7.0 \times \sqrt{t - 12}$$

$$35^2 = 7^2 \times t - 12$$

$$5 = \sqrt{t - 12}$$

$$5 = \sqrt{t - 12}$$

$$49t = 1237$$

$$25 = t^2 - 12^2$$

$$5 = \sqrt{t} - \sqrt{12}$$

$$t = 25$$

$$t = 13$$

ยากเกินไป!

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ เช่น

$$35 = 7.0 \times \sqrt{t - 12}$$

$$28 = \sqrt{t - 12}$$

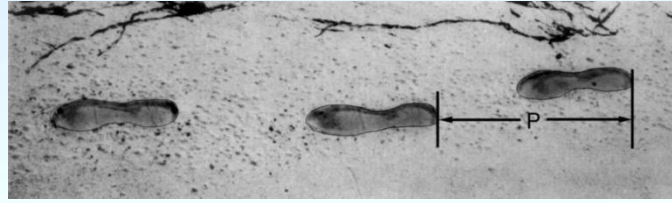
$$784 = t - 12$$

$$t = 796$$

หรือตอบว่า 40 ปี

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 3 เรื่อง รอยเท้า



ในภาพเป็นรอยเท้าของชายคนหนึ่ง

ความยาวของก้าว (P) คือระยะทางจากรอยขอบส้นเท้าหนึ่งไปถึงส้นเท้าถัดไป

สำหรับผู้ชาย ความสัมพันธ์  $n$  และ  $P$  เป็นไปตามสูตร  $\frac{n}{P} = 140$  โดยที่

$n$  = จำนวนครั้งของการก้าวในเวลาหนึ่งนาที

$P$  = ความยาวของก้าว (หน่วยเป็นเมตร)

#### ■ คำถามที่ 1 : รอยเท้า

ถ้าใช้สูตรนี้กับการเดินของสมรักษ์ ผู้ซึ่งก้าวเท้าได้ 70 ครั้งในเวลาหนึ่งนาที ความยาวของก้าว ( $P$ ) ของสมรักษ์เป็นเท่าไร จงแสดงวิธีทำ

.....

.....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

รหัส 2: 0.5 m หรือ 50 cm,  $\frac{1}{2}$  (ไม่จำเป็นต้องใส่หน่วย) เช่น

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

$70/P = 140$

$70=140P$

$P=0.5$

$70/140$

**ได้คะแนนบางส่วน**

รหัส 1: แทนค่าตัวเลขในสูตรถูกต้อง แต่คำตอบไม่ถูกต้องหรือไม่มีคำตอบ

$\frac{70}{P} = 140$  [แทนตัวเลขในสูตรเพียงอย่างเดียว]

$\frac{70}{P} = 140$

$70 = 140P$

$P = 2$  [แทนค่าได้ถูกต้อง แต่คำนวณออกมาไม่ถูกต้อง]

หรือ ใช้สูตร  $P=n/140$  ได้ถูกต้อง แต่แสดงวิธีทำไม่ถูกต้อง

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

**คำถามที่ 2 : รอยเท้า**

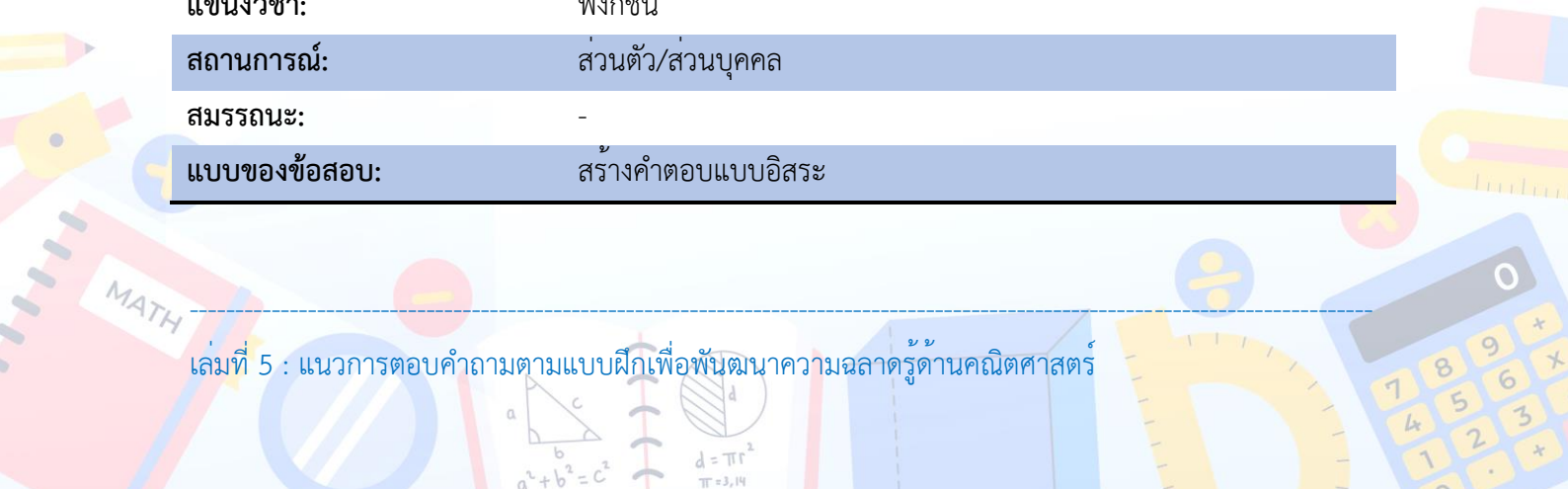
ภาคภูมิทราบว่าความยาวของก้าวของเขาเป็น 0.80 เมตร และสามารถใช้สูตรข้างต้นกับการก้าวเท้าของภาคภูมิ

จงแสดงวิธีคำนวณหาอัตราเร็วของการเดินของภาคภูมิเป็นเมตรต่อนาที และ เป็นกิโลเมตรต่อชั่วโมง

.....  
.....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 2: คำตอบถูกต้อง (ไม่จำเป็นต้องใส่หน่วย) ทั้งเมตรต่อนาที และกิโลเมตรต่อชั่วโมง :

$$n = 140 \times .80 = 112$$

ในหนึ่งนาที เขาเดินได้  $112 \times .80$  เมตร = 89.6 เมตร

อัตราเร็วของการก้าวเท้าของเขาเท่ากับ 89.6 เมตรต่อนาที

ดังนั้น อัตราเร็วของการก้าวเท้าของภาคภูมิเท่ากับ 5.38 หรือ 5.4 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

คำตอบต้องถูกทั้งสองคำตอบ (89.6 และ 5.4) หรือ จะแสดงวิธีทำหรือไม่ก็ได้

ข้อสังเกต: ยอมรับคำตอบที่คลาดเคลื่อนจากการปัดเศษ เช่น 90 เมตรต่อนาที และ 5.3 กิโลเมตรต่อชั่วโมง (89 X 60) เช่น

89.6, 5.4

90, 5.376 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

89.8, 5376 เมตรต่อชั่วโมง [ข้อสังเกต ถ้าคำตอบที่สองไม่ได้ใส่หน่วย ควรให้คะแนนบางส่วน]

#### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: เหมือนคำตอบถูก แต่ไม่ได้คูณ 0.80 เพื่อแปลงหน่วยจากจำนวนครั้งของการก้าวเท้าในหนึ่งนาทีเป็นระยะทางที่ก้าวได้เป็นเมตรในหนึ่งนาที เช่น

อัตราเร็วของการก้าวเท้าเท่ากับ 112 เมตรต่อนาที และ 6.72 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

112, 6.72 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

หรือ อัตราเร็วของการก้าวเท้าในหน่วยเมตรต่อนาทีถูกต้อง (89.6 เมตรต่อนาที) แต่แปลงเป็นหน่วยกิโลเมตรต่อชั่วโมง ไม่ถูกต้อง หรือไม่ใส่ เช่น

89.6 เมตรต่อนาที, 8960 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

89.6, 5376

89.6, 53.76

89.6, 0.087 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

89.6, 1.49 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

หรือ ขั้นตอนถูกต้อง (แสดงวิธีทำชัดเจน) แต่การคำนวณคลาดเคลื่อน เช่น

$n = 140 \times .8 = 1120$ ;  $1120 \times 0.8 = 896$  เขาก้าว 896 เมตรต่อนาที, 53.76 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

$n = 140 \times .8 = 116$ ;  $116 \times 0.8 = 92.8$  92.8 เมตรต่อนาที -> 5.57 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

หรือ ตอบ 5.4 กิโลเมตรต่อชั่วโมงเพียงคำตอบเดียว ไม่ได้ตอบ 89.6 เมตรต่อนาที (ไม่แสดงวิธีทำ) เช่น

5.4

5.376 กิโลเมตรต่อชั่วโมง

5,376 เมตรต่อชั่วโมง

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 4 เรื่อง สวนฝรั่ง

ชาวสวนปลูกฝรั่งในแปลงปลูกรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส นอกจากนี้ยังปลูกต้นสนไว้รอบๆ แปลงฝรั่ง เพื่อป้องกันลม ด้วย แผนผังในรูปต่อไปนี้แสดงแปลงฝรั่งดังกล่าว โดย n คือ จำนวนแถวของต้นฝรั่ง

n = 1                      n = 2                      n = 3                      n = 4

```

x x x
x ● x
x x x

x x x x x
x ● ● x
x   x
x ● ● x
x x x x x

x x x x x x x
x ● ● ● x
x           x
x ● ● ● x
x           x
x ● ● ● x
x x x x x x x

x x x x x x x x x
x ● ● ● ● x
x           x
x ● ● ● ● x
x           x
x ● ● ● ● x
x x x x x x x x x

```

X = ต้นสน  
● = ต้นฝรั่ง

#### ■ คำถามที่ 1 : สวนฝรั่ง

เติมข้อมูลลงในตารางต่อไปนี้ให้สมบูรณ์

n	จำนวนของต้นฝรั่ง	จำนวนของต้นสน
1	1	8
2	4	
3		
4		
5		

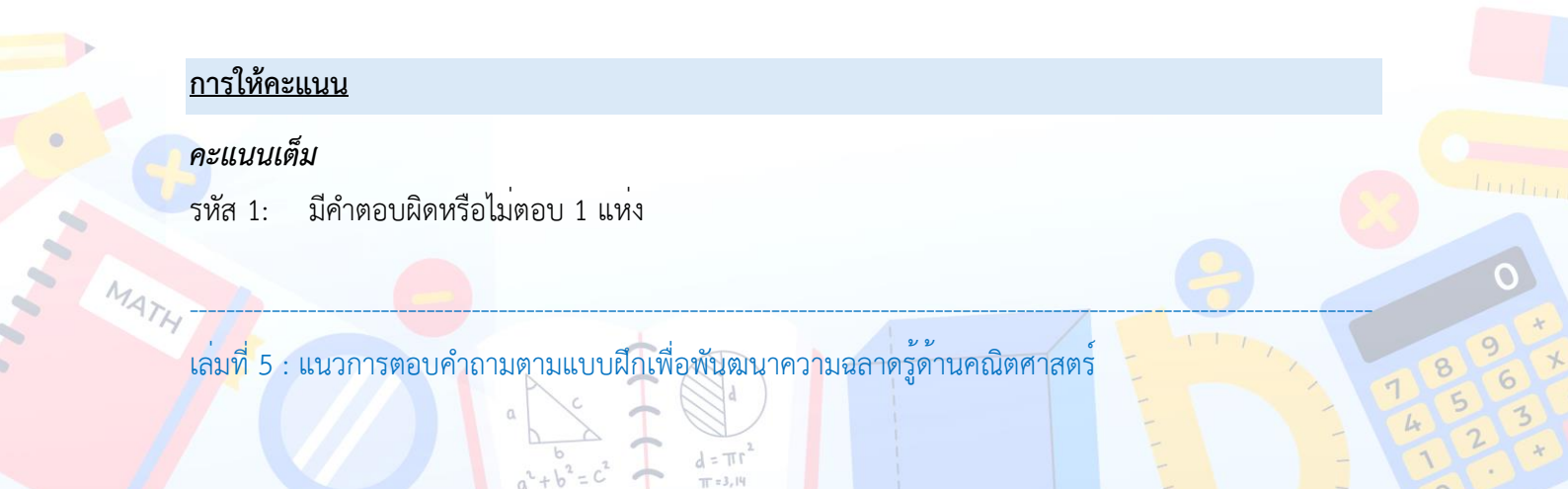
เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	พีชคณิต
สถานการณ์:	ในเชิงการศึกษา
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

รหัส 1: มีคำตอบผิดหรือไม่ตอบ 1 แห่ง

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: มีคำตอบผิดหรือไม่ตอบมากกว่า 1 แห่ง

รหัส 9: ไม่ตอบ

นักเรียนสามารถคำนวณหาจำนวนของต้นฝรั่งและจำนวนของต้นสนโดยใช้สูตร 2 สูตร ต่อไปนี้

$$\text{จำนวนของต้นฝรั่ง} = n^2$$

$$\text{จำนวนของต้นสน} = 8n$$

เมื่อ  $n$  คือ จำนวนแถวของต้นฝรั่ง จะมีค่าของ  $n$  อยู่ค่าหนึ่งที่จำนวนของต้นฝรั่งจะเท่ากับจำนวนของต้นสน

#### ■ คำถามที่ 2 : สวนฝรั่ง

จงหาค่าของ  $n$  นั้น โดยแสดงวิธีคำนวณด้วย

.....

.....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	พีชคณิต
สถานการณ์:	ในเชิงการศึกษา
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: คำตอบถูก คือ  $n = 8$  และแสดงวิธีคิดถูกหรือไม่ก็ได้ ดังนี้

$n^2 = 8n, n^2 - 8n = 0, n(n - 8) = 0, n = 0$  และ  $8$  ดังนั้น  $n = 8$

$n^2 = 8^2 = 64, 8n = 8, 8 = 64$

$n^2 = 8n$  ดังนั้น  $n = 8$

$8 \times 8 = 64, n = 8$

$n = 8$

$8 \times 8 = 8^2$

- อาจใช้วิธีคิดต่างออกไป ได้คำตอบ 2 คำตอบ คือ  $n = 8$  และ  $n = 0$  ก็ได้

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

$n^2 = 8n$  ,  $n^2 - 8n = 0$  ,  $n(n-8) = 0$  ,  $n = 0$  และ  $n = 8$

- อาจใช้วิธีเขียนรูปขยายออกไป และได้คำตอบ  $n = 8$  ก็ได้

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ รวมทั้งคำตอบ  $n = 0$  อย่างเดียว

$n^2 = 8n$  (เขียนประโยคซ้ำกับคำถาม)

$n^2 = 8$

$n = 0$  ตอบคำตอบเดียวไม่ได้เพราะทุกๆ ต้นฝรั่ง 1 ต้นจะมีต้นสน 8 ต้น

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ **คำถามที่ 3 : สวนฝรั่ง**

สมมุติว่าเจ้าของสวนต้องการขยายสวนให้ใหญ่ขึ้น โดยเพิ่มจำนวนแถวของต้นไม้ให้มากขึ้น เมื่อสวนขยายใหญ่ขึ้น จงหาว่าจำนวนของต้นฝรั่งหรือจำนวนของต้นสนอย่างไหนจะเพิ่มขึ้นเร็วกว่ากัน และอธิบายว่า นักเรียนคิดหาคำตอบอย่างไรด้วย

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	พีชคณิต
สถานการณ์:	ในเชิงการศึกษา
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 2: คำตอบถูก ต้องตามด้วยคำอธิบายที่สมเหตุสมผล ตัวอย่างเช่น

จำนวนต้นฝรั่ง =  $n \times n$  และจำนวนต้นสน =  $8 \times n$  ทั้งสองสูตรนี้มี  $n$  เป็นตัวประกอบ แต่จำนวนต้นฝรั่งมี  $n$  อีกหนึ่งตัว ซึ่งจะทำให้มีจำนวน มากขึ้น ในขณะที่ 8 ยังคงเป็นตัวประกอบเดิม คือจำนวนของต้นฝรั่งจะเพิ่มขึ้นเร็วกว่า

จำนวนต้นฝรั่งเพิ่มขึ้นเร็วกว่า เพราะจำนวนต้นฝรั่งเพิ่มเป็นกำลังสอง แทนที่จะคูณด้วย 8

- จำนวนต้นฝรั่งเป็นสมการกำลังสอง จำนวนต้นสนเป็นสมการเชิงเส้น ดังนั้นจำนวนต้นฝรั่งจะเพิ่มขึ้นเร็วกว่า
- ตอบโดยอาศัยกราฟ เพื่อแสดงว่า  $n^2$  มีค่ามากกว่า  $8n$  เมื่อ  $n$  มากกว่า 8  
[ให้ลูกค้านักเรียนอธิบายในเชิงพีชคณิตอยู่บนพื้นฐานของสูตร  $n^2$  และ  $8n$ ]

### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: คำตอบถูกต้อง อยู่บนพื้นฐานของการยกตัวอย่างเป็นเฉพาะกรณีไป หรือเติมข้อมูลในตารางออกไปอีก

- จำนวนต้นฝรั่งจะเพิ่มขึ้นอย่างรวดเร็วกว่า เพราะจากข้อมูลในตารางจะเห็นว่า จำนวนต้นฝรั่งเพิ่มขึ้นเร็วกว่าจำนวนต้นสน กรณีนี้เกิดขึ้นหลังจากจำนวนต้นฝรั่งและจำนวนต้นสนเท่ากันแล้ว
  - จากข้อมูลในตารางแสดงให้เห็นว่า จำนวนต้นฝรั่งเพิ่มขึ้นเร็วกว่า
- หรือ คำตอบถูกต้อง รู้ถึงความสัมพันธ์บางประการระหว่าง  $n^2$  และ  $8n$  ที่ละไว้ในฐานที่เข้าใจ หลังจาก  $n > 8$
- หลังจาก 8 แถวแล้ว จำนวนต้นฝรั่งจะเพิ่มขึ้นเร็วกว่าจำนวนต้นสน
  - จนกว่าต้นสนจะครบ 8 แถวแล้ว จำนวนต้นฝรั่งจึงจะมากกว่า

### ไม่ได้คะแนน

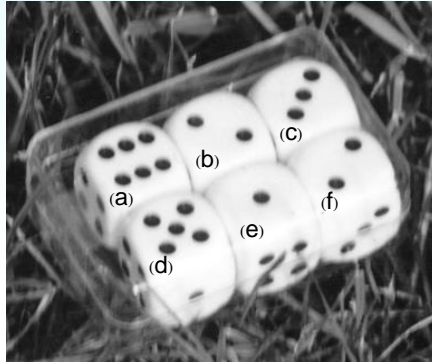
รหัส 0: คำตอบถูกต้อง แต่ไม่อธิบาย หรืออธิบายไม่เพียงพอ หรืออธิบายผิด เช่น

- ต้นฝรั่ง
  - ต้นฝรั่ง ที่อยู่ภายในมากกว่าต้นฝรั่งที่อยู่รอบๆ ด้านนอก
  - ต้นฝรั่ง เพราะถูกล้อมรอบด้วยต้นสน
- หรือ คำตอบที่ไม่ถูกต้องอื่นๆ เช่น
- ต้นสน
  - ต้นสน เพราะทุกครั้งที่เพิ่มแถวของต้นฝรั่ง ท่านต้องใช้ต้นสนเป็นจำนวนมาก
  - ต้นสน เพราะต้นฝรั่งทุกๆ ต้น มีต้นสน 8 ต้น
  - ข้าพเจ้าไม่ทราบ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 5 เรื่อง ลูกเต๋า

รูปแสดงลูกเต๋า 6 ลูก มีชื่อติดกำกับไว้ว่า (a) (b) (c) (d) (e) และ (f) เป็นกฎของลูกเต๋าคือ จำนวนจุดที่อยู่บนหน้าตรงกันข้ามสองหน้ารวมกันต้องเป็น 7 เสมอ



#### ■ คำถามที่ 1 : ลูกเต๋า

จงเขียนจำนวนจุดบนหน้าที่อยู่ด้านล่างของลูกเต๋ที่อยู่ในภาพ ลงในตารางข้างล่าง

(a) (b) (c)


(d) (e) (f)

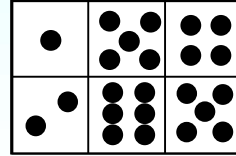
เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ในเชิงการอาชีพ
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: แถวบน (1 5 4) แถวล่าง (2 6 5) หรือนักเรียนอาจเขียนจำนวนจุดด้านหน้าลูกเต๋าแทนตัวเลขก็ได้  
ตั้งข้างล่าง

1	5	4
2	6	5



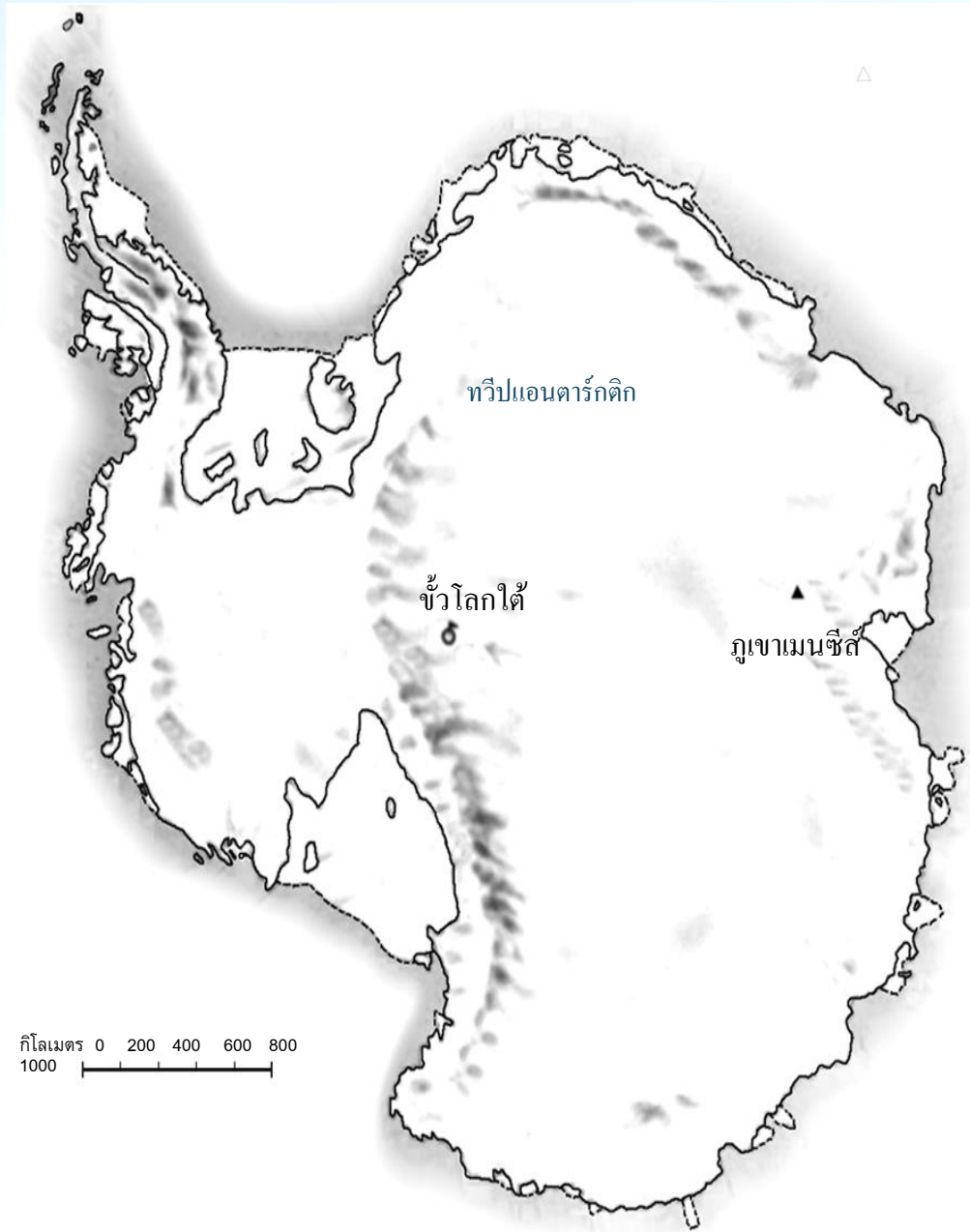
### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 6 เรื่อง พื้นที่ทวีป

ภาพข้างล่างคือ แผนที่ของทวีปแอนตาร์กติกา



■ คำถามที่ 1 : พื้นที่ทวีป

จงหาค่าโดยประมาณของพื้นที่ของทวีปแอนตาร์กติกา โดยใช้มาตราส่วนในแผนที่อธิบายวิธีการประมาณหาพื้นที่นี้ด้วย (นักเรียนสามารถลากเส้นในแผนที่ที่กำหนดมาให้ได้ ถ้ามันจะช่วยให้การประมาณง่ายขึ้น)

.....  
.....

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	การวัด
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

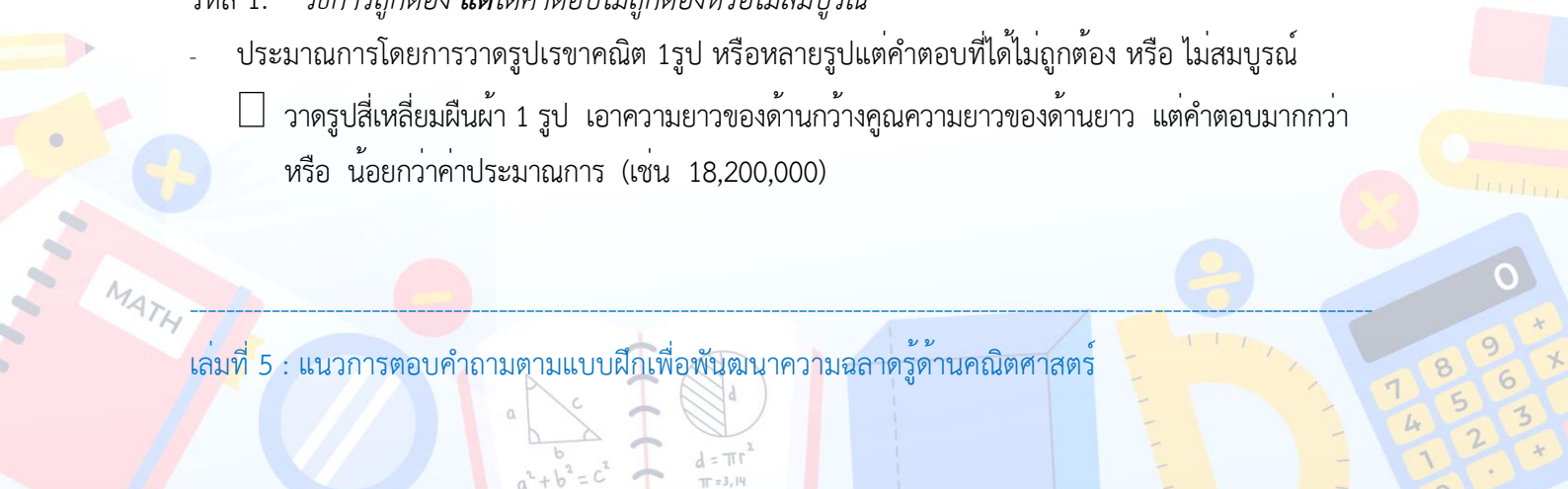
รหัส 2: คำตอบที่มีวิธีการถูกต้องและได้คำตอบถูกต้องด้วย เช่นวิธีใดวิธีหนึ่งต่อไปนี้

- ประมาณการโดยการวาดรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส 1 รูป หรือรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า 1 รูป ได้คำตอบพื้นที่ระหว่าง 12,000,000 ตร.กม. ถึง 18,000,000 ตร.กม.
- ประมาณการโดยการวาดรูปวงกลม 1 รูป ได้คำตอบพื้นที่ระหว่าง 12,000,000 ตร.กม. ถึง 18,000,000 ตร.กม.
- ประมาณการโดยการบวกพื้นที่รูปเรขาคณิตหลายๆ รูปเข้าด้วยกัน ได้คำตอบพื้นที่ระหว่าง 12,000,000 ตร.กม. ถึง 18,000,000 ตร.กม.
- ประมาณการโดยใช้วิธีการอื่นที่ถูกต้อง ได้คำตอบพื้นที่ระหว่าง 12,000,000 ตร.กม. และ 18,000,000 ตร.กม.

**ได้คะแนนบางส่วน**

รหัส 1: วิธีการถูกต้อง แต่ได้คำตอบไม่ถูกต้องหรือไม่สมบูรณ์

- ประมาณการโดยการวาดรูปเรขาคณิต 1 รูป หรือหลายรูปแต่คำตอบที่ได้ไม่ถูกต้อง หรือไม่สมบูรณ์
  - วาดรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า 1 รูป เอาความยาวของด้านกว้างคูณความยาวของด้านยาว แต่คำตอบมากกว่าหรือน้อยกว่าค่าประมาณการ (เช่น 18,200,000)



- วาดรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า 1 รูป เอาความยาวของด้านกว้างคูณความยาวของด้านยาว แต่จำนวนตัวเลขศูนย์ไม่ถูกต้อง (เช่น  $4,000 \times 3,500 = 140,000$ )
- วาดรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า 1 รูป เอาความยาวของด้านกว้างคูณความยาวของด้านยาว แต่ลืมเปลี่ยนมาตราส่วนเป็นตารางกิโลเมตร (เช่น  $12 \text{ ซม.} \times 15 \text{ ซม.} = 180$ )
- วาดรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า 1 รูป และบอกว่าพื้นที่เท่ากับ  $4,000 \text{ กม.} \times 3,500 \text{ กม.}$  แต่ไม่ทำอะไรต่อไป หรือ ประเมินการโดยใช้วิธีการอื่นที่ถูกต้อง - แต่คำตอบไม่ถูกต้อง หรือไม่สมบูรณ์

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบไม่ถูกต้องอื่นๆ (ไม่แสดงวิธีทำ และ คำตอบไม่ถูกต้อง) เช่น

- คำนวณหาความยาวเส้นรอบรูปแทนพื้นที่ เช่น  $16,000 \text{ กม.}$  ได้จากความยาวรอบรูปแทนที่คือ 16 ครั้งของระยะ  $1,000 \text{ กม.}$

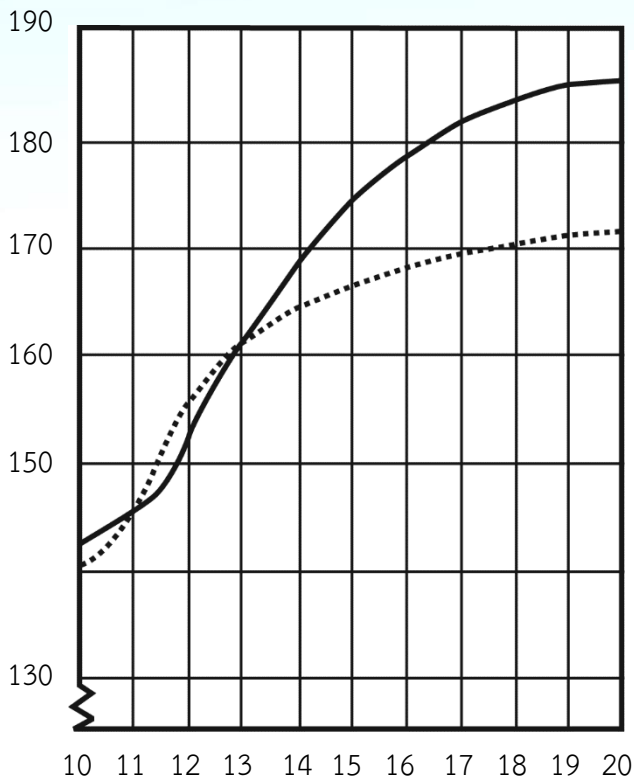
$16,000 \text{ กม.}$

รหัส 9 : ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 7 เรื่อง สูงขึ้น

#### เยาวชนสูงขึ้น

ในปี พ.ศ.2541 ความสูงเฉลี่ยของเยาวชนชายและหญิงในประเทศเนเธอร์แลนด์แสดงได้ดังกราฟต่อไปนี้



#### ■ คำถามที่ 1 : สูงขึ้น

ตั้งแต่ปี พ.ศ. 2523 ถึงปี พ.ศ. 2541 ความสูงเฉลี่ยของเยาวชนหญิงอายุ 20 ปี เพิ่มขึ้น 2.3 เซนติเมตรเป็น 170.6 เซนติเมตร อยากทราบว่าความสูงเฉลี่ยของเยาวชนหญิงอายุ 20 ปี เมื่อปี พ.ศ. 2523 เป็นเท่าไร

คำตอบ: .....เซนติเมตร

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 168.3 เซนติเมตร

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

#### ■ คำถามที่ 2 : สูงขึ้น

จากกราฟ โดยเฉลี่ยเยาวชนหญิงอายุเท่าไรจึงจะมีความสูงมากกว่าเยาวชนชายในวัยเดียวกัน

.....

.....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 2: บอกช่วงอายุ 11 – 13 ปีได้ถูกต้อง เช่น

- ระหว่างอายุ 11 และ 13 ปี
- จากอายุ 11 ถึง 13 ปี โดยเฉลี่ยเด็กหญิงสูงกว่าเด็กชาย
- 11 – 13

หรือ บอกว่าเด็กหญิงสูงกว่าเด็กชาย เมื่ออายุ 11 และ 12 ปี

(ถือว่าเป็นคำตอบที่ถูกต้องตามภาษาสามัญ เพราะหมายความถึงช่วงอายุ จาก 11 – 13 ปี)

- เด็กหญิงสูงกว่าเด็กชาย เมื่ออายุ 11 และ 12 ปี

อายุ 11 และ 12 ปี

### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: คำตอบที่เป็นเซ็ทย่อย (subset) ของ (11, 12, 13) ไม่อยู่ในส่วนที่ได้คำตอบถูก เช่น

- 12 ถึง 13
- 12
- 13
- 11
- 11.2 ถึง 12.8

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ เช่น

- ปี พ.ศ. 2541
- เด็กหญิงสูงกว่าเด็กชาย เมื่ออายุมากกว่า 13 ปี
- เด็กหญิงสูงกว่าเด็กชาย จากอายุ 10 ถึง 11 ปี

รหัส 9 : ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 3 : สูงขึ้น

จงอธิบายว่าลักษณะของกราฟเป็นอย่างไรที่แสดงว่า อัตราการเพิ่มขึ้นของการเจริญเติบโตโดยเฉลี่ยของเยาวชนหญิงลดลงหลังจากอายุ 12 ปี

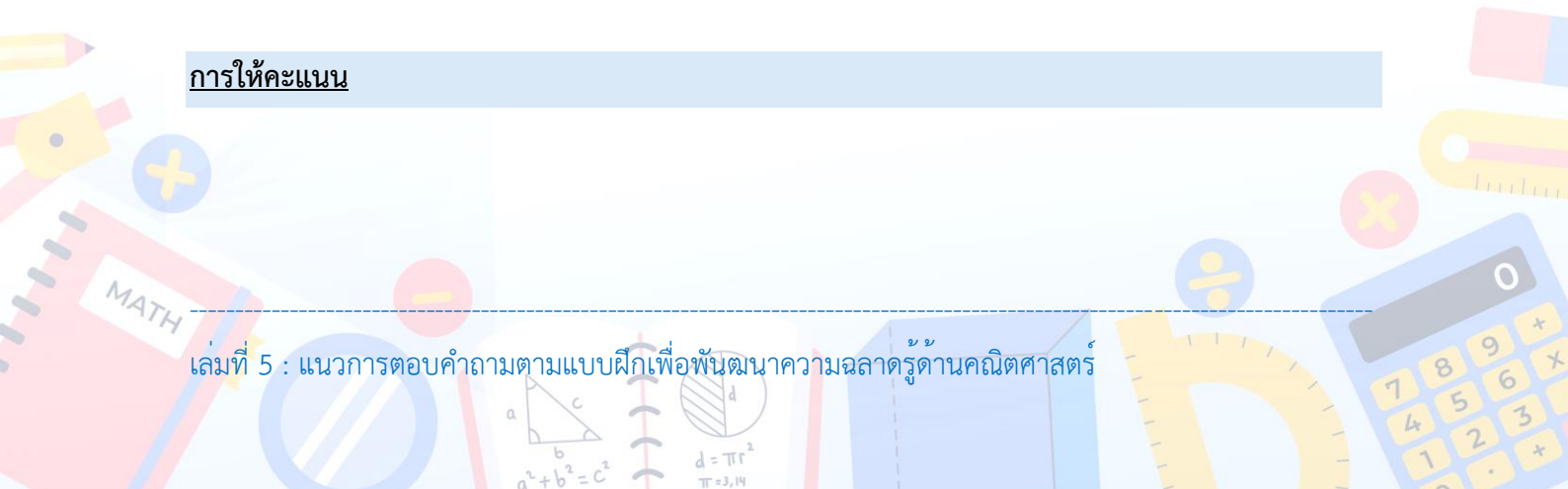
.....

.....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

### การให้คะแนน

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



### คะแนนเต็ม

รหัส 1: คำตอบจะต้องกล่าวถึง “การเปลี่ยนแปลง” ของความชันของเส้นกราฟความสูงเฉลี่ยของเด็กหญิง ซึ่งอาจบอกโดยตรง หรือบอกเป็นนัยว่ากราฟมีการเปลี่ยนแปลง ดังนี้

อ้างอิงถึงความชันที่ลดลงของเส้นกราฟ จากอายุ 12 ปีเป็นต้นไป โดยใช้ภาษาในชีวิตประจำวัน ไม่ใช่ภาษาคณิตศาสตร์ เช่น

- เส้นกราฟไม่พุ่งขึ้น แต่จะยืดออกไปทางแนวนอน
- เส้นกราฟยืดออกไป
- เส้นกราฟจะแบนราบ หลังอายุ 12 ปี
- เส้นกราฟของเด็กหญิงเริ่มเป็นแนวราบ แต่เส้นกราฟของเด็กชายสูงขึ้น
- เส้นกราฟเบนออกทางแนวนอน และเส้นกราฟของเด็กชายสูงขึ้นเรื่อยๆ

หรือ อ้างอิงถึงความชันที่ลดลงของเส้นกราฟจากอายุ 12 ปีขึ้นไป โดยใช้ภาษาทางคณิตศาสตร์

- จะเห็นได้ว่าความชันลดลง
- อัตราของการเปลี่ยนแปลงของกราฟลดลงหลังจาก 12 ปีขึ้นไป
- [นักเรียนหา มุมของเส้นกราฟบนแกน X ก่อนและหลังอายุ 12 ปี]

โดยปกติถ้ามีคำว่า “ความแตกต่าง” หรือ “อัตราการเปลี่ยนแปลง” หรือ “ความชัน” ถือว่าใช้ภาษาคณิตศาสตร์

หรือ เปรียบเทียบการเจริญเติบโตที่เกิดขึ้นจริงก่อนอายุ 12 ปี และหลังอายุ 12 ปี (อาจเปรียบเทียบโดยอ้อมก็ได้)

- จากอายุ 10 ถึง 12 ปี มีการเจริญเติบโตประมาณ 15 ซม. แต่จากอายุ 12 - 20 ปี มีการเจริญเติบโตประมาณ 17 ซม. เท่านั้น

อัตราการเจริญเติบโตเฉลี่ยจาก 10 ถึง 12 มีประมาณ 7.5 ซม. ต่อปี แต่จากอายุ 12 ถึง 20 ปี จะมีประมาณ 2 ซม. ต่อปี เท่านั้น

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: นักเรียนบอกว่า ความสูงของเด็กหญิงลดต่ำกว่าความสูงของเด็กชาย แต่ไม่พูดถึงความชันของกราฟเด็กหญิง หรือไม่เปรียบเทียบอัตราการเจริญเติบโตของเด็กหญิงก่อนและหลังอายุ 12 ปี เช่น

- เส้นกราฟของหญิงลดต่ำกว่าเส้นกราฟของชาย

ถ้านักเรียนบอกว่ากราฟของหญิงมีความชันลดต่ำกว่าให้ถูกต้อง ต่างกับ บอกว่าเส้นกราฟของหญิงลดต่ำกว่าเส้นกราฟของชาย เพราะคำถามนี้ไม่ต้องดูการเปรียบเทียบของกราฟระหว่างชายและหญิง จึงไม่ต้องสนใจการอ้างอิงถึงการเปรียบเทียบนั้น ให้ตัดสินจากคำตอบที่เหลือ

หรือ คำตอบอื่นๆ ที่ไม่ถูก เช่น คำตอบที่ไม่อ้างอิงถึงลักษณะของกราฟ เพราะคำถามถามอย่างชัดเจนว่ากราฟแสดงอย่างไร

- เด็กหญิงมีวุฒิภาวะเร็วกว่า
- เพราะเด็กหญิงเข้าสู่วัยรุ่นก่อนเด็กชาย และมีการเจริญเติบโตเร็วกว่า
- เด็กหญิงไม่ค่อยเจริญเติบโตมากนักหลังจากอายุ 12 ปี [บอกว่าการเจริญเติบโตของเด็กหญิงช้าลงหลังจากอายุ 12 ปี แต่ไม่ได้อ้างอิงกราฟ]

รหัส 9 : ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 8 เรื่อง พืชชำ

ร้านพืชชำมีพืชชำถาดกลมให้เลือก 2 ขนาดที่ความหนาเท่ากัน ถาดเล็กมีเส้นผ่าศูนย์กลาง 30 cm ราคา 30 เซต ถาดใหญ่มีเส้นผ่าศูนย์กลาง 40 cm ราคา 40 เซต

### ■ คำถามที่ 1 : พืชชำ

พืชชำขนาดใดที่คุ้มกับเงินที่จ่ายมากกว่ากัน แสดงเหตุผลของนักเรียน

.....

.....

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 2: ให้เหตุผลทั่วไปว่าพื้นที่ผิวของพืชชำเพิ่มขึ้นเร็วกว่าราคาของพืชชำเพื่อสรุปว่าพืชชำถาดใหญ่คุ้มค่าน่ากว่าเส้นผ่าศูนย์กลางของพืชชำเท่ากับราคา แต่ปริมาณของพืชชำที่ได้คำนวณได้จาก เส้นผ่าศูนย์กลาง<sup>2</sup> ดังนั้น ถาดใหญ่ คุณจะได้พืชชำมากกว่าต่อเซต

#### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: คำนวณพื้นที่และพื้นที่ต่อเซตสำหรับพืชชำแต่ละขนาดเพื่อสรุปว่าพืชชำถาดใหญ่คุ้มค่าน่ากว่าพื้นที่ของพืชชำถาดเล็กเท่ากับ  $0.25 \times \pi \times 30 \times 30 = 225\pi$  พื้นที่ต่อเซตเท่ากับ  $23.6 \text{ cm}^2$  พื้นที่ของพืชชำถาดใหญ่

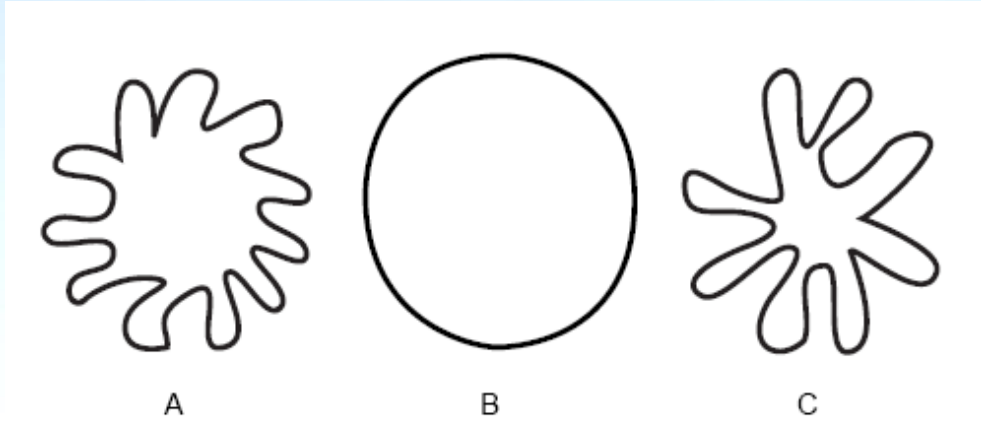
เท่ากับ  $0.25 \times \pi \times 40 \times 40 = 400\pi$  พื้นที่ต่อเซตเท่ากับ  $31.4 \text{ cm}^2$  ดังนั้นพืชชำถาดใหญ่คุ้มค่าน่ากว่า

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ หรือคำตอบถูกที่ไม่ให้เหตุผล หรือตอบว่า คุ้มค่าน่าเท่ากัน

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 9 เรื่อง รูปร่าง



### ■ คำถามที่ 1 : รูปร่าง

รูปร่างใดที่มีพื้นที่มากที่สุด ให้นักเรียนอธิบายเหตุผลด้วย

.....

.....

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ตอบว่ารูป B โดยมีเหตุผลที่เป็นไปได้สนับสนุน เช่น

- มันมีพื้นที่ใหญ่ที่สุดเพราะรูปอื่นๆ สามารถเข้าไปอยู่ภายในรูป B ได้
- B ไม่มีรอยเว้าซึ่งจะไปลดพื้นที่ ส่วน A และ C มีช่องว่าง
- B เพราะมันเป็นวงกลมเต็มวง และรูปอื่นคล้ายวงกลมแต่มีส่วนเล็กๆ ถูกเอาออกไป
- B เพราะมันไม่มีพื้นที่เปิด

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ หรือตอบโดยไม่มีเหตุผลที่เป็นไปได้สนับสนุน

- B เพราะมันมีพื้นที่ผิวมากที่สุด
- วงกลม มันค่อนข้างเห็นได้ชัด
- B เพราะมันใหญ่กว่า

รหัส 9 : ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

■ คำถามที่ 2 : รูปร่าง

จงอธิบายวิธีการประมาณพื้นที่ของรูป C

.....

.....

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 2: ใช้วิธีที่เหมาะสม เช่น

- วาดตารางรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสบนรูป C และนับจำนวนช่องสี่เหลี่ยมจัตุรัสที่มีรูป C ทัບอยู่มากกว่าครึ่งครึ่งหนึ่งของช่อง
- ตัดแขนที่ยื่นของรูป C ออกแล้วเอามาจัดเรียงใหม่ในรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส จากนั้นวัดด้านของสี่เหลี่ยมจัตุรัส
- สร้างแบบจำลอง 3 มิติ ตามรูป C เติมน้ำให้เต็ม วัดปริมาณน้ำที่ใช้และความลึกของน้ำในโมเดล นำมาคำนวณหาพื้นที่จากข้อมูล

ตัวอย่างคำตอบ เช่น

- คุณสามารถเอารูปวงกลม สี่เหลี่ยม และรูปร่างพื้นฐานอื่นจำนวนมากมาใส่ในรูป C จนไม่มีช่องว่างคำนวณพื้นที่ของรูปที่นำมาใส่ทุกรูปแล้วนำไปบวกกัน
- วาดรูป C ลงบนกระดาษกราฟ และนับจำนวนช่องที่มันกินพื้นที่ทั้งหมด
- วาดช่องที่มีขนาดเท่าๆ กันแล้วนับจำนวนช่อง ยิ่งใช้ช่องขนาดเล็กยิ่งให้ความแม่นยำยิ่งขึ้น (คำอธิบายของนักเรียนเป็นแบบสั้นๆ แต่เราจะยกประโยชน์ให้ในเรื่องทักษะการเขียนของนักเรียน และดูเฉพาะวิธีการที่นักเรียนตอบซึ่งถูกต้อง)
- ทำให้มันเป็นโมเดล 3 มิติ แล้วใส่น้ำให้สูงขึ้นมา 1 cm แล้ววัดปริมาตรของน้ำที่ใส่เติม

**ได้คะแนนบางส่วน**

รหัส 1: ใช้วิธีอื่น เช่น

- นักเรียนเสนอแนะให้หาพื้นที่ของวงกลม แล้วลบด้วยพื้นที่ของส่วนที่ถูกตัดออก อย่างไรก็ตามนักเรียนไม่ได้กล่าวถึงวิธีหาพื้นที่ของส่วนที่ถูกตัดออก
- บวกพื้นที่ของแต่ละแขนของรูป C

ตัวอย่างคำตอบ เช่น

- หาพื้นที่ของ B จากนั้นหาพื้นที่ของส่วนที่ถูกตัดออกแล้วนำมาลบออกจากพื้นที่หลัก
- เอารูปมาลบออกจากวงกลม

- นำพื้นที่แต่ละส่วนที่แยกกันมาบวกกัน เช่น
- ใช้รูปร่างแบนนั้นแล้วเทของเหลวใส่เข้าไป
- ใช้กราฟ
- มีพื้นที่เป็นครึ่งหนึ่งของรูป B
- คำนวณหาพื้นที่ว่าหา 1 ขาเป็นกี่ตารางมิลลิเมตร แล้วเอามาคูณด้วย 8

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ เช่น

- ใช้เชือก วัดความยาวรอบรูป ยึดเชือกออกเป็นรูปวงกลมแล้วคำนวณหาพื้นที่โดยใช้สูตร  $\pi r^2$  (คำอธิบายของนักเรียนไม่ถูกต้อง)

รหัส 9: ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 3 : รูปร่าง

อธิบายวิธีการประมาณความยาวรอบรูปของรูป C

.....

.....

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ใช้วิธีที่เหมาะสม เช่น

- วางเชือกไปบนเส้นตามรูป C จากนั้นความยาวของเชือกที่ใช้
- ตัดตามรูปให้เป็นเส้นตรงให้มากที่สุดออกเป็นชิ้นเล็กๆ แล้วนำมาต่อกันเป็นเส้นตรงแล้ววัดความยาวของเส้น

วัดความยาวของแขนบางแขนเพื่อหาค่าความยาวเฉลี่ยของแต่ละแขนจากนั้นคูณด้วย 8 (จำนวนแขน)  $\times 2$

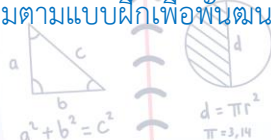
### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ เช่น

- วัดตามขอบด้านนอก (คำอธิบายของนักเรียนไม่ได้บอกวิธีในการวัด บอกเพียงแต่ “วัด” ไม่ได้เสนอวิธีที่จะวัดรูปร่างนั้นอย่างไร)
- ยึดรูปออกมาเพื่อทำให้มันเป็นวงกลม (แม้ว่าอธิบายของนักเรียนจะบอกวิธีการแต่เป็นวิธีที่ผิด)

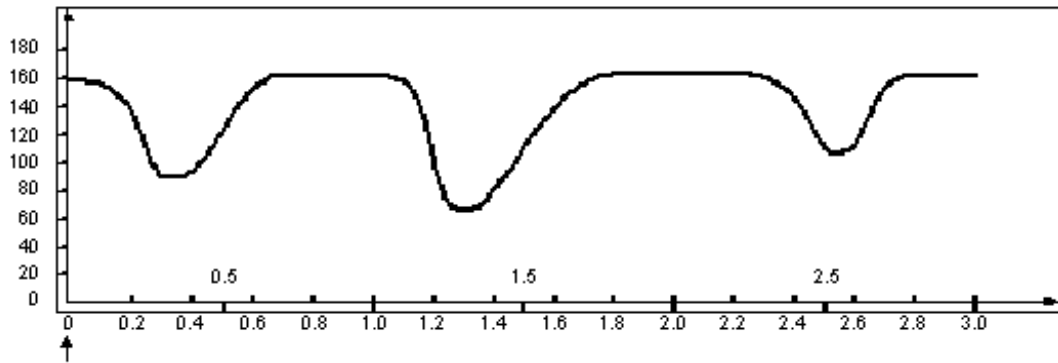
รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



## สถานการณ์ที่ 10 เรื่อง ความเร็วของรถแข่ง

กราฟต่อไปนี้แสดงให้เห็นการเปลี่ยนแปลงความเร็วของรถแข่งคันหนึ่ง ที่วิ่งในสนามแข่งทางราบระยะทาง 3 กิโลเมตร



### ■ คำถามที่ 1 : ความเร็วของรถแข่ง

ระยะทางโดยประมาณจากจุดปล่อยรถจนถึงจุดเริ่มต้นของส่วนที่เป็นทางตรงยาวที่สุดของสนามแข่ง เป็นระยะทางเท่าไร

1. 0.5 กิโลเมตร
2. 1.5 กิโลเมตร
3. 2.3 กิโลเมตร
4. 2.6 กิโลเมตร

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 2. 1.5 กิโลเมตร

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

#### ■ คำถามที่ 2 : ความเร็วของรถแข่ง

อัตราเร็วที่ต่ำสุดในระยะที่สองของรถแข่งคันนี้เกิดขึ้น ณ จุดไหน

1. ที่จุดเริ่มต้น
2. ที่ประมาณกิโลเมตรที่ 0.8
3. ที่ประมาณกิโลเมตรที่ 1.3
4. ครึ่งรอบสนาม

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. ที่ประมาณกิโลเมตรที่ 1.3

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : ความเร็วของรถแข่ง

อัตราเร็วของรถแข่งระหว่างกิโลเมตรที่ 2.6 และกิโลเมตรที่ 2.8 เป็นอย่างไร

1. อัตราเร็วคงที่
2. อัตราเร็วเพิ่มขึ้น
3. อัตราเร็วลดลง
4. ไม่สามารถบอกอัตราเร็วได้จากกราฟ

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: ข้อ 2. อัตราเร็วเพิ่มขึ้น

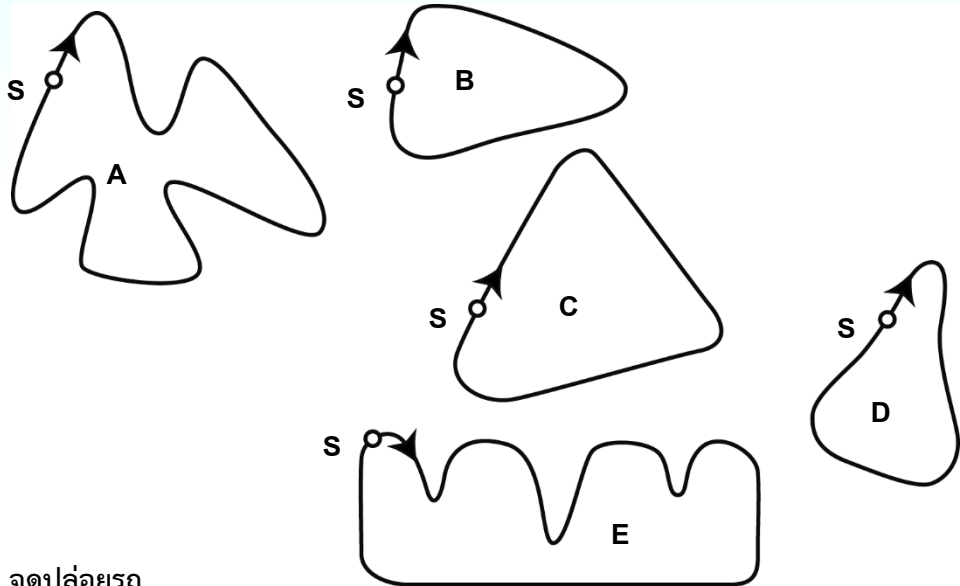
**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 4 : ความเร็วของรถแข่ง

ภาพต่อไปนี้ คือ ทางวิ่งของสนามแข่งรถห้าแบบด้วยกัน สนามแข่งรถที่ทำให้รถมีอัตราเร็วสุดคล้อยกับกราฟข้างต้น สนามแข่งควรจะมีลักษณะอย่างไร



S: จุดปล่อยรถ

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟิสิกส์
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: รูป B

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 11 เรื่อง สามเหลี่ยม

#### ■ คำถามที่ 1 : สามเหลี่ยม

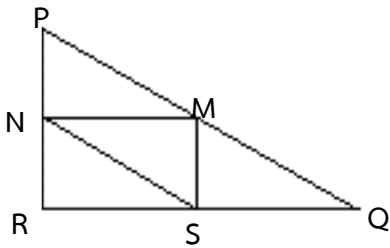
จงเขียนวงกลมล้อมรอบข้อที่มีรูปตรงกับคำอธิบายต่อไปนี้

สามเหลี่ยม PQR เป็นสามเหลี่ยมมุมฉาก มีมุม R เป็นมุมฉาก ส่วนของเส้นตรง RQ สั้นกว่าส่วนของเส้นตรง PR

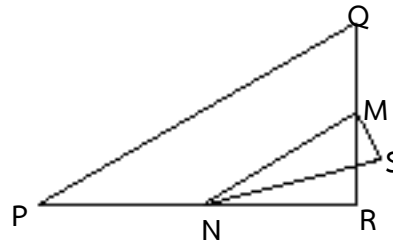
จุด M เป็นจุดกึ่งกลางของส่วนของเส้นตรง PQ และจุด N เป็นจุดกึ่งกลางของส่วนของเส้นตรง QR

จุด S อยู่ภายในสามเหลี่ยม ส่วนของเส้นตรง MN ยาวกว่าส่วนของเส้นตรง MS

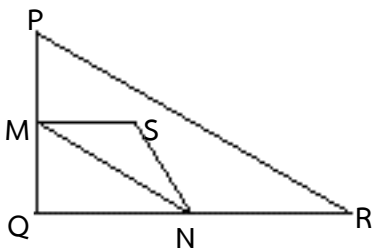
1.



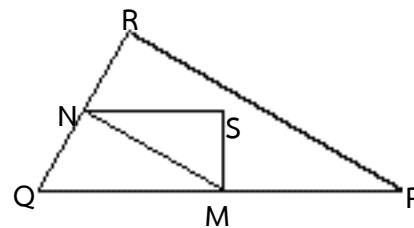
2.



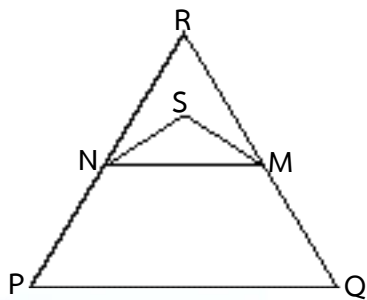
3.



4.



5.



เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	เรขาคณิต
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	-
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

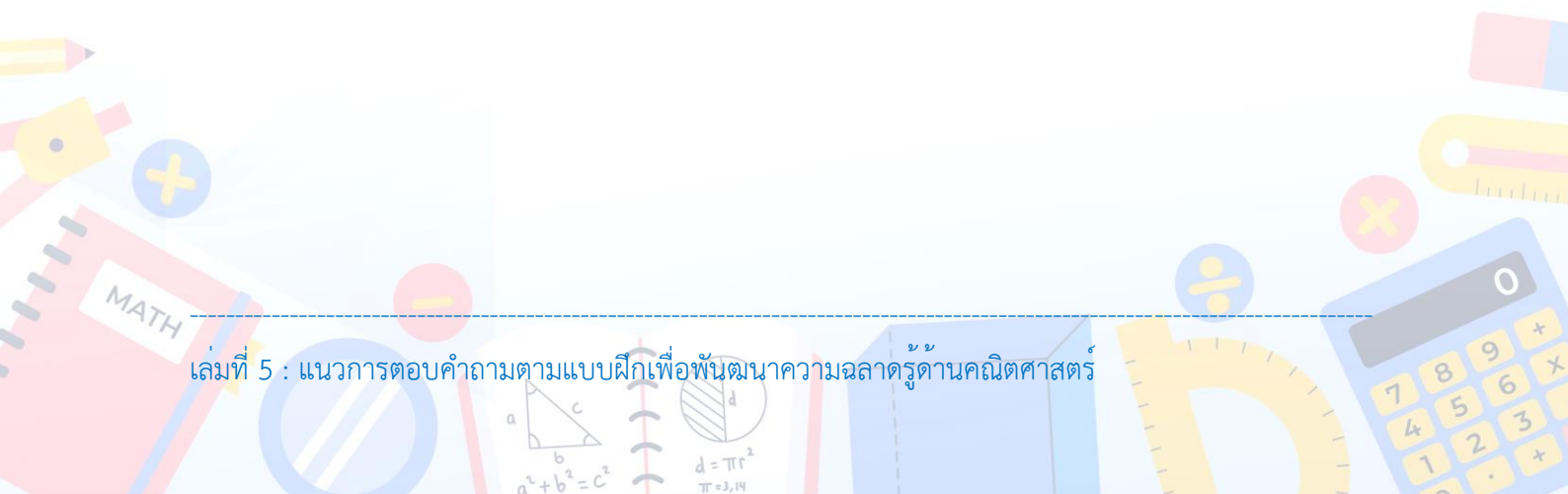
#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 4.

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

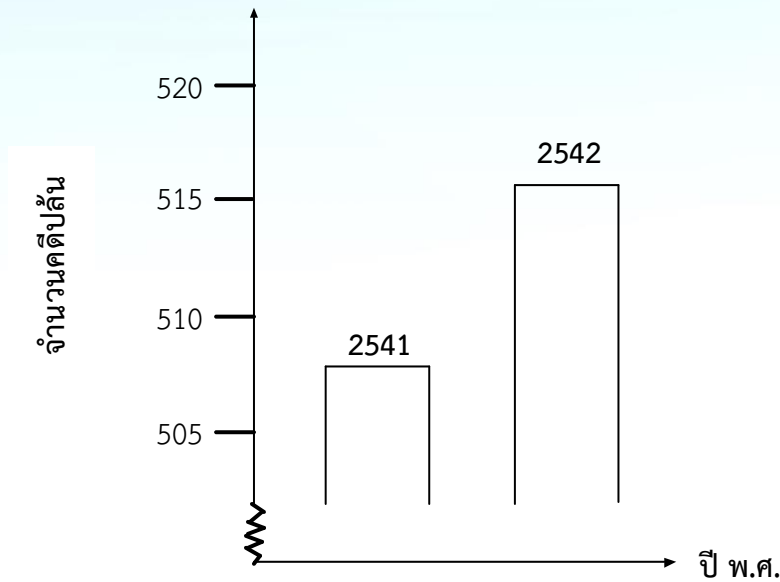
รหัส 9 : ไม่ตอบ



## สถานการณ์ที่ 12 เรื่อง คดีปล้น

นักข่าวโทรทัศน์แสดงกราฟต่อไปนี้ และรายงานว่า

“กราฟแสดงให้เห็นว่าคดีปล้นในปี พ.ศ. 2542 มีจำนวนเพิ่มขึ้นจากปี พ.ศ. 2541 มาก”



### ■ คำถามที่ 1 : คดีปล้น

นักเรียนคิดว่าคำพูดของนักข่าวคนนี้ เป็นการแปลความหมายกราฟอย่างสมเหตุสมผลหรือไม่ พร้อมเขียนคำอธิบายสนับสนุนคำตอบของนักเรียน

.....

.....

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	สถิติ
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 2: ตอบว่าไม่ใช่หรือไม่สมเหตุสมผล โดยให้ความสำคัญตรงข้อเท็จจริงที่ว่า มีกราฟที่แสดงให้เห็นได้เพียงส่วนน้อยเท่านั้น เช่น

- ไม่สมเหตุสมผล ควรแสดงรูปภาพทั้งหมดไว้ด้วย
- ขำพเจ้าไม่คิดว่า การแปลความหมายของกราฟจะสมเหตุสมผล เพราะถ้าแสดงกราฟไว้ทั้งหมดก็จะเห็นว่ามียอดเพิ่มขึ้นเพียงเล็กน้อยเท่านั้น
- ไม่ใช่ เพราะว่าเขาแสดงกราฟเฉพาะส่วนบนเท่านั้น ถ้าดูกราฟทั้งหมดจากช่วง 0 – 520 จะเห็นว่าไม่เพิ่มสูงขึ้นมากนัก
- ไม่ใช่ เพราะถ้าดูจากกราฟดูเหมือนจะเพิ่มขึ้นมาก แต่ถ้าดูจากตัวเลข จะเห็นว่าเพิ่มขึ้นไม่มากนัก

หรือ ตอบว่าไม่ใช่หรือไม่สมเหตุสมผล โดยคำตอบมีค่าแย้งในเชิงของอัตราส่วน หรือ ร้อยละที่เพิ่มขึ้น เช่น

- ไม่ใช่, ไม่สมเหตุสมผล คดีปล้นเพิ่มขึ้น 10 คดี ถือว่าไม่มากนักเมื่อเปรียบเทียบกับจำนวนทั้งหมดที่มี 500 คดี
- ไม่ใช่ ไม่สมเหตุสมผล เมื่อคิดเป็นร้อยละ มีการเพิ่มขึ้นประมาณ 2% เท่านั้น
- ไม่ใช่ คดีปล้นเพิ่มขึ้น 8 คดี หมายถึง เพิ่มขึ้นร้อยละ 1.5 ซึ่งขำพเจ้าเห็นว่าไม่มากนัก
- ไม่ใช่ ปีนี้คดีปล้นเพิ่มขึ้นเพียง 8 หรือ 9 คดี เมื่อเปรียบเทียบกับจำนวนคดี 507 คดีแล้ว ถือว่าเพิ่มขึ้นไม่มากนัก

หรือ บอกแนวโน้มของข้อมูลก่อนที่จะตัดสินว่า เพิ่มขึ้นมากหรือไม่มาก เช่น

- เราไม่สามารถบอกได้ว่า การเพิ่มขึ้นนั้นมากหรือไม่ ถ้าในปี พ.ศ. 2540 และ พ.ศ. 2541 มีคดีปล้นเท่ากันแล้ว ก็อาจบอกได้ว่าคดีปล้น ในปี พ.ศ. 2542 เพิ่มขึ้นมากขึ้น
- ไม่มีทางบอกได้ว่า การเพิ่มขึ้นมากขนาดไหน เพราะอย่างน้อยต้องทราบค่าการเปลี่ยนแปลง 2 ค่า จึงจะบอกได้ว่าค่าหนึ่งมาก และอีกค่าหนึ่งน้อย

### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: ตอบว่าไม่ใช่หรือไม่สมเหตุสมผล แต่ไม่อธิบายในรายละเอียด

- ให้ความสำคัญกับการเพิ่มของตัวเลขของจำนวนคดีปล้นเท่านั้น แต่ไม่เปรียบเทียบกับคดีทั้งหมด
- ไม่สมเหตุสมผล คดีปล้นมีเพิ่มขึ้นประมาณ 10 ครั้ง คำว่า “มาก” ไม่ได้อธิบายว่าเป็นจำนวนเท่าไร จำนวนคดีปล้นที่เพิ่มขึ้นมีประมาณ 10 ครั้ง จึงไม่คิดว่าเพิ่มขึ้นมาก
- การเพิ่มจากจำนวน 508 เป็น 515 เป็นการเพิ่มที่ไม่มาก
- ไม่ใช่, เพราะการเพิ่มจำนวน 8 หรือ 9 นั้น ไม่ใช่จำนวนมาก
- ก็คิดว่าเพิ่มขึ้นจาก 507 เป็น 515 มีการเพิ่มขึ้น แต่ไม่มาก

หมายเหตุ: มาตรฐานบนกราฟไม่ชัดเจน ให้ถือว่ามียอดคดีปล้นเพิ่มขึ้น 5 – 15 คดี

หรือ ตอบว่าไม่ใช่หรือไม่สมเหตุสมผล พร้อมทั้งให้วิธีการคิดที่ถูกต้อง แต่มีการคิดคำนวณผิดพลาดบ้าง

- วิธีการและข้อสรุปถูกต้อง แต่คำนวณค่าร้อยละได้ 0.03%

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: ตอบว่าไม่ใช่ โดยให้คำอธิบายไม่เพียงพอหรือไม่ถูกต้อง เช่น

- ไม่ใช่ ข้าพเจ้าไม่เห็นด้วย
- ผู้รายงานไม่ควรใช้คำว่า “มาก”
- ไม่ใช่ ไม่สมเหตุสมผล ผู้รายงานมักสร้างภาพเกินความเป็นจริงเสมอ

หรือ ตอบว่าใช่ เน้นที่ลักษณะของกราฟและบอกว่ามีคติปล้นเพิ่มขึ้นเป็น 2 เท่า เช่น

- ใช่ กราฟมีความสูงเป็นสองเท่า
- ใช่ จำนวนคติปล้นเพิ่มขึ้นเกือบเป็นสองเท่า

หรือ ตอบว่าใช่ ไม่มีคำอธิบายหรือคำอธิบายเป็นอย่างอื่น หรือคำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

หมายเหตุ : การใช้คำ “ไม่ใช่” ในรหัสเหล่านี้หมายถึงรวมถึงข้อความทั้งหมดที่แสดงว่า การแปลความหมายของกราฟไม่สมเหตุสมผล และใช้คำว่า “ใช่” หมายถึงรวมถึงข้อความทั้งหมดที่แสดงว่า การแปลความหมายของกราฟได้สมเหตุสมผล โปรดประเมินว่าคำตอบของนักเรียนนั้น แสดงว่าตีความกราฟได้สมเหตุสมผลหรือไม่ อย่าดูเพียงคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” เป็นเกณฑ์ในการให้คะแนนเท่านั้น

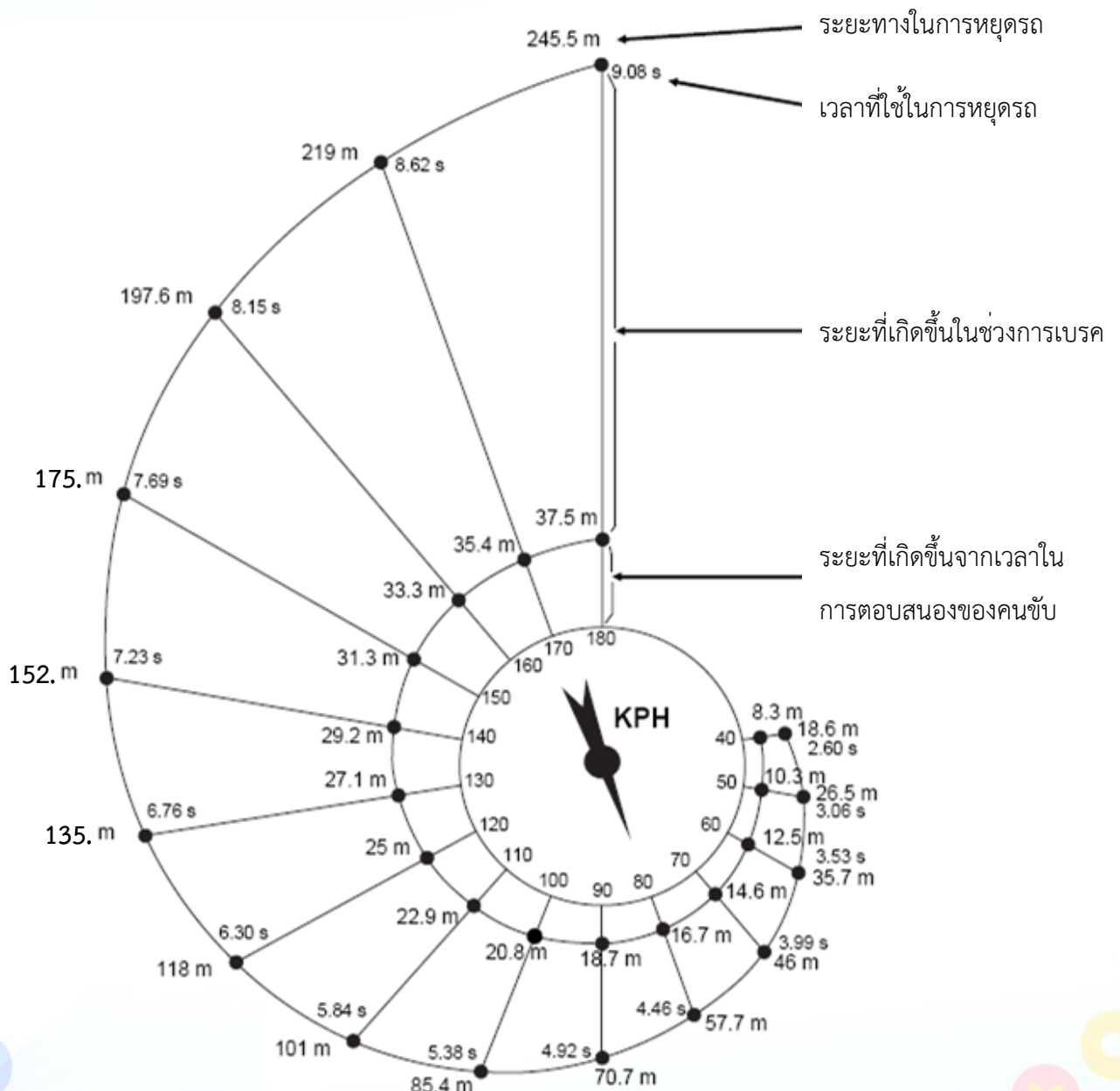
รหัส 9 : ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 13 เรื่อง การหยุดรถ

ระยะทางโดยประมาณสำหรับใช้ในการหยุดรถยนต์เป็นผลรวมของ

- ระยะที่เกิดขึ้นในช่วงเวลาที่ผู้ขับเริ่มเหยียบเบรก (ระยะจากเวลาในการตอบสนอง)
- ระยะที่เกิดขึ้นในขณะที่เหยียบเบรก (ระยะในการเบรก)

แผนภาพรูป “ก้นหอย” ด้านล่างแสดงระยะตามทฤษฎีที่ใช้ในการหยุดรถยนต์จากการเบรกในสภาวะปกติ (คนขับรถมีความตื่นตัว เบรกและยางรถยนต์อยู่ในสภาพที่สมบูรณ์ ถนนแห้งและมีผิวเรียบ) และระยะที่ใช้ในการหยุดรถยนต์ขึ้นอยู่กับความเร็วของรถ



เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

■ คำถามที่ 1 : การหยุดรถ

ถ้ารถยนต์ขับมาด้วยความเร็ว 110 กม./ชม. ระยะที่เกิดขึ้นจากเวลาในการตอบสนองของคนขับจะเป็นเท่าใด

.....  
.....

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: 22.9 เมตร (ไม่จำเป็นต้องใส่หน่วย)

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : การหยุดรถ

ถ้ารถยนต์ขับมาด้วยความเร็ว 110 กม./ชม. ระยะที่เกิดขึ้นทั้งหมดก่อนที่รถจะหยุดเป็นเท่าใด

.....  
.....

**การให้คะแนน**

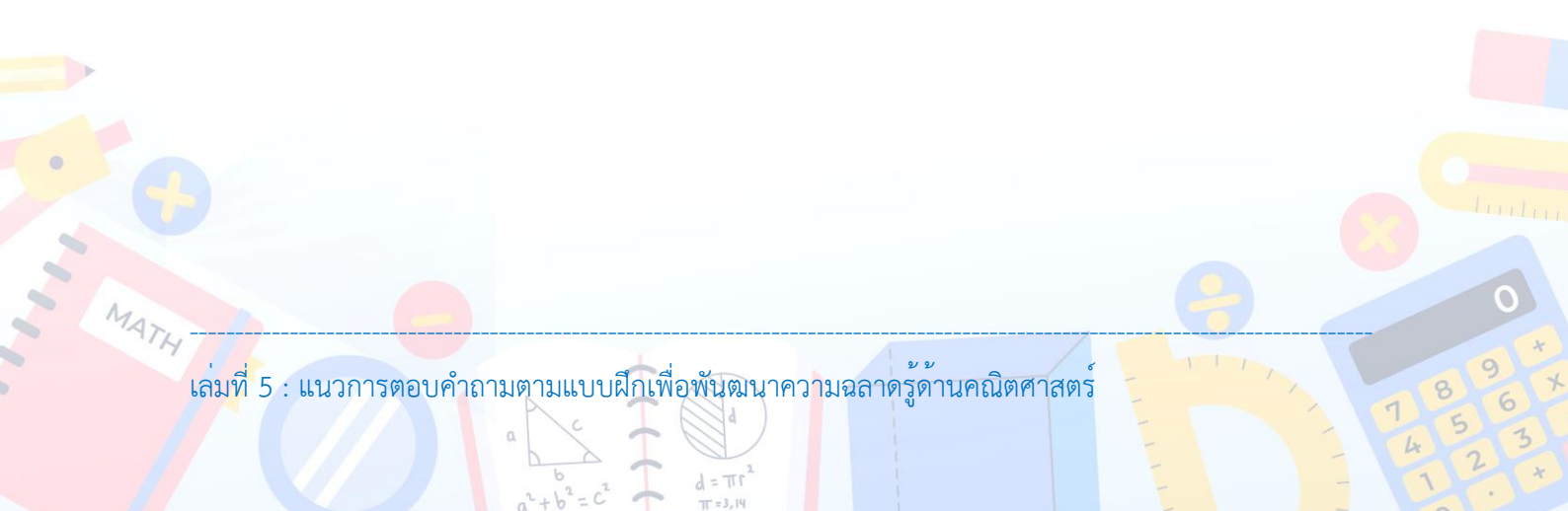
**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: 101 เมตร (ไม่จำเป็นต้องใส่หน่วย)

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ



■ คำถามที่ 3 : การหยุดรถ

ถ้ารถยนต์ขับมาด้วยความเร็ว 110 กม./ชม. ในการหยุดรถยนต์จนถึงสนิทจะใช้เวลาานานเท่าใด

.....  
.....

การให้คะแนน

*คะแนนเต็ม*

รหัส 1: 5.84 วินาที (ไม่จำเป็นต้องใส่หน่วย)

*ไม่ได้คะแนน*

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 4 : การหยุดรถ

ถ้ารถยนต์ขับมาด้วยความเร็ว 110 กม./ชม. ระยะที่เกิดขึ้นในช่วงการเบรกเป็นเท่าใด

.....  
.....

การให้คะแนน

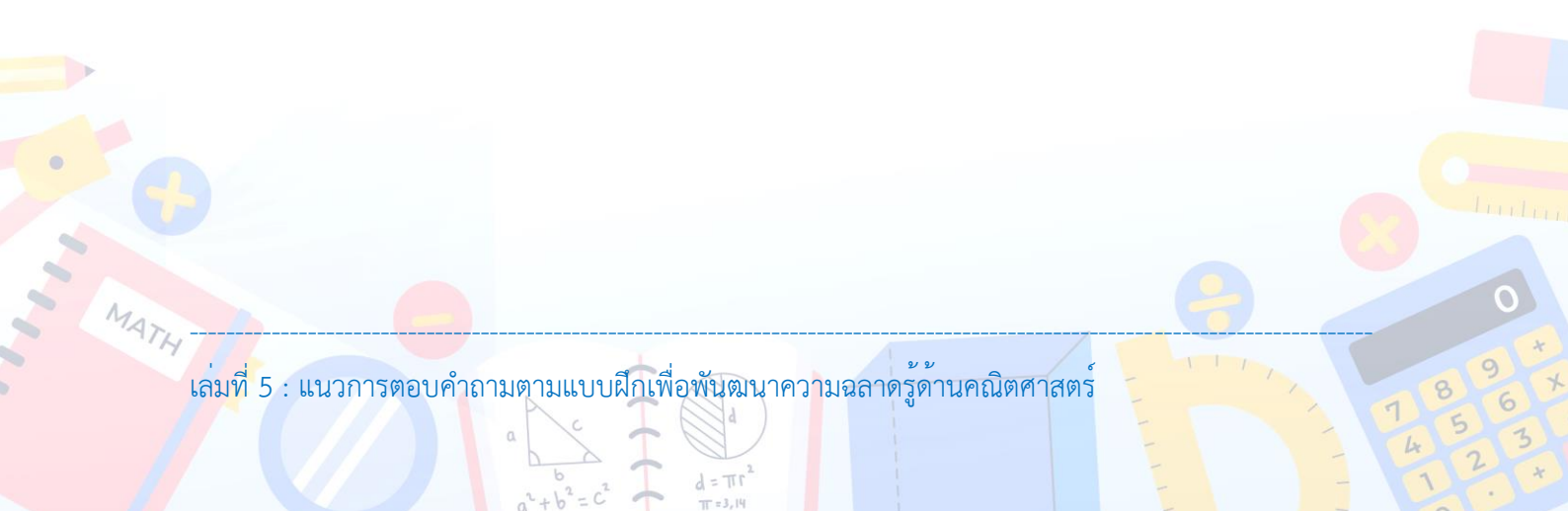
*คะแนนเต็ม*

รหัส 1: 78.1 เมตร (ไม่จำเป็นต้องใส่หน่วย)

*ไม่ได้คะแนน*

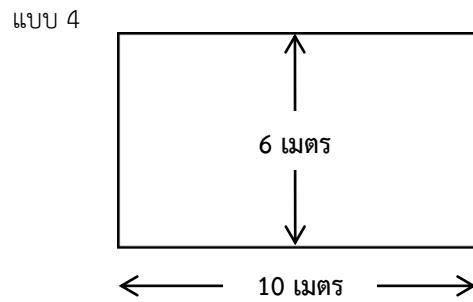
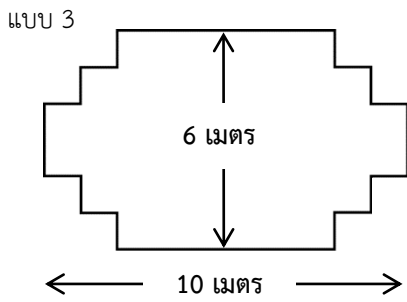
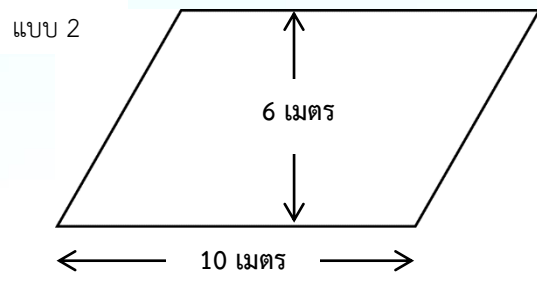
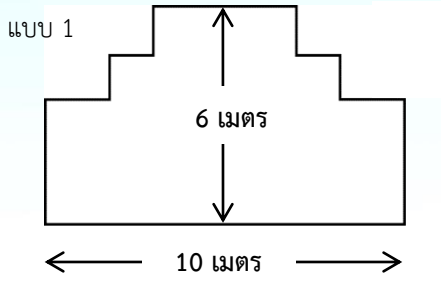
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ



### สถานการณ์ที่ 14 เรื่อง ช่างไม้

ช่างไม้มีกระดานยาว 32 เมตร และต้องการใช้ไม้นี้ล้อมกรอบสวนหย่อม เขามีแบบสวนหย่อมที่คิดไว้ 4 แบบ ดังนี้



■ คำถามที่ 1 : ช่างไม้

จงเขียนวงกลมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” เพื่อบอกว่าสวนหย่อมแต่ละแบบสามารถล้อมกรอบด้วยไม้กระดาน 32 เมตรนี้ได้ใช่หรือไม่

แบบสวนหย่อม	ตามแบบนี้สามารถล้อมกรอบสวนหย่อมด้วยไม้ 32 เมตร
	ได้ใช่หรือไม่
แบบ 1	ใช่ / ไม่ใช่
แบบ 2	ใช่ / ไม่ใช่
แบบ 3	ใช่ / ไม่ใช่
แบบ 4	ใช่ / ไม่ใช่

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	เรขาคณิต
สถานการณ์:	ในเชิงการศึกษา
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบเชิงซ้อน

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 2: ตอบถูกทั้ง 4 ข้อ : ใช่ ไม่ใช่ ใช่ ใช่ ตามลำดับ

**ได้คะแนนบางส่วน**

รหัส 1: ตอบถูก 3 ข้อ

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: ตอบถูก 2 ข้อหรือน้อยกว่า

รหัส 9 : ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 15 เรื่อง ลานบ้าน

### ■ คำถามที่ 1 : ลานบ้าน

นิตต้องการปูพื้นบริเวณลานบ้านรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า กว้าง 3.00 เมตร ยาว 5.25 เมตร เขาต้องใช้อิฐ 81 ก้อนต่อตารางเมตร จงคำนวณหาจำนวนอิฐทั้งหมดที่นิตต้องใช้ในการปูลานบ้าน

.....

.....

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 2: 1275 1276 หรือ 1275.75 (ไม่จำเป็นต้องใส่หน่วย) เช่น

$5.25 \times 3 = 15.75 \times 81 = 1276$

#### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: 15.75 (ไม่จำเป็นต้องใส่หน่วย) หรือ

1215 ก้อน สำหรับ 5 เมตร  $\times$  3 เมตร

(ให้คะแนนกับนักเรียนที่คำนวณจำนวนอิฐด้วยตัวเลขตารางเมตรที่เป็นจำนวนเต็ม แต่ไม่ให้คะแนนถ้าใช้เป็นตัวเศษเศษส่วน)

หรือ คำนวณพื้นที่ผืนที่ผิดแต่คูณด้วย 81 ได้ถูกต้อง

หรือ บัดเศษของพื้นที่แล้วคูณด้วย 81 ได้ถูกต้อง เช่น

$5.25 \times 3 = 15.75$

$15.75 \times 81 = 9000$

$81 \times 15 = 1215$  ,  $1215 + 21 = 1236$

$5.25 \times 3 = 15.75 \text{ m}^2$  ดังนั้น  $15.75 \times 1275.75 = 1376$  ก้อน (ในครั้งแรกนักเรียนทำได้ถูกต้อง แต่ส่วนที่ 2 ผิด ให้คะแนนในครั้งแรก ส่วนที่ 2 ไม่นำมาคิด ดังนั้นจึงได้คะแนนบางส่วน)

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 16 เรื่อง ความเข้มข้นของยา

คนไข้หญิงได้รับยาเพนิซิลินฉีดเข้าร่างกาย ร่างกายของเธอค่อยๆ สลายตัวยาลงและดูดซึมตัวยาลง  
 หลังจากฉีดยาไปแล้วหนึ่งชั่วโมง พบว่า 60% ของตัวยายังไม่ถูกร่างกายดูดซึมไปใช้ ยังคงเหลือ  
 อยู่ในเลือด  
 กระบวนการนี้ดำเนินไปอย่างต่อเนื่อง เมื่อเวลาผ่านไปแต่ละชั่วโมงจะมีตัวยา 60% ของปริมาณที่มีใน  
 ตอนต้นชั่วโมงเหลืออยู่  
 สมมติว่า คนไข้ได้รับยาเพนิซิลินปริมาณ 300 มิลลิกรัม เมื่อเวลาแปดโมงเช้า

■ คำถามที่ 1 : ความเข้มข้นของยา

จงเติมข้อมูลลงในตารางต่อไปนี้เพื่อแสดงปริมาณของตัวยาเพนิซิลินที่ยังไม่ถูกร่างกายดูดซึมไปใช้ และยังคง  
 เหลืออยู่ในเลือดผู้ป่วย ในช่วงเวลาทุกๆ 1 ชั่วโมง ระหว่าง 8.00 น. ถึง 11.00 น.

ณ เวลา	8:00 น.	9:00 น.	10:00 น.	11:00 น.
เพนิซิลิน (mg)	300			

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	วิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

รหัส 2: เติมคำตอบในตารางถูกต้องทั้งสามช่อง

ณ เวลา	8:00 น.	9:00 น.	10:00 น.	11:00 น.
เพนิซิลิน (mg)	300	180	108	64.8 หรือ 65

##### ได้คะแนนบางส่วน

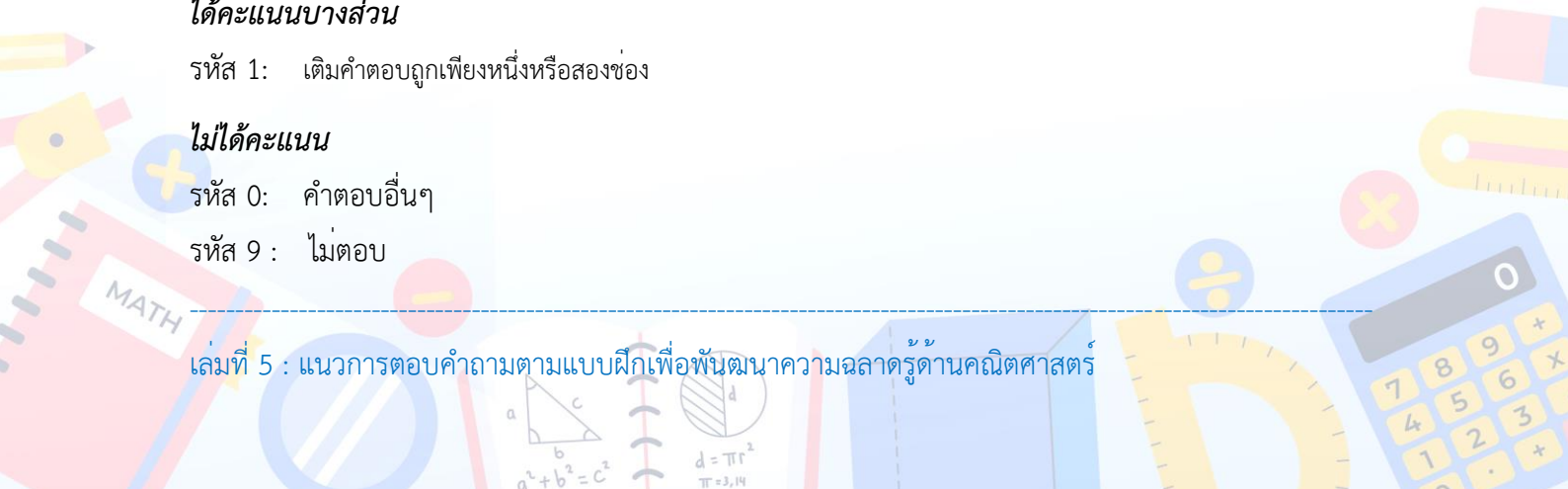
รหัส 1: เติมคำตอบถูกเพียงหนึ่งหรือสองช่อง

##### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

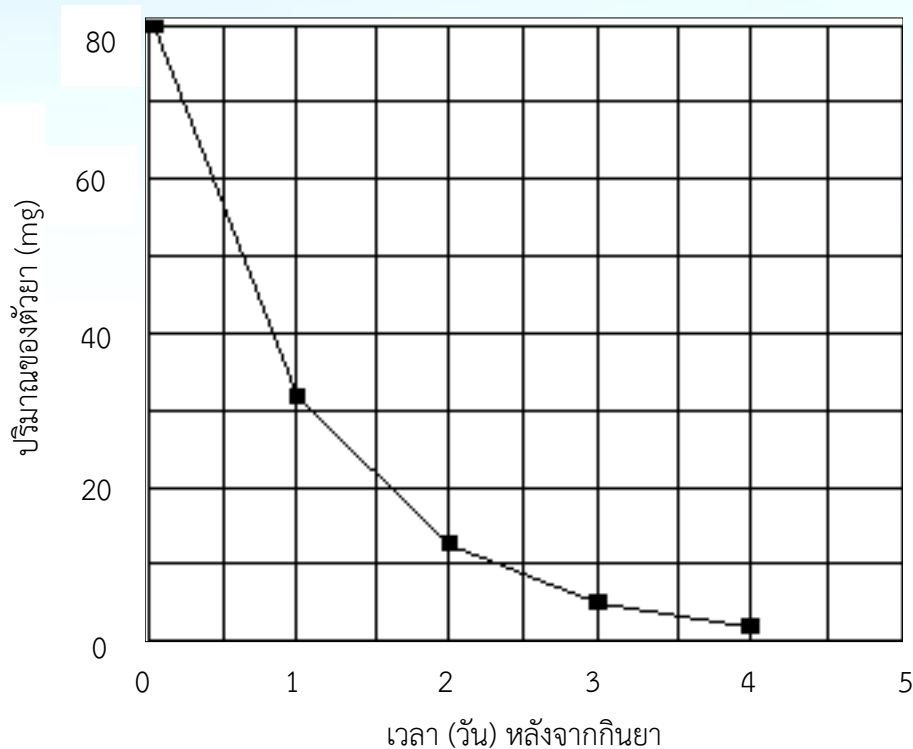
รหัส 9 : ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



■ คำถามที่ 2 : ความเข้มข้นของยา

เขாதรายต้องกินยาปริมาณ 80 mg เพื่อควบคุมความดันโลหิต กราฟต่อไปนี้แสดงปริมาณของตัวยาเมื่อเริ่มต้นกิน และปริมาณของตัวยายังคงทำงานอยู่ในระบบเลือดของเขาทราย หลังจากหนึ่งวัน สองวัน สามวัน และสี่วัน



ปริมาณของตัวยายังคงทำงานอยู่ในเลือดของเขาทราย เป็นเท่าใดในตอนท้ายของวันแรก

1. 6 mg
2. 12 mg
3. 26 mg
4. 32 mg

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	วิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 4. 32 mg

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : ความเข้มข้นของยา

จากกราฟในข้อที่แล้วจะเห็นว่าในแต่ละวัน ปริมาณของตัวยาที่ยังคงทำงานอยู่ในเลือดของเขาทราย ในวันก่อนจะมีสัดส่วนประมาณเท่ากันทุกวันเมื่อผ่านไปแต่ละวัน ปริมาณยาที่ยังคงทำงานอยู่ในเลือดของเขาทรายในวันก่อนที่ผ่านมา ประมาณเท่ากับข้อใดต่อไปนี้

1. 20%
2. 30%
3. 40%
4. 80%

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	วิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. 40%

ไม่ได้คะแนน

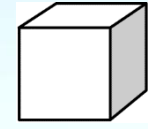
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 17 เรื่อง ตัวต่อ

พจมานชอบเล่นตัวต่อจากลูกบาศก์เล็กๆ ดังรูป

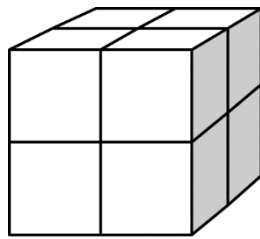
พจมานมีลูกบาศก์เล็กๆ อย่างนี้มากมาย เธอใช้กาวต่อลูกบาศก์เล็กๆ เข้าด้วยกัน เป็นทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากแบบต่างๆ



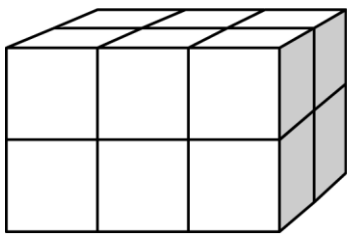
ลูกบาศก์เล็ก

ครั้งแรกพจมานต่อลูกบาศก์เล็กๆ แปดอัน เข้าด้วยกัน ได้ดังรูป ก

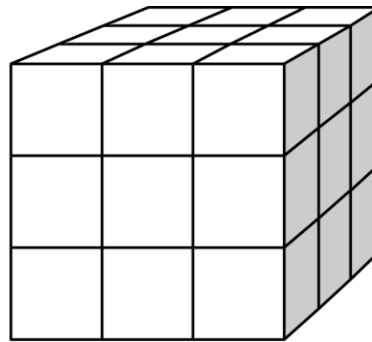
จากนั้นพจมานต่อลูกบาศก์เล็กๆ เข้าด้วยกันเป็นทรงสี่เหลี่ยมตัน ดังรูป ข และ รูป ค



รูป ก



รูป ข



รูป ค

#### ■ คำถามที่ 1 : ตัวต่อ

รูป ข พจมานต้องใช้ลูกบาศก์เล็กๆ ทั้งหมดกี่อัน

คำตอบ: .....อัน

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	เรขาคณิต
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 12 อัน

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 2 : ตัวต่อ

พจมานใช้ลูกบาศก์เล็กๆ ทั้งหมดกี่อัน เพื่อต่อเป็นทรงสี่เหลี่ยมตัน รูป ค

คำตอบ: .....อัน

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	เรขาคณิต
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การทำให้ใหม่
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 27 อัน

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : ตัวต่อ

พจมานคิดว่า ตาม รูป ค นั้น เธอใช้ลูกบาศก์เล็กๆ ไปมากเกินความจำเป็น แทนที่จะต่อเป็นทรงตัน เธอปล่อยให้ข้างในกลวงได้ พจมานจะต้องใช้ลูกบาศก์เล็กๆ อย่างน้อยที่สุดกี่อัน เพื่อต่อเป็นทรงสี่เหลี่ยมตาม รูป ค แต่ข้างในกลวง

คำตอบ: .....อัน

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	เรขาคณิต
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การทำให้ใหม่
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

การให้คะแนน

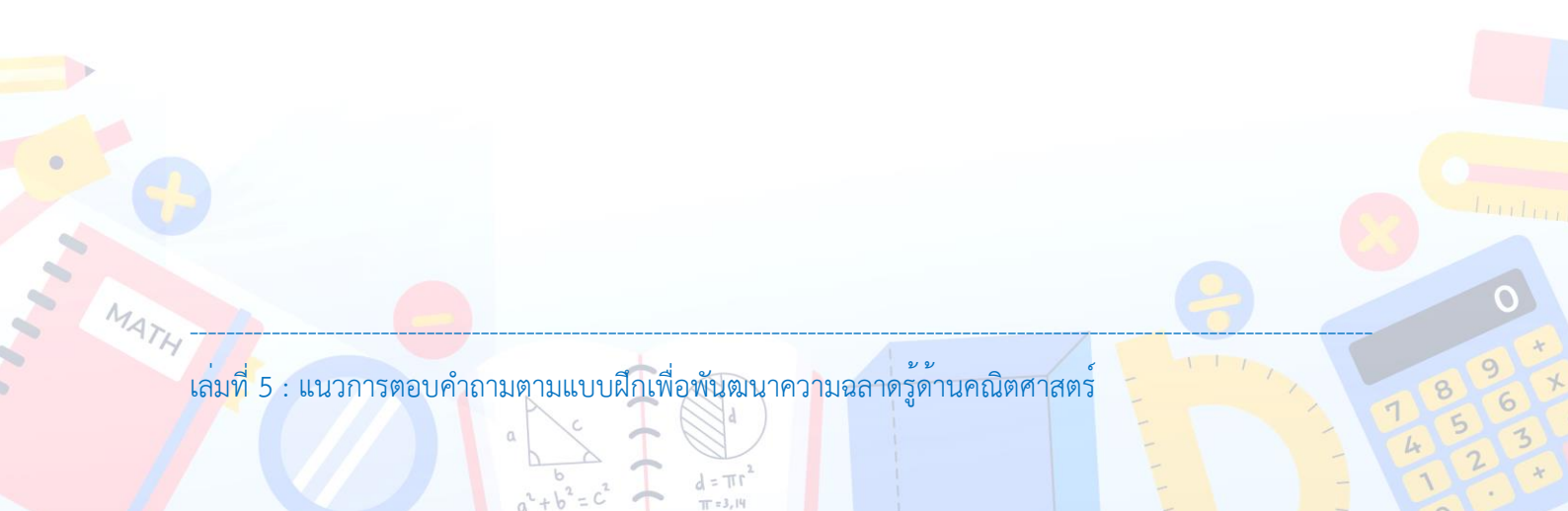
*คะแนนเต็ม*

รหัส 1: 26 อัน

*ไม่ได้คะแนน*

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ



■ คำถามที่ 4 : ตัวต่อ

พจมานต้องการต่อทรงสี่เหลี่ยมมุมฉากที่ดูเหมือนทรงตัน โดยให้มีความยาว 6 ลูกบาศก์เล็ก กว้าง 5 ลูกบาศก์เล็ก และสูง 4 ลูกบาศก์เล็ก โดยต้องการใช้ลูกบาศก์เล็กๆ ให้น้อยที่สุดเท่าที่จะน้อยได้ และจะปล่อยให้ข้างในกลวง

ให้มากที่สุด พจมานจะต้องใช้ลูกบาศก์เล็กๆ อย่างน้อยที่สุด กี่อัน

คำตอบ: .....อัน

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	เรขาคณิต
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การทำให้ใหม่
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: 26 อัน

**ไม่ได้คะแนน**

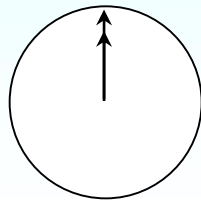
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

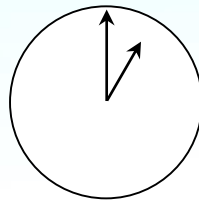
### สถานการณ์ที่ 18 เรื่อง คุยผ่านอินเทอร์เน็ต

มาร์ค (อยู่ที่เมืองซิดนีย์ ประเทศออสเตรเลีย) และฮานส์ (อยู่ที่กรุงเบอร์ลิน ประเทศเยอรมัน) ติดต่อกันโดย “คุย” (chat) ทางอินเทอร์เน็ต เขาต้องใช้อินเทอร์เน็ตในเวลาเดียวกันจึงสามารถ “คุย” กันได้

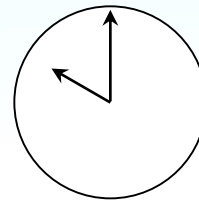
มาร์ค ดูแผนภาพเวลาของโลก เพื่อหาเวลาที่เหมาะสมในการ “คุย” กันทางอินเทอร์เน็ต และพบว่า



กรีนิช เวลาเที่ยงคืน



เบอร์ลิน เวลาตี 1



ซิดนีย์เวลา 10 โมงเช้า

#### ■ คำถามที่ 1 : คุยผ่านอินเทอร์เน็ต

เวลา 1 ทุ่ม ที่ซิดนีย์ ตรงกับเวลาอะไรที่เบอร์ลิน

คำตอบ: .....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 10 โมงเช้า หรือ 10 นาฬิกา

##### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : คุยผ่านอินเทอร์เน็ต

มาร์ค และฮานส์ไม่สามารถคุยกันระหว่าง 9 โมงเช้า ถึงบ่าย 4 โมงครึ่ง ในเวลาท้องถิ่นของแต่ละคน เนื่องจากพวกเขาต้องไปโรงเรียน เช่นเดียวกันกับในช่วง 5 ทุ่ม ถึง 7 โมงเช้าในเวลาท้องถิ่นของเขา ก็คุยไม่ได้ เช่นเดียวกัน เพราะกำลังหลับอยู่

จงเขียนเวลาท้องถิ่นลงในตารางที่มาร์คและฮานส์ “คุย” กันได้

สถานที่	เวลา
ซิดนีย์	
เบอร์ลิน	

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การสะท้อนการสื่อสารทางคณิตศาสตร์
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: คำตอบบอกเวลา หรือช่วงเวลาใดก็ได้ที่แตกต่างกัน 9 ชั่วโมง และเลือกจากช่วงเวลาเหล่านี้  
ซิดนีย์ 16.30 น. – 18.00 น., เบอร์ลิน 7.30 น. – 9.00 น.

หรือ

ซิดนีย์ 7.00 น. – 8.00 น., เบอร์ลิน 22.00 น. – 23.00 น. เช่น

ซิดนีย์ 17.00 น., เบอร์ลิน 8.00 น.

หมายเหตุ: ถ้าตอบเป็นช่วงเวลา ช่วงเวลานั้นต้องเป็นไปตามเงื่อนไขที่กำหนดไว้ ถ้าไม่กำหนดว่าเป็นเวลาเช้าหรือบ่ายก็ถือว่าเวลาที่ให้ถูกต้อง ถ้าตอบช่วงเวลาได้ถูกต้อง

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ รวมถึงตอบเวลาในที่หนึ่งที่ใดถูก แต่เวลาอีกที่หนึ่งที่ตรงกันไม่ถูก เช่น

ซิดนีย์ 8.00 น., เบอร์ลิน 22.00 น.

รหัส 9 : ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 19 เรื่อง อัตราแลกเปลี่ยน

เหม่ยหลิงอยู่ในประเทศสิงคโปร์กำลังเตรียมตัวที่จะเดินทางไปแอฟริกาใต้เป็นเวลา 3 เดือน ในฐานะนักเรียนโครงการแลกเปลี่ยน เธอต้องแลกเงินดอลลาร์สิงคโปร์ (SGD) เป็นเงินแรนด์ แอฟริกาใต้ (ZAR)

### ■ คำถามที่ 1 : อัตราแลกเปลี่ยน

เหม่ยหลิงพบว่าอัตราแลกเปลี่ยนระหว่างดอลลาร์สิงคโปร์และแรนด์แอฟริกาใต้คือ

$$1 \text{ SGD} = 4.2 \text{ ZAR}$$

เหม่ยหลิงต้องการแลกเงิน 3000 ดอลลาร์สิงคโปร์เป็นแรนด์แอฟริกาใต้ตามอัตรานี้ เหม่ยหลิงจะแลกเป็นเงินแรนด์แอฟริกาใต้ได้เท่าใด

คำตอบ: .....

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ชุมชนท้องถิ่น
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 12,600 ZAR (ไม่ใช่หน่วยก็ได้)

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : อัตราแลกเปลี่ยน

3 เดือนต่อมา เหม่ยหลิงกลับมาสิงคโปร์เหลือเงิน 3,900 ZAR จึงแลกเงินกลับเป็นดอลลาร์สิงคโปร์ แต่อัตราแลกเปลี่ยน คือ

1 SGD = 4.0 ZAR

อยากรทราบว่า เหม่ยหลิงจะแลกเป็นเงินดอลลาร์สิงคโปร์ได้เท่าไร

คำตอบ: .....

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ชุมชนท้องถิ่น
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: 975 SGD (ไม่ใช่หน่วยก็ได้)

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : อัตราแลกเปลี่ยน

ในช่วงเวลา 3 เดือน อัตราแลกเปลี่ยน เปลี่ยนจาก 4.2 เป็น 4.0 ZAR ต่อ SGD

เหม่ยหลิงพอใจหรือไม่ที่อัตราแลกเปลี่ยนในตอนนี้เปลี่ยนเป็น 4.0 ZAR แทน 4.2 ZAR เมื่อเธอแลกเงินแอฟริกาใต้กลับคืนเป็นดอลลาร์สิงคโปร์ จงให้คำอธิบายสนับสนุนคำตอบด้วย

.....  
.....

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ชุมชนท้องถิ่น
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบอิสระ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ตอบว่า“พอใจ” พร้อมคำอธิบายที่ชัดเจนเพียงพอ เช่น

- พอใจ เพราะว่าเมื่ออัตราแลกเปลี่ยนเงินแรนด์อัฟริกาใต้ต่อ 1 ดอลลาร์สิงคโปร์ลดลง เหม่ยหลิงจะได้เงินดอลลาร์สิงคโปร์เพิ่มมากขึ้น
- พอใจถ้าอัตราแลกเปลี่ยน 4.2 ZAR ต่อ 1 ดอลลาร์สิงคโปร์ จะทำให้แลกเงินได้เพียง 929 ZAR  
[หมายเหตุ: นักเรียนอาจจะเขียน ZAR แทน SGD แต่การคำนวณ และการเปรียบเทียบทำได้ถูกต้อง จึงไม่ให้ความสำคัญกับหน่วยที่ผิด]
- พอใจ เพราะว่าจากเดิมมี 4.2 ZAR นำไปแลกได้ 1 SGD แต่ขณะนี้ใช้เงินเพียง 4.0 ZAR ก็สามารถแลกได้ 1 SGD
- พอใจ เพราะเธอใช้เงินอัฟริกาแลกน้อยลงไป 0.2 ZAR ต่อเงิน 1 SGD
- พอใจ เพราะเมื่อท่านนำ 4.2 ไปเป็นตัวหารจำนวนเงินที่มี จะได้ผลลัพธ์น้อยกว่านำ 4 ไปหารเป็นตัวหาร
- พอใจ เพราะถ้าอัตราแลกเปลี่ยนไม่ลดลง เธอจะได้รับเงินดอลลาร์สิงคโปร์น้อยลงไปอีกประมาณ 50 เหรียญ

#### ไม่ได้คะแนน

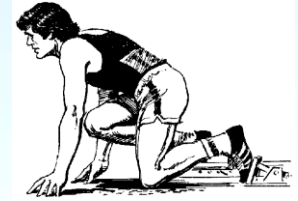
รหัส 0: ตอบว่า“พอใจ” แต่ไม่มีคำอธิบาย หรือคำอธิบายไม่เพียงพอ

- พอใจ เพราะอัตราแลกเปลี่ยนที่ลดลงทำให้ได้เงินมากขึ้น
- พอใจ เหม่ยหลิงชอบ เพราะถ้าค่าเงิน ZAR ลดลง แล้วเธอจะได้เงิน SGD มากขึ้น
- พอใจ เหม่ยหลิงพอใจ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 20 เรื่อง เวลาในการตอบสนอง

ในการวิ่งอย่างเต็มกำลังครั้งหนึ่ง ‘เวลาในการตอบสนอง’ คือช่วงเวลาตั้งแต่เริ่มยิงปืนจนถึงเวลาที่นักกีฬาออกจากจุดเริ่มต้น และ ‘เวลารวมสุดท้าย’ คือผลรวมของเวลาการตอบสนองและเวลาวิ่ง



ตารางต่อไปนี้แสดงเวลาในการตอบสนองและเวลารวมสุดท้ายของนักวิ่ง 8 คนในการแข่งขันวิ่ง 100 เมตร

ลู่วิ่งที่	เวลาในการตอบสนอง (วินาที)	เวลารวมสุดท้าย (วินาที)
1	0.147	10.09
2	0.136	9.99
3	0.197	9.87
4	0.180	ไม่จบการแข่งขัน
5	0.210	10.17
6	0.216	10.04
7	0.174	10.08
8	0.193	10.13

■ คำถามที่ 1 : เวลาในการตอบสนอง

จงหาผู้ที่ได้เหรียญทอง เหรียญเงิน และเหรียญทองแดงจากการแข่งขันครั้งนี้ จงเติมคำตอบลงในตารางว่าลู่วิ่งใดได้เหรียญรางวัลพร้อมทั้งเวลาในการตอบสนอง และเวลารวมสุดท้าย

เหรียญ	ลู่วิ่งที่	เวลาในการตอบสนอง (วินาที)	เวลารวมสุดท้าย (วินาที)
ทอง			
เงิน			
ทองแดง			

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ชุมชนท้องถิ่น
สมรรถนะ:	การทำให้ใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบอิสระ

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1:

เหรียญ	ลู่วิ่งที่	เวลาในการตอบสนอง (วินาที)	เวลารวมสุดท้าย (วินาที)
ทอง	3	0.197	9.87
เงิน	2	0.136	9.99
ทองแดง	6	0.216	10.04

หมายเหตุ ทุกวันนี้ไม่มีคนใดสามารถทำเวลาการตอบสนองได้น้อยกว่า 0.110 วินาที ถ้าการบันทึกเวลาในการตอบสนองของนักวิ่งน้อยกว่า 0.110 วินาทีแล้ว ต้องมีการพิจารณาว่ามีข้อผิดพลาดของการเริ่มวิ่งเกิดขึ้น เพราะนักวิ่งอาจจะออกวิ่งจากจุดเริ่มต้นก่อนได้ยินเสียงปืน

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : เวลาในการตอบสนอง

ถ้าผู้ได้เหรียญทองแดงทำเวลาในการตอบสนองได้เร็วขึ้น เขาจะมีโอกาสที่จะได้เหรียญเงินหรือไม่  
ให้คำอธิบายสนับสนุนคำตอบ

.....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การสะท้อนการสื่อสารทางคณิตศาสตร์
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบอิสระ

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: คำตอบที่บอกว่ามีโอกาสพร้อมให้เหตุผลที่เพียงพอ

- มีโอกาส ถ้าเวลาในการตอบสนองของเขาเร็วขึ้น 0.05 วินาที เขาจะทำเวลาเท่ากับผู้ชนะลำดับที่ 2
- มีโอกาส เขามีโอกาสที่จะได้เหรียญเงินถ้าเวลาในการตอบสนองของเขาเท่ากับ หรือน้อยกว่า 0.166 วินาที
- มีโอกาส เมื่อรวมกับเวลาการตอบสนองที่เร็วที่สุด เขาน่าจะทำเวลารวมได้ 9.93 ซึ่งเพียงพอที่จะได้เหรียญเงิน

**ไม่ได้คะแนน**

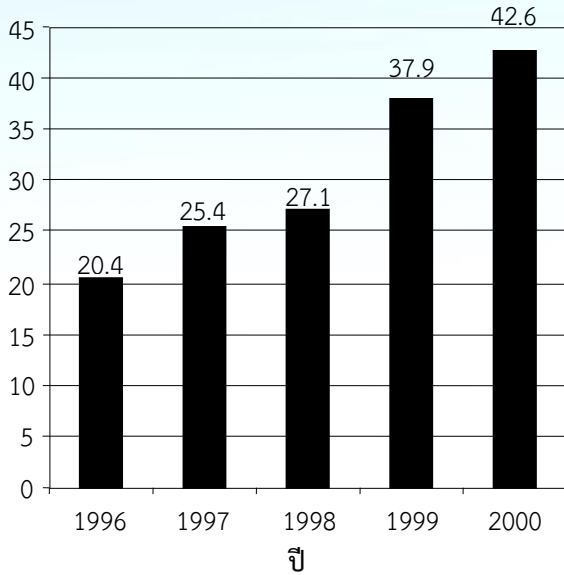
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ รวมทั้งคำตอบที่ว่า มีโอกาสแต่ไม่มีคำอธิบายที่เพียงพอ

รหัส 9 : ไม่ตอบ

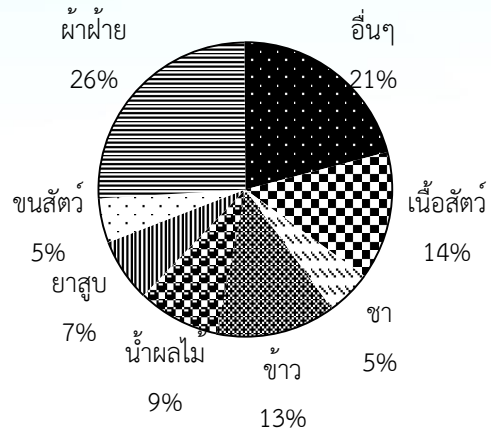
### สถานการณ์ที่ 21 เรื่อง การส่งออก

กราฟต่อไปนี้แสดงข้อมูลการส่งออกของประเทศเซดแลนด์ ซึ่งเป็นประเทศที่ใช้เงินสกุลเซดเป็นเงินตราของประเทศ

มูลค่ารวมของการส่งออกรายปีของประเทศ  
เซดแลนด์ในหน่วยล้านเซด ระหว่างปี 1996 - 2000



การจำแนกชนิดของการส่งออกของ  
เซดแลนด์ ในปี 2000



#### ■ คำถามที่ 1 : การส่งออก

ในปี 1998 มูลค่ารวมการส่งออกของประเทศเซดแลนด์เป็นเงินเท่าไร (หน่วยเป็นล้านเซด)

คำตอบ: .....

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	สถิติ
สถานการณ์:	ชุมชนในท้องถิ่น
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 27.1 ล้านเซด หรือ 27 100 000 เซด หรือ 27.1 (ไม่ต้องใส่หน่วย) และยอมรับคำตอบที่พิเศษแล้วเป็น 27

##### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ รวมทั้งคำตอบที่ว่า มีโอกาสแต่ไม่มีคำอธิบายที่เพียงพอ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : การส่งออก

มูลค่ารวมการส่งออกน้ำผลไม้จากประเทศเซนต์แลนด์ในปี 2000 เป็นเท่าไร

1. 1.8 ล้านเซต
2. 2.3 ล้านเซต
3. 2.4 ล้านเซต
4. 3.4 ล้านเซต
5. 3.8 ล้านเซต

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	สถิติ
สถานการณ์:	ชุมชนในท้องถิ่น
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

การให้คะแนน

*คะแนนเต็ม*

รหัส 1: ข้อ 5. 3.8 ล้านเซต

*ไม่ได้คะแนน*

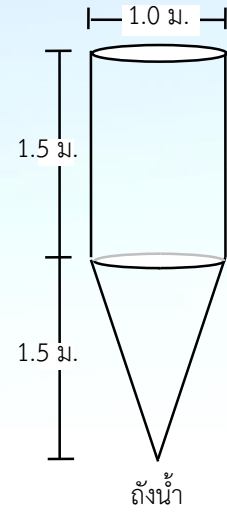
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 21 เรื่อง ถังน้ำ

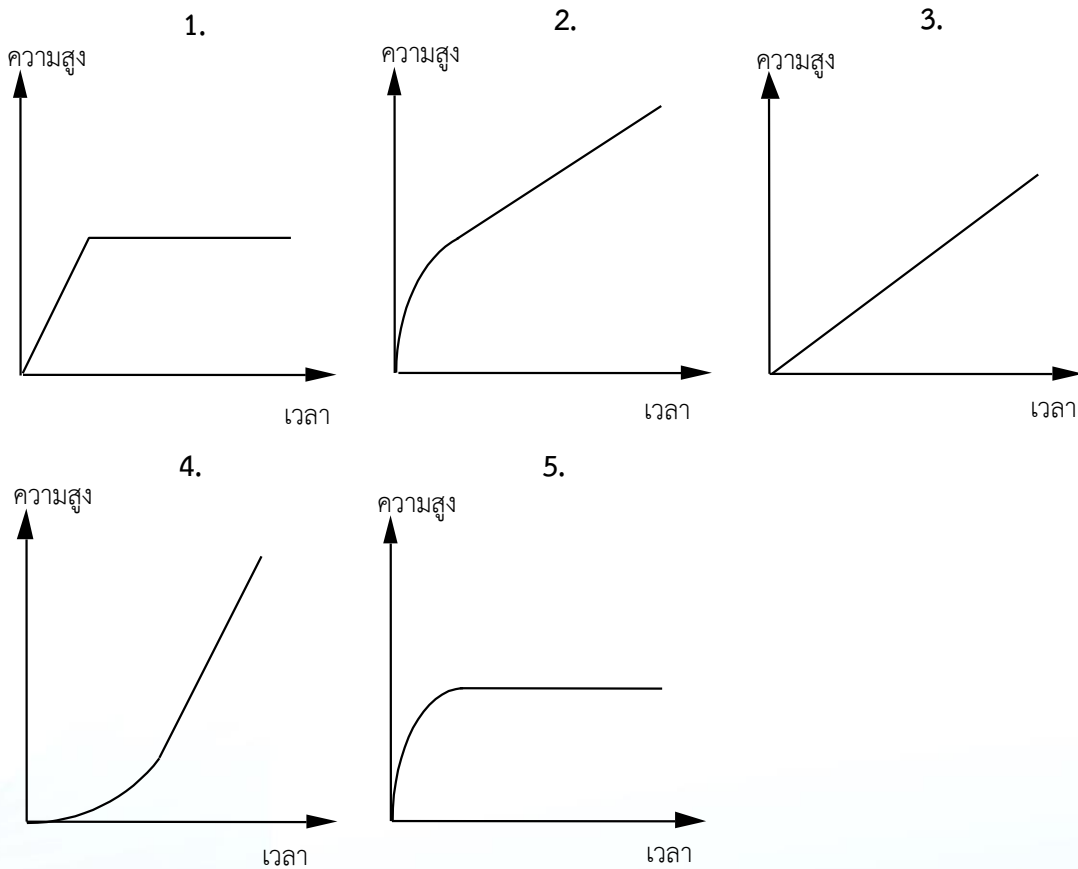
ถังน้ำใบหนึ่งมีรูปร่างและขนาดดังแสดงในแผนผัง

เริ่มต้นจากถังเปล่า แล้วเติมน้ำด้วยอัตรา 1 ลิตรต่อวินาที



#### ■ คำถามที่ 1 : ถังน้ำ

กราฟใดต่อไปนี้ แสดงการเปลี่ยนแปลงความสูงของผิวน้ำตามเวลาที่ผ่านไป



เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

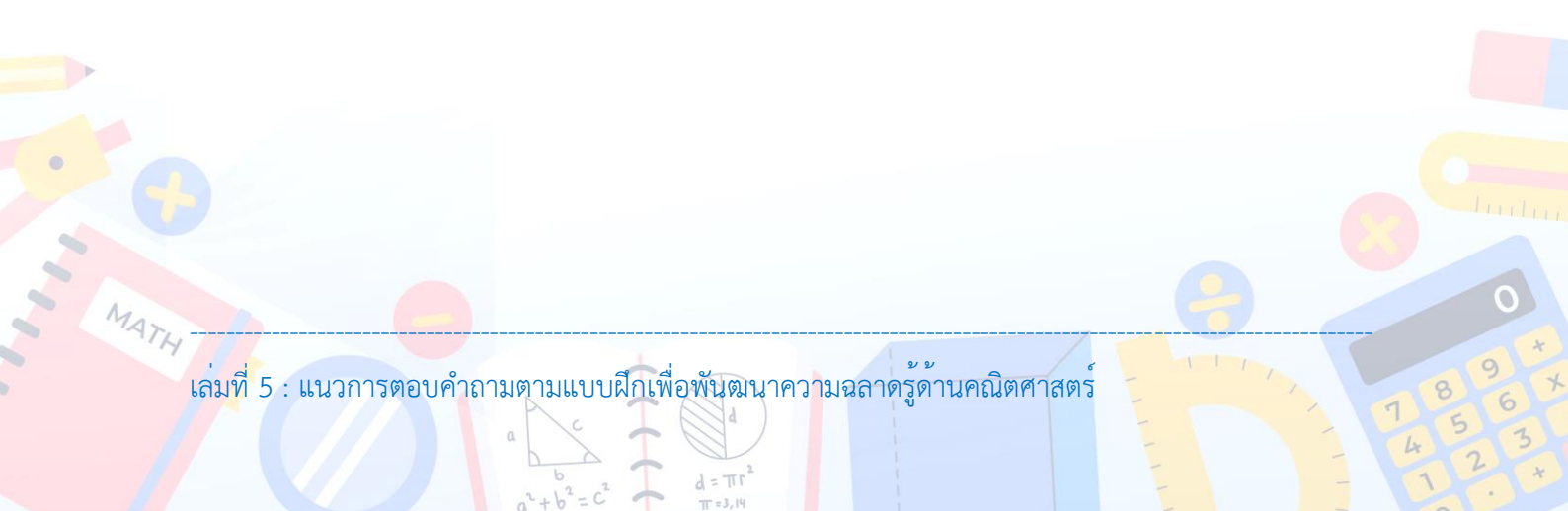
#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 2.

#### ไม่ได้คะแนน

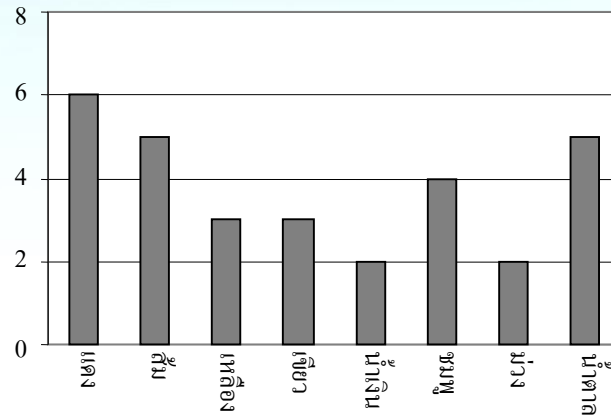
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ



## สถานการณ์ที่ 22 เรื่อง ลูกอมสีต่าง ๆ

แม่ให้เรวัตหยิบลูกอมหนึ่งลูกจากถุง โดยเขามองไม่เห็นลูกอม จำนวนของลูกอมแต่ละสีที่อยู่ในถุง แสดงในกราฟต่อไปนี้



### ■ คำถามที่ 1 : การส่งออก

จงหาความน่าจะเป็นที่เรวัตจะหยิบได้ลูกอมสีแดง

1. 10%
2. 20%
3. 25%
4. 50%

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	ความน่าจะเป็น
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 2. 20%

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 23 เรื่อง แบบทดสอบวิทยาศาสตร์

ครูวิทยาศาสตร์ในโรงเรียนของเหม่ย หลิง ได้ทดสอบวิทยาศาสตร์โดยมีคำตอบถูกชุดละ 100 คะแนน เหม่ย หลิง ได้คะแนนเฉลี่ยจากแบบทดสอบวิทยาศาสตร์ที่ชุดแรก เท่ากับ 60 คะแนน ส่วนชุดที่ห้า เธอทำได้ 80 คะแนน

### ■ คำถามที่ 1 : แบบทดสอบวิทยาศาสตร์

ค่าเฉลี่ยของคะแนนแบบทดสอบวิทยาศาสตร์ทั้งห้าชุดของ เหม่ย หลิง เท่ากับเท่าใด

ค่าเฉลี่ย: .....

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ในเชิงการศึกษา
สมรรถนะ:	การทำให้ใหม่
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 64

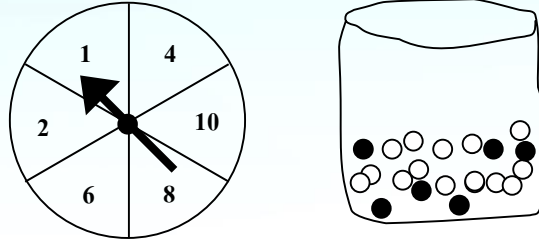
#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 24 เรื่อง งานวัด

ร้านเล่นเกมร้านหนึ่งในงานวัด การเล่นเกมนี้เริ่มด้วยหมุนวงล้อ ถ้าวงล้อหยุดที่เลขคู่ ผู้เล่นจะได้หยิบลูกหินในถุง วงล้อและลูกหินที่อยู่ในถุง แสดงในรูปข้างล่างนี้



### ■ คำถามที่ 1 : งานวัด

ผู้เล่นจะได้รับรางวัลเมื่อเขาหยิบได้ลูกหินสีดำ สมพรเล่นเกม 1 ครั้ง ความเป็นไปได้ที่สมพรจะได้รับรางวัลเป็นอย่างไร

1. เป็นไปไม่ได้ที่จะได้รับรางวัล
2. เป็นไปได้เล็กน้อยที่จะได้รับรางวัล
3. จะได้รับรางวัลประมาณ 50%
4. เป็นไปได้มากที่จะได้รับรางวัล
5. ได้รับรางวัลแน่นอน

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	ความน่าจะเป็น
สถานการณ์:	ในเชิงการศึกษา
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 2. เป็นไปได้เล็กน้อยที่จะได้รับรางวัล

#### ไม่ได้คะแนน

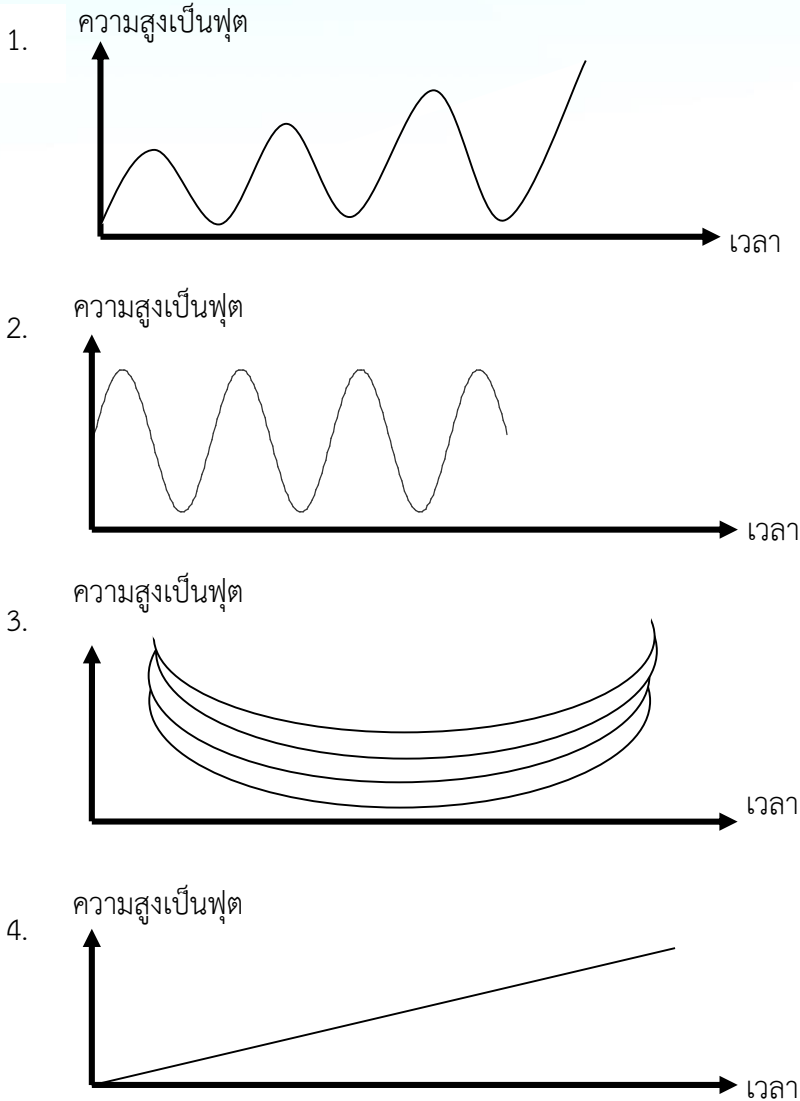
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 25 เรื่อง ชิงช้า

### ■ คำถามที่ 1 : ชิงช้า

เมื่อกำลังนั่งบนชิงช้า เขาเริ่มแกว่งชิงช้า พยายามแกว่งให้สูงที่สุดเท่าที่จะสูงได้  
แผนผังรูปใดแทนความสูงของเท้าเหนือพื้นดิน ในขณะที่เขาแกว่งชิงช้า ได้ดีที่สุดใน



เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 1.

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 26 เรื่อง ความสูงของนักเรียน

วันหนึ่งในชั้นเรียนวิชาคณิตศาสตร์ชั้นหนึ่ง มีการวัดส่วนสูงของนักเรียนทุกคน พบว่าความสูงเฉลี่ยของนักเรียนชายเท่ากับ 160 cm และความสูงเฉลี่ยของนักเรียนหญิงเท่ากับ 150 cm นักเรียนที่สูงที่สุด คือ อารียา ความสูงของเธอเท่ากับ 180 cm ส่วนดิเรกเตี้ยที่สุด ความสูงของเขาเท่ากับ 130 cm

ในวันนั้นมีนักเรียนที่ขาดเรียนสองคน แต่ทั้งสองได้มาเรียนในวันรุ่งขึ้น จึงมีการวัดส่วนสูง และได้คำนวณหาค่าความสูงเฉลี่ยใหม่ ผลปรากฏว่าค่าความสูงเฉลี่ยของนักเรียนชาย และค่าความสูงเฉลี่ยของนักเรียนหญิง ไม่เปลี่ยนแปลง

### ■ คำถามที่ 1 : ความสูงของนักเรียน

ข้อใดต่อไปนี้เป็นกรลงข้อสรุปจากสาระข้างต้น

จงวงเขียนวงกลมรอบล้อมคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” ในแต่ละข้อ

ข้อสรุป	ข้อสรุปนี้ ใช่หรือไม่ใช่
นักเรียนทั้งคู่เป็นหญิง	ใช่ / ไม่ใช่
นักเรียนคนหนึ่งเป็นชาย และอีกคนเป็นหญิง	ใช่ / ไม่ใช่
นักเรียนทั้งสองมีความสูงเท่ากัน	ใช่ / ไม่ใช่
ค่าความสูงเฉลี่ยของนักเรียนทั้งหมดไม่เปลี่ยนแปลง	ใช่ / ไม่ใช่
ดิเรก ยังคงเป็นนักเรียนที่มีความสูงน้อยสุด	ใช่ / ไม่ใช่

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	สถิติ
สถานการณ์:	ในเชิงการศึกษา
สมรรถนะ:	การสะท้อนการสื่อสารทางคณิตศาสตร์
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบเชิงซ้อน

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ตอบ “ไม่ใช่” ทุกข้อสรุป

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

## สถานการณ์ที่ 27 เรื่อง การจ่ายเงินตามพื้นที่

ผู้คนที่อาศัยในห้องชุดแห่งหนึ่งตัดสินใจร่วมกันที่จะซื้ออาคารที่พวกเขาอาศัยอยู่ทั้งอาคาร ผู้อาศัยทั้งหมดจะนำเงินมารวมกัน ในรูปแบบที่ว่าแต่ละคนจะจ่ายเงินตามสัดส่วนของขนาดห้องชุดของเขา

ตัวอย่างเช่น ชายคนหนึ่งที่อาศัยห้องชุดที่มีขนาดพื้นที่ 1 ใน 5 ของพื้นที่ของอาคารทั้งหมด เขาจะต้องจ่ายเงิน 1 ใน 5 ของราคาอาคารหลังนี้

### ■ คำถามที่ 1 : การจ่ายเงินตามพื้นที่

จงวงกลมรอบล้อยคำกว่า “ถูก” หรือ “ไม่ถูก” ในแต่ละประโยคต่อไปนี้

ประโยค	ถูก / ไม่ถูก
ผู้ที่อาศัยห้องชุดที่มีพื้นที่มากที่สุดจะจ่ายเงินสำหรับแต่ละตารางเมตรของห้องชุดมากกว่าผู้ที่อาศัยในห้องชุดที่มีพื้นที่น้อยที่สุด	ถูก / ไม่ถูก
ถ้าเราทราบพื้นที่ของห้องชุดทั้งสองแห่ง และราคาห้องชุดแห่งหนึ่งแล้ว เราสามารถคำนวณราคาของห้องชุดแห่งที่ 2 ได้	ถูก / ไม่ถูก
ถ้าเรารู้ราคาของอาคาร และจำนวนเงินที่เจ้าของแต่ละคนจ่ายแล้วเราสามารถคำนวณพื้นที่ทั้งหมดของห้องชุดได้	ถูก / ไม่ถูก
ถาราคารรวมของอาคารได้ส่วนลด 10% แล้ว เจ้าของห้องชุดแต่ละคนจะจ่ายเงินน้อยลง 10%	ถูก / ไม่ถูก

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ชุมชนในท้องถิ่น
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบเชิงซ้อน

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

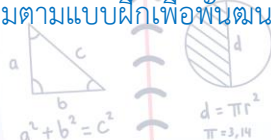
รหัส 1: ไม่ถูก ถูก ไม่ถูก ถูก ตามลำดับ

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



■ คำถามที่ 2 : การจ่ายเงินตามพื้นที่

อาคารหนึ่งมีห้องชุดสามห้องอยู่ในอาคาร ห้องชุดที่ 1 มีพื้นที่มากที่สุด 95 m<sup>2</sup> ห้องชุดที่ 2 และ 3 มีพื้นที่ 85 m<sup>2</sup> และ 70 m<sup>2</sup> ตามลำดับ ราคาขายสำหรับอาคารคือ 300,000 เซต เจ้าของห้องชุดที่ 2 ต้องจ่ายเป็นเงินเท่าไร จงแสดงวิธีทำ

.....  
.....

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ชุมชนในท้องถิ่น
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 2: ตอบว่า 102,000 เซต และแสดงวิธีทำหรือไม่แสดงวิธีคำนวณก็ได้ ไม่จำเป็นต้องบอกหน่วย เช่น

- ห้องชุดที่ 2: 102,000 เซต
- ห้องชุดที่ 2:  $\frac{85}{250} \times 300,000 = 102,000$  เซต
- $\frac{300,000}{250} = 1,200$  เซตต่อตารางเมตร, ดังนั้นห้องชุดที่ 2 คือ 102,000

ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: วิธีทำถูกต้อง แต่การคำนวณผิดเล็กน้อย เช่น

ห้องชุดที่ 2:  $\frac{85}{250} \times 300,000 = 10,200$  เซต

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 28 เรื่อง ชั้นวางหนังสือ

การประกอบชั้นวางหนังสือหนึ่งชุดให้สมบูรณ์ ช่างไม้ต้องใช้ส่วนประกอบต่างๆ ดังนี้

- แผ่นไม้ยาว 4 แผ่น,
- แผ่นไม้สั้น 6 แผ่น,
- ตัวหนีบตัวเล็ก 12 ตัว,
- ตัวหนีบตัวใหญ่ 2 ตัว และ
- สกรู 14 ตัว



**■ คำถามที่ 1 : ชั้นวางหนังสือ**

ช่างไม้มีแผ่นไม้สี่เหลี่ยมผืนผ้าอย่างยาว 26 แผ่น อย่างสั้น 33 แผ่น ตัวหนีบตัวเล็ก 200 ตัว ตัวหนีบตัวใหญ่ 20 ตัว และสกรู 510 ตัว ช่างไม้สามารถประกอบชั้นวางหนังสือได้ทั้งหมดกี่ชุด

คำตอบ: .....

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ในเชิงอาชีพ
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: 5 ชุด

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 29 เรื่อง ขยะ

ในการทำการบ้านเรื่องสิ่งแวดล้อม นักเรียนได้รวบรวมข้อมูลเกี่ยวกับระยะเวลาการสลายตัวของขยะชนิดต่างๆ ที่ประชาชนทิ้งได้ดังนี้

ชนิดของขยะ	ระยะเวลาการสลายตัว
เปลือกกล้วย	1-3 ปี
เปลือกส้ม	1-3 ปี
กล่องกระดาษแข็ง	0.5 ปี
หมากฝรั่ง	20-25 ปี
หนังสือพิมพ์	2-3 วัน
ถ้วยพลาสติก	มากกว่า 100 ปี

### ■ คำถามที่ 1 : ขยะ

นักเรียนคนหนึ่งคิดที่จะแสดงข้อมูลเหล่านี้เป็นกราฟแท่ง  
จงให้เหตุผลมาหนึ่งข้อว่า ทำไมกราฟแท่งจึงไม่เหมาะสมในการแสดงข้อมูลเหล่านี้

.....

.....

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	สถิติ
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การสะท้อนการสื่อสารทางคณิตศาสตร์
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ให้เหตุผลที่ชัดเจนเกี่ยวกับความแตกต่างของข้อมูลที่มีมากเกินไป เช่น

- ความสูงของแท่งกราฟจะต่างกันมากเกินไป
- ถ้าทำกราฟแท่ง ยาว 10 เซนติเมตร สำหรับถ้วยพลาสติก แท่งที่แสดงกล่องกระดาษแข็งจะยาว 0.05 เซนติเมตร

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

หรือ เน้นเหตุผลของการผันแปรของขยะบางชนิด เช่น

ไม่อาจกำหนดความยาวของกราฟแท่งที่แสดงถึง “พลาสติก” ได้  
ไม่อาจทำกราฟแท่งหนึ่งสำหรับ 1 – 3 ปี หรือแท่งหนึ่งสำหรับ 20 – 25 ปี

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ เช่น

- เพราะว่ามันจะใช้งานไม่ได้
- แผนภูมิรูปภาพดีกว่า
- ไม่อาจพิสูจน์ความถูกต้องของข้อมูลได้
- เพราะข้อมูลในตารางเป็นการประมาณการ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 30 เรื่อง แผ่นดินไหว

รายการสารคดีออกอากาศเรื่องเกี่ยวกับแผ่นดินไหว และความถี่ของการเกิดแผ่นดินไหว พร้อมบทสนทนาเกี่ยวกับการทำนายการเกิดแผ่นดินไหว

นักธรณีวิทยาคนหนึ่งกล่าวว่า “ภายใน 20 ปีข้างหน้า โอกาสที่จะเกิดแผ่นดินไหวที่เมืองเซตมีถึง 2 ใน 3”

### ■ คำถามที่ 1 : แผ่นดินไหว

ข้อใดต่อไปนี้เป็นการศึกษาที่สะท้อน คำกล่าวของนักธรณีวิทยา คนนั้นได้ดีที่สุด

1.  $\frac{2}{3} \times 20 = 13.3$  ดังนั้นระหว่าง 13 และ 14 ปีจากนี้ไป จะเกิดแผ่นดินไหวที่เมืองเซต
2.  $\frac{2}{3}$  มากกว่า  $\frac{1}{2}$  ดังนั้นท่านสามารถมั่นใจได้ว่า ในช่วง 20 ปีข้างหน้าจะเกิดแผ่นดินไหวขึ้นที่เมืองเซตอย่างแน่นอน
3. โอกาสที่จะเกิดแผ่นดินไหวในเมืองเซต ณ เวลาใดเวลาหนึ่ง ในช่วง 20 ปีข้างหน้าสูงกว่าที่จะไม่เกิดแผ่นดินไหว
4. ไม่สามารถบอกได้ว่าจะเกิดอะไรขึ้น เพราะไม่มีใครแน่ใจว่าจะเกิดแผ่นดินไหวขึ้นเมื่อใด

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	ความน่าจะเป็น
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การสะท้อนการสื่อสารทางคณิตศาสตร์
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. โอกาสที่จะเกิดแผ่นดินไหวในเมืองเซต ณ เวลาใดเวลาหนึ่ง ในช่วง 20 ปีข้างหน้าสูงกว่าที่จะไม่เกิดแผ่นดินไหว

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

## สถานการณ์ที่ 31 เรื่อง ทางเลือก

### ■ คำถามที่ 1 : ทางเลือก

ในร้านพิซซ่าแห่งหนึ่ง โดยปกติทางร้านจะมีหน้าให้สองอย่างอยู่แล้ว คือ ซีส และมะเขือเทศ นอกเหนือจากนี้ ท่านสามารถเลือกหน้าพิเศษเพิ่มเติมได้อีก หน้าพิเศษมีให้เลือก 4 อย่าง คือ มะกอก, แฮม, เห็ด และซาลามิ

ระพีต้องการที่จะสั่งพิซซ่าที่เพิ่มหน้าพิเศษอีกสองชนิด อยากทราบว่าระพีจะสามารถสั่งพิซซ่าหน้าต่างๆ กันได้ทั้งหมดกี่แบบ

คำตอบ: ..... แบบ

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	วิยุตคณิต
สถานการณ์:	ในเชิงอาชีพ
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 6 แบบ

#### ไม่ได้คะแนน

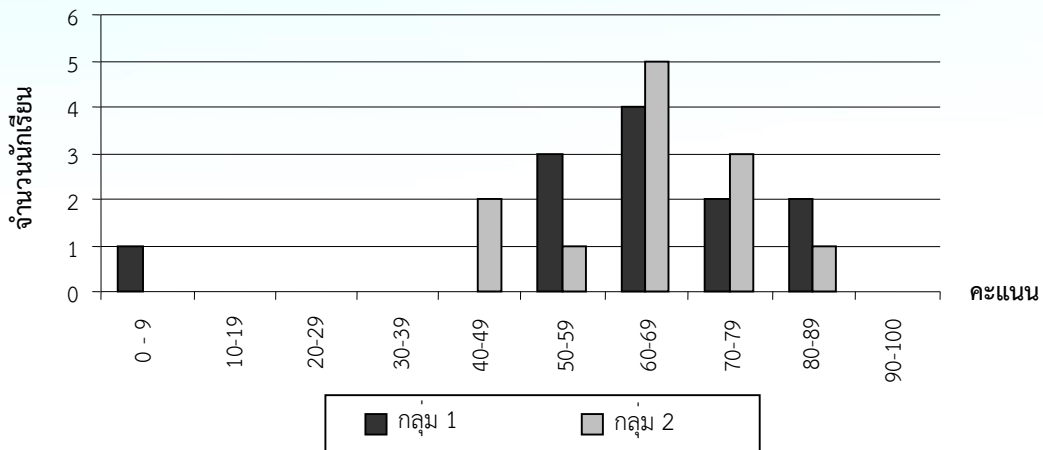
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 32 เรื่อง คะแนนสอบ

แผนผังข้างล่างแสดงผลการสอบวิชาวิทยาศาสตร์ของนักเรียนสองกลุ่มคือ กลุ่ม 1 และกลุ่ม 2 ค่าเฉลี่ยของคะแนนกลุ่ม 1 คือ 62.0 และค่าเฉลี่ยของคะแนนกลุ่ม 2 คือ 64.5 นักเรียนที่สอบผ่านจะต้องได้คะแนน 50 คะแนนขึ้นไป

คะแนนในการทดสอบวิชาวิทยาศาสตร์



#### ■ คำถามที่ 1 : คะแนนสอบ

จากแผนผัง ครูบอกว่าในการทดสอบครั้งนี้ กลุ่ม 2 ทำได้ดีกว่ากลุ่ม 1 นักเรียนกลุ่ม 1 ไม่เห็นด้วยกับครู และพยายามชี้ให้ครูเห็นว่ากลุ่ม 2 อาจจะทำคะแนนได้ไม่ดีกว่ากลุ่ม 1 จึงบอกเหตุผลทางคณิตศาสตร์ที่นักเรียนกลุ่ม 1 จะนำไปโต้แย้งกับครูลงมา 1 ข้อ โดยใช้ข้อมูลจากกราฟ

.....

.....

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	สถิติ
สถานการณ์:	ในเชิงการศึกษา
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อโต้แย้งข้อใดข้อหนึ่งที่สมเหตุสมผล อาจจะเป็นจำนวนนักเรียนที่สอบผ่าน นักเรียนที่ได้คะแนนอยู่นอกกลุ่ม(ที่อยู่ห่างจากกลุ่มมากๆ) หรือจำนวนนักเรียนที่ได้คะแนนระดับสูงสุด ไม่ควรนำมาคำนวณ เช่น

- นักเรียนกลุ่ม 1 สอบผ่านมากกว่านักเรียนในกลุ่ม 2
- ถ้าไม่รวมนักเรียนคนที่ได้คะแนนน้อยที่สุดในกลุ่ม 1 จะเห็นว่า นักเรียนกลุ่ม 1 ทำคะแนนได้ดีกว่านักเรียนกลุ่ม 2
- นักเรียนกลุ่ม 1 ได้คะแนน 80 หรือสูงกว่า มีจำนวนมากกว่ากลุ่ม 2

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ รวมทั้งคำตอบที่ไม่ได้ใช้เหตุผลเชิงคณิตศาสตร์ หรือใช้เหตุผลเชิงคณิตศาสตร์ที่ผิดหรือคำตอบที่อธิบายอย่างง่ายๆ แต่เป็นการโต้แย้งที่ไม่สมเหตุสมผลว่ากลุ่ม 2 อาจจะทำไม่ได้ดีกว่า เช่น

- ตามปกตินักเรียนกลุ่ม 1 ทำได้ดีกว่ากลุ่ม 2 ในวิชาวิทยาศาสตร์ แต่การสอบครั้งนี้เป็นเพียงความบังเอิญเท่านั้น
- เพราะในกลุ่ม 2 มีความแตกต่างระหว่างคะแนนสูงสุดและคะแนนต่ำสุดน้อยกว่ากลุ่ม 1
- กลุ่ม 1 ได้คะแนนดีกว่าในช่วง 80 – 89 และ 50 – 59
- กลุ่ม 1 มีช่วงห่างระหว่างควอไทล์กว้างกว่ากลุ่ม 2

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 33 เรื่อง รองเท้าเด็ก



ตารางต่อไปนี้แสดงขนาดรองเท้าที่สอดคล้องกับความยาวของเท้าในประเทศเซนต์แลนด์

ตารางการแปลงขนาดรองเท้า สำหรับเด็กในเซนต์แลนด์

จาก (mm)	ถึง (mm)	ขนาด รองเท้า
107	115	18
116	122	19
123	128	20
129	134	21
135	139	22
140	146	23
147	152	24
153	159	25
160	166	26

จาก (mm)	ถึง (mm)	ขนาด รองเท้า
167	172	27
173	179	28
180	186	29
187	192	30
193	199	31
200	206	32
207	212	33
213	219	34
220	226	35

#### ■ คำถามที่ 1 : รองเท้าเด็ก

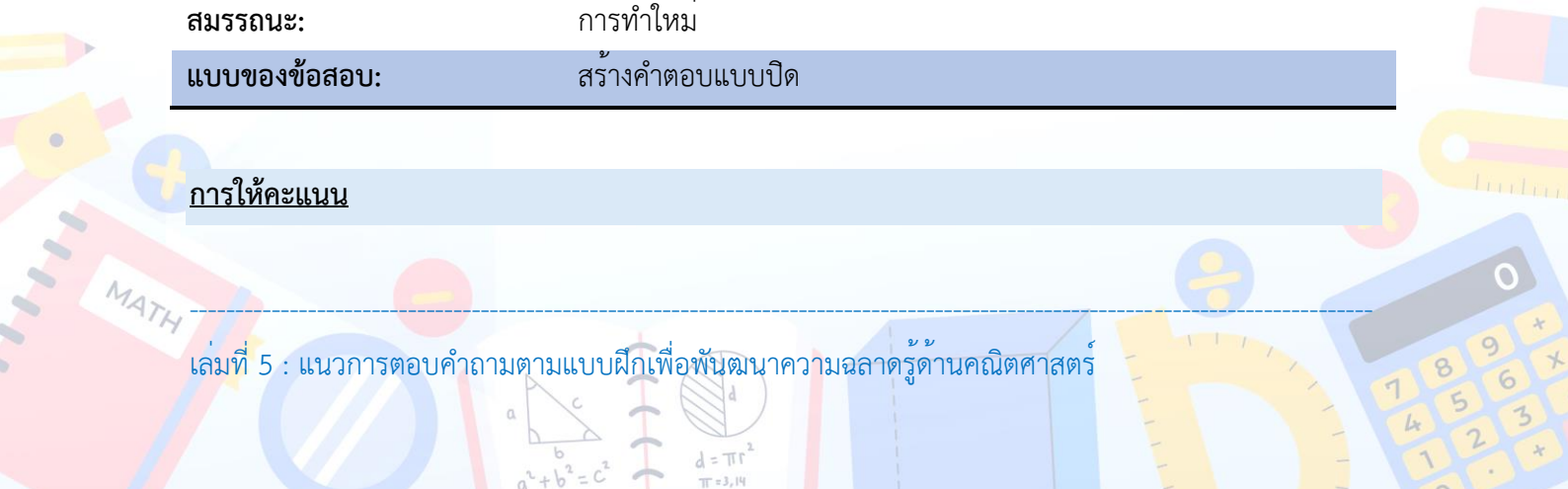
เท้าของมาลียาว 163 mm จงใช้ตารางข้างต้นเพื่อบอกว่ามาลีควรลองใส่รองเท้าตามขนาดใดในเซนต์แลนด์

คำตอบ: .....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	ฟังก์ชัน
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

#### การให้คะแนน

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



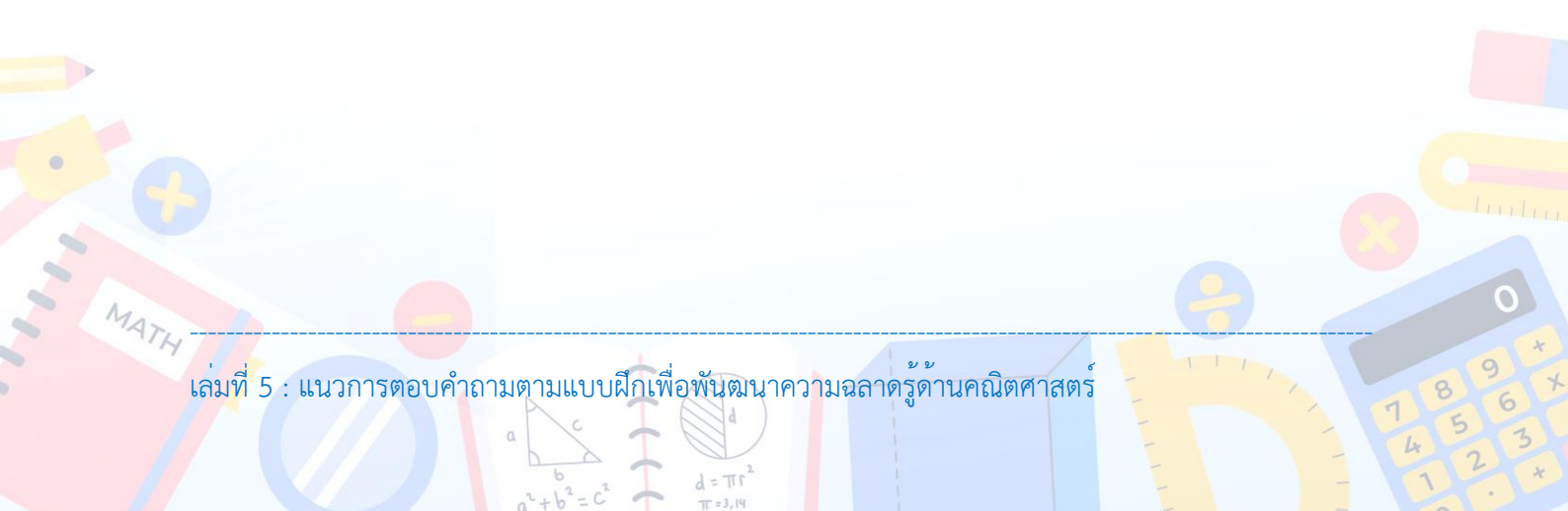
**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: 26

**ไม่ได้คะแนน**


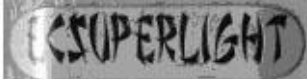


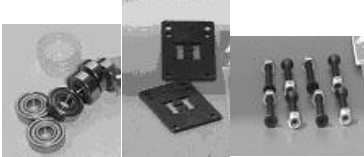
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ



### สถานการณ์ที่ 34 เรื่อง สเก็ตบอร์ด

อริญชอบสเก็ตบอร์ดมากเขาไปร้านขายสเก็ตบอร์ดแห่งหนึ่งที่มีชื่อว่า “นักสเก็ต” เพื่อตรวจสอบราคา  
 ที่ร้านนี้ท่านสามารถซื้อสเก็ตบอร์ดที่ประกอบสำเร็จแล้ว หรือซื้อแผ่นกระดาน, ชุดล้อ 4 ล้อ, ชุดแกนล้อ 2 อัน  
 และชุดอุปกรณ์ประกอบที่นำมาประกอบสเก็ตบอร์ดด้วยตัวเอง  
 ราคาสินค้าในร้านเป็นดังนี้

สินค้า	ราคา (เซต)	
สเก็ตบอร์ดสำเร็จรูป	82 หรือ 84	
แผ่นกระดาน	40, 60 หรือ 65	
ชุดล้อ 4 ล้อ	14 หรือ 36	
ชุดแกนล้อ 2 อัน	16	
ชุดอุปกรณ์ (ตลับลูกปืน, แผ่นยาง, สลักเกลียวและน็อต)	10 หรือ 20	

#### ■ คำถามที่ 1 : สเก็ตบอร์ด

ถ้าอริญต้องการประกอบสเก็ตบอร์ดด้วยตัวเอง จงหาราคาต่ำสุดและสูงสุดของการซื้ออุปกรณ์ร้านนี้

ราคาต่ำสุด: .....เซต

ราคาสูงสุด: .....เซต

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 2: ตอบถูกทั้งราคาต่ำสุด (80 เซต) และราคาสูงสุด (137 เซต)

#### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: ตอบถูกราคาต่ำสุดอย่างเดียว (80 เซต) หรือตอบถูกราคาสูงสุดอย่างเดียว (137 เซต)

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 2 : สเก็ตบอร์ด

ทางร้านเสนอแผ่นกระดานที่แตกต่างกันสามชนิด ชุดล้อต่างกันสองชุด และชุดอุปกรณ์ต่างกันสองชุด และมีชุดแกนล้อเพียง 1 แบบ อร์ญสามารถประกอบสเก็ตบอร์ดได้ต่างกันกี่แบบ

1. 6
2. 8
3. 10
4. 12

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	วิยุตคณิต
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 4. 12

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

■ คำถามที่ 3 : สเก็ตบอร์ด

อริญมีเงิน 120 เซต สำหรับใช้จ่าย และเขาต้องการซื้อชิ้นส่วนต่างๆ ของสเก็ตบอร์ดที่มีราคาแพงที่สุดเท่าที่เขาจะซื้อได้ อริญจะต้องจ่ายเงินเท่าไร ในการซื้อส่วนประกอบทั้ง 4 ส่วน ให้เติมคำตอบลงในตารางด้านล่างนี้

ส่วนประกอบ	จำนวนเงิน (เซต)
แผ่นไม้กระดาน	
ล้อ	
แกนล้อ	
ชุดอุปกรณ์	

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	ตอบสั้นๆ

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: แผ่นไม้กระดาน 65 เซต, ล้อ 14 เซต, แกนล้อ 16 เซต และชุดอุปกรณ์ 20 เซต

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 35 เรื่อง การแข่งขันปิงปอง

ธีระ เล็ก บิณฑ์ และ ดิเรก ได้จัดกลุ่มกันเพื่อฝึกซ้อมการเล่นปิงปองของชมรม ปิงปองแห่งหนึ่ง ผู้เล่นแต่ละคนต้องการจะฝึกซ้อมกับผู้เล่นทุกคน คนละหนึ่งครั้ง พวกเขาได้จองโต๊ะปิงปองจำนวน 2 โต๊ะ เพื่อฝึกซ้อมครั้งนี้



#### ■ คำถามที่ 1 : การแข่งขันปิงปอง

จงเติมตารางการแข่งขันในแต่ละคู่ให้สมบูรณ์ โดยเขียนชื่อของผู้เล่นในแต่ละคู่ของการแข่งขัน

	โต๊ะฝึกซ้อม 1	โต๊ะฝึกซ้อม 2
รอบที่ 1	ธีระ – เล็ก	บิณฑ์ – ดิเรก
รอบที่ 2	..... - .....	..... - .....
รอบที่ 3	..... - .....	..... - .....

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	วิยุตคณิต
สถานการณ์:	ส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

รหัส 1: จัดคู่แข่งขันสี่คู่ที่เหลือในการแข่งขันรอบที่ 2 และ 3 ได้อย่างถูกต้อง เช่น

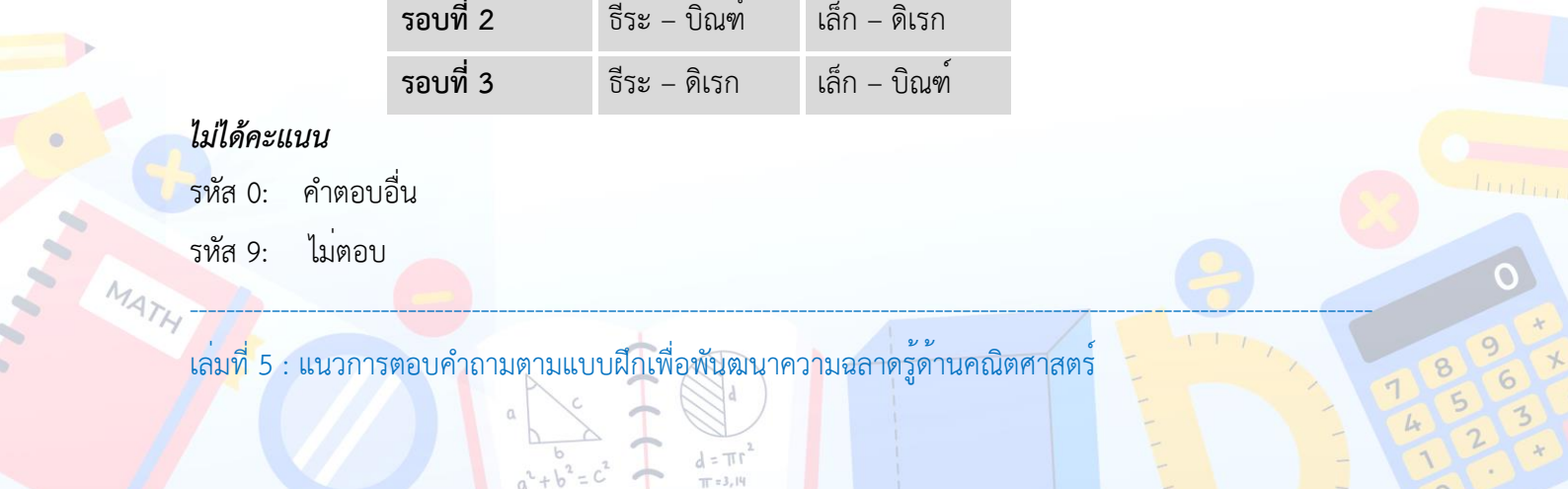
	โต๊ะฝึกซ้อม 1	โต๊ะฝึกซ้อม 2
รอบที่ 1	ธีระ – เล็ก	บิณฑ์ – ดิเรก
รอบที่ 2	ธีระ – บิณฑ์	เล็ก – ดิเรก
รอบที่ 3	ธีระ – ดิเรก	เล็ก – บิณฑ์

##### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่น

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



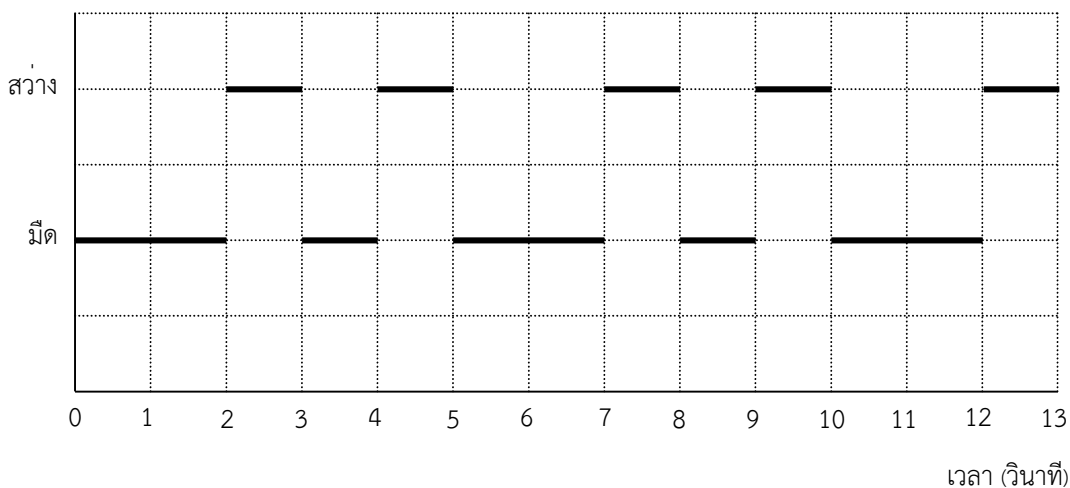
## สถานการณ์ที่ 36 เรื่อง ประภาคาร



ประภาคารคือหอสูงที่มีสัญญาณไฟอยู่บนยอด ประภาคารช่วยให้เรือทะเลหาทิศทางในเวลา  
กลางคืน เมื่อเรือกำลังแล่นใกล้ชายฝั่งทะเล

สัญญาณไฟบนประภาคารส่งเป็นแสงไฟวาบในรูปแบบคงที่ตลอด ประภาคารแต่ละแห่งมี  
รูปแบบสัญญาณไฟของตนเอง

แผนผังข้างล่างคือรูปแบบของสัญญาณไฟของประภาคารแห่งหนึ่ง ซึ่งมีช่วงแสงไฟวาบสว่างสลับกับช่วงมืดดังนี้



นี่คือรูปแบบปกติรูปหนึ่ง หลังจากเวลาผ่านไประยะหนึ่งสัญญาณไฟก็วนกลับมาซ้ำรูปแบบเดิม เวลาที่  
สัญญาณไฟครบรูปแบบรอบหนึ่งเรียกว่า คาบเวลา เมื่อหาคาบเวลาของรูปแบบรอบหนึ่งได้ ก็จะขยายแผนผัง  
นี้ต่อไป วินาที หรือ นาที หรือ เป็นชั่วโมงถัดไปก็ได้

■ คำถามที่ 1 : ประภาคาร

ทางร้านเสนอแผ่นกระดาษที่แตกต่างกันสามชนิด ชุดลวดต่างกันสองชุด และชุดอุปกรณ์ต่างกันสองชุด และมีชุดแกนลวดเพียง 1 แบบ อร์ณสามารถประกอบสเก็ตบอร์ดได้ต่างกันกี่แบบ

1. 6
2. 8
3. 10
4. 12

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	วิยุตคณิต
สถานการณ์:	ในเชิงชุมชนท้องถิ่น
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

การให้คะแนน

*คะแนนเต็ม*

รหัส 1: ข้อ 3. 5 วินาที

*ไม่ได้คะแนน*

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : ประภาคาร

ในเวลา 1 นาที ประภาคารส่งแสงไฟสว่างวาบออกไปกี่วินาที

1. 4
2. 12
3. 20
4. 24

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	วิद्यุตคณิต
สถานการณ์:	ในเชิงชุมชนท้องถิ่น
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

การให้คะแนน

*คะแนนเต็ม*

รหัส 1: ข้อ 4. 24

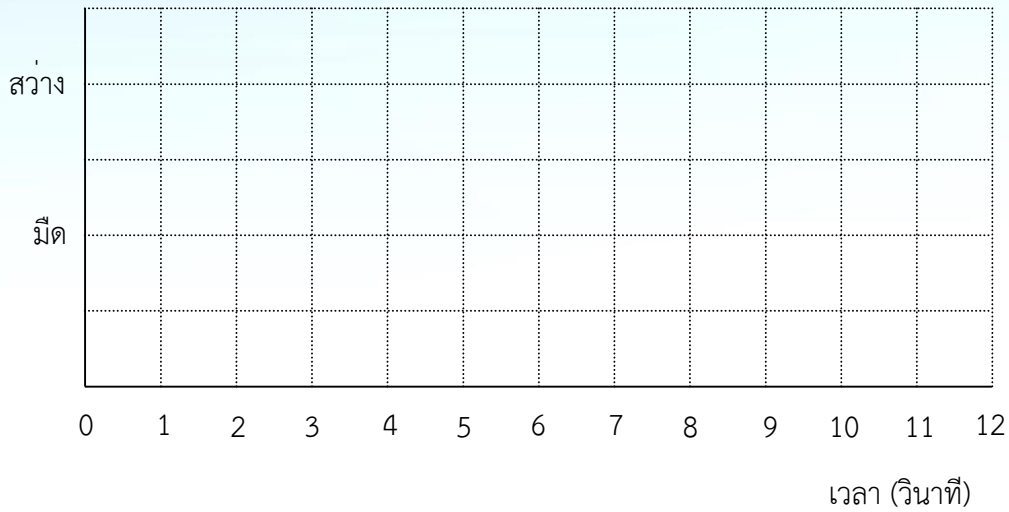
*ไม่ได้คะแนน*

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : ประภาคาร

ในแผนผังข้างล่าง จงเขียนกราฟของรูปแบบสัญญาณไฟที่เป็นไปได้ของประภาคาร ที่ส่งสัญญาณไฟสว่างวาว ออก 30 วินาทีในเวลาหนึ่งนาที และคาบเวลาของรูปแบบสัญญาณไฟรูปแบบนี้ต้องเท่ากับ 6 วินาที



เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	วิยุตคณิต
สถานการณ์:	ในเชิงชุมชนท้องถิ่น
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 2: กราฟแสดงรูปแบบสัญญาณไฟในช่วงสว่างและช่วงมืด ที่มีแสงไฟวาว 3 วินาที ในทุกๆ 6 วินาที และด้วยคาบเวลา 6 วินาที คำตอบอาจเป็นได้หลายแบบ ดังนี้

- แสงไฟวาวหนึ่งวินาทีจำนวน 1 ครั้ง และแสงไฟวาวสองวินาทีจำนวน 1 ครั้ง (สามารถแสดงได้หลายแบบ) หรือ
- แสงไฟวาวสามวินาทีจำนวน 1 ครั้ง (สามารถแสดงได้สี่แบบที่แตกต่างกัน) ถ้าเขียนแผนผังแสดงสองคาบเวลา รูปแบบสัญญาณในแต่ละคาบเวลาต้องเป็นแบบเดียวกัน

### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: กราฟแสดงรูปแบบสัญญาณไฟในช่วงสว่างและช่วงมืด ด้วยแสงไฟวาบ 3 วินาที ในทุกๆ 6 วินาที แต่คาบเวลาไม่เท่ากับ 6 วินาที ถ้าแสดงสองคาบ รูปแบบสัญญาณในแต่ละคาบต้องเป็นแบบเดียวกัน

แสงไฟวาบหนึ่งวินาที 3 ครั้ง สลับกับช่วงมืดหนึ่งวินาที 3 ครั้ง

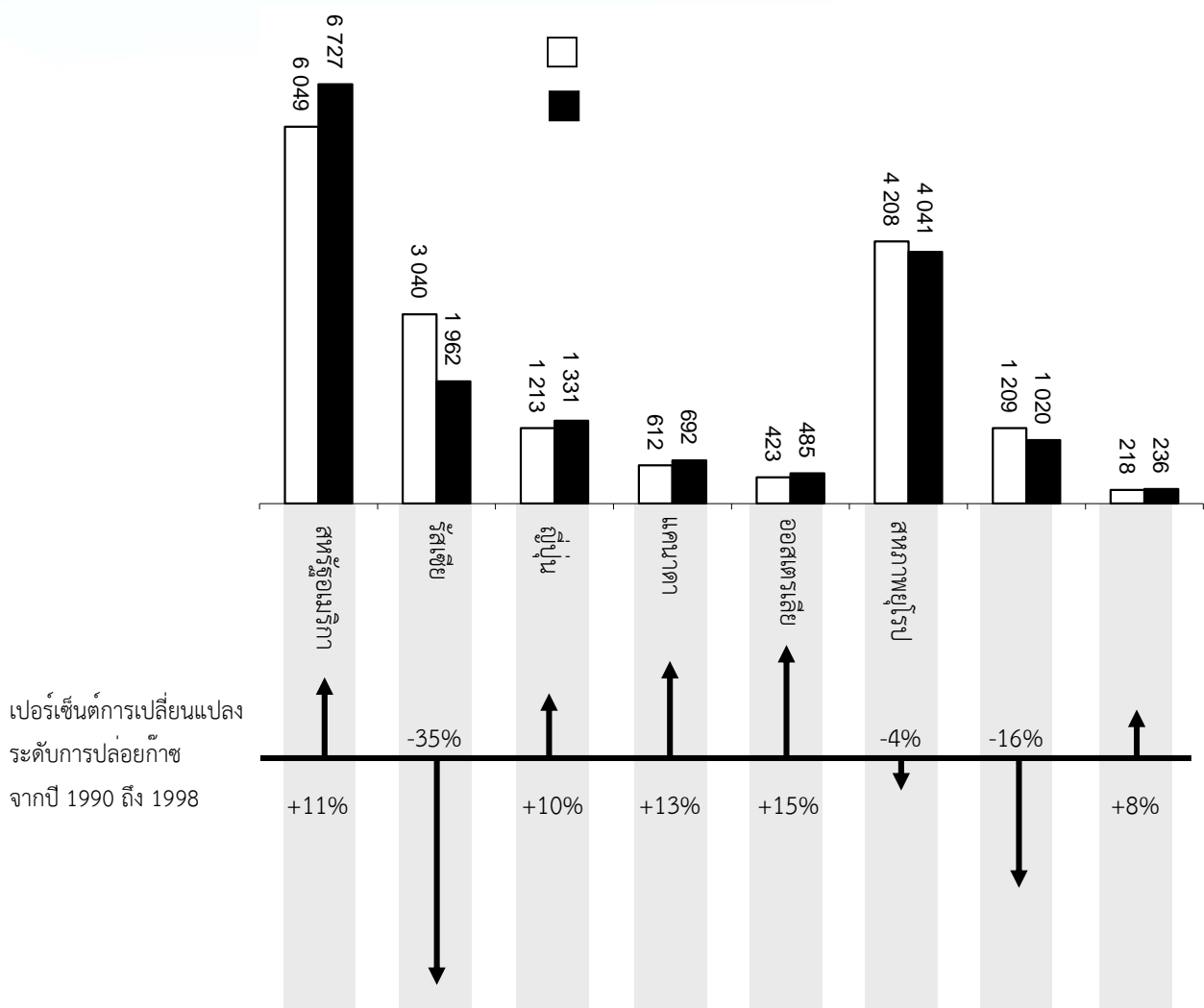
### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 37 เรื่อง การลดระดับ CO<sub>2</sub>

นักวิทยาศาสตร์หลายคน กล่าวว่า การเพิ่มของก๊าซ CO<sub>2</sub> ในชั้นบรรยากาศของเรา ทำให้ภูมิอากาศเปลี่ยนแปลง แผนผังด้านล่างแสดงระดับการปล่อยก๊าซ CO<sub>2</sub> ในปี 1990 (แท่งไม่มีสี) ในประเทศ (หรือภูมิภาค) ต่างๆ ระดับการปล่อยก๊าซ CO<sub>2</sub> ในปี 1998 (แท่งทึบ) และเปอร์เซ็นต์การเปลี่ยนแปลงระดับการปล่อยก๊าซ ระหว่างปี 1990 และ 1998 (แสดงด้วยลูกศร และตัวเลขเป็น %)



■ คำถามที่ 1 : การลดระดับ CO<sub>2</sub>

ในแผนผังอ่านได้ว่า การเพิ่มระดับการปล่อยก๊าซ CO<sub>2</sub> ในสหรัฐอเมริกา จากปี 1990 ถึง 1998 เป็น 11%  
จงแสดงการคำนวณว่าได้ 11% มาอย่างไร

.....  
.....

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 2: การลบถูกต้อง และคำนวณเป็นเปอร์เซ็นต์ถูกต้อง เช่น

$6727 - 6049 = 678, \frac{678}{6049} \times 100\% \approx 11\%$

**ได้คะแนนบางส่วน**

รหัส 1: ลบผิดแต่คำนวณเปอร์เซ็นต์ถูกต้อง หรือลบถูกต้องแต่หารด้วย 6727

$\frac{6049}{6727} \times 100\% \approx 89.9\%, \text{ และ } 100 - 89.9 = 10.1\%$

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ รวมถึงคำตอบ 'ใช่' หรือ 'ไม่ใช่'

ใช่ 11%

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : การลดระดับ CO<sub>2</sub>

มานีวิเคราะห์แผนผังและอ้างว่า เธอพบความผิดพลาดของเปอร์เซ็นต์การเปลี่ยนแปลง ระดับการปล่อยก๊าซ “ค่าเปอร์เซ็นต์ลดลงในเยอรมัน (16%) มากกว่าเปอร์เซ็นต์ที่ลดลงในสหภาพยุโรปทั้งหมด (ทั้งหมด 4%)” ซึ่งเป็นไปไม่ได้ เพราะเยอรมนีเป็นส่วนหนึ่งของสหภาพยุโรป

นักเรียนเห็นด้วยกับมานีหรือไม่ว่าเป็นไปไม่ได้ พร้อมอธิบายสนับสนุน

.....

.....

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: ตอบว่าไม่เห็นด้วย, พร้อมข้อโต้แย้งที่ถูกต้อง เช่น

- ไม่เห็นด้วย, ประเทศอื่นๆ ในสหภาพยุโรปอาจมีระดับเพิ่มขึ้น เช่น ในเนเธอร์แลนด์ ทำให้ผลรวมการลดลงในสหภาพยุโรปน้อยกว่าการลดลงในเยอรมัน

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ รวมถึงคำตอบ ‘ใช่’ หรือ ‘ไม่ใช่’

- ใช่ 11%

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : การลดระดับ CO<sub>2</sub>

มานีและนพ อภิปรายกันว่าประเทศใด (ภูมิภาคใด) มีการปล่อยก๊าซ CO<sub>2</sub> เพิ่มขึ้นมากที่สุด แต่ละคนลงข้อสรุปจากแผนผัง แต่ได้ข้อสรุปต่างกัน

จงให้คำตอบที่น่าจะ “ถูกต้อง” สองคำตอบ และอธิบายว่าแต่ละคำตอบนั้นได้มาอย่างไร

.....

.....

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	จำนวน
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

การให้คะแนน

*คะแนนเต็ม*

รหัส 2: คำตอบบอกทั้งแนวคิดเชิงคณิตศาสตร์ (ปริมาณจริงที่เพิ่มขึ้นมากที่สุด และปริมาณเปรียบเทียบที่เพิ่มขึ้นมากที่สุด) และบอกชื่อสหรัฐอเมริกาและออสเตรเลีย

- อเมริกามีการเพิ่มขึ้นมากที่สุดเมื่อคิดเป็นล้านตัน และออสเตรเลียมีปริมาณเพิ่มขึ้นมากที่สุดเมื่อคิดเป็นเปอร์เซ็นต์

*ได้คะแนนบางส่วน*

รหัส 1: คำตอบบอกหรืออ้างถึงทั้งปริมาณจริงที่เพิ่มขึ้นมากที่สุด และปริมาณเปรียบเทียบที่เพิ่มขึ้นมากที่สุด แต่ไม่ได้ระบุประเทศ หรือระบุชื่อประเทศผิด

- รัสเซียมีการเพิ่มขึ้นของปริมาณ CO<sub>2</sub> มากที่สุด (1078 ตัน) แต่ออสเตรเลียมีการเพิ่มขึ้นเป็นเปอร์เซ็นต์มากที่สุด (15%)

*ไม่ได้คะแนน*

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

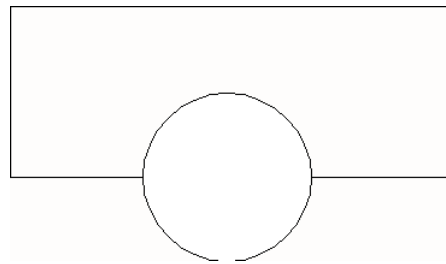
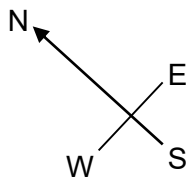
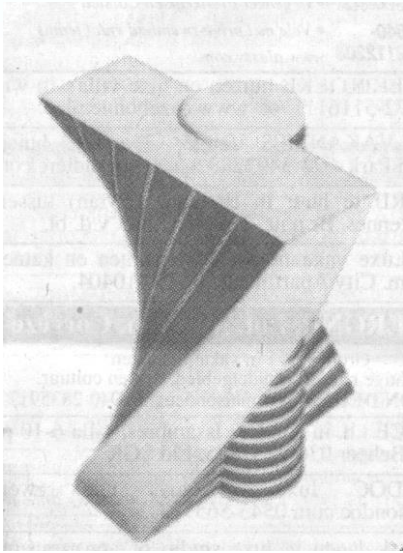
รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 38 เรื่อง ตึกบิด

ในยุคสถาปัตยกรรมสมัยใหม่ตึกมักมีรูปร่างแปลกๆ ภาพข้างล่างแสดง ‘รูปตึกบิด’ ในคอมพิวเตอร์ และผังชั้นล่าง เข้มทิศแสดงทิศทางการวางตัวอาคาร

ชั้นล่างของตึกมีทางเข้า-ออกใหญ่ และมีห้องสำหรับร้านค้า จากพื้นล่างมีชั้นอีก 20 ชั้น ซึ่งทำเป็น อพาร์ทเมนต์

ผังของแต่ละชั้นคล้ายกับผังชั้นล่าง จะต่างกันเล็กน้อยที่ทิศทางการวางอาคารจากชั้นที่ถัดลงไป ส่วนที่เป็นทรงกระบอกมีช่องลิฟต์ และจุดหยุดลิฟต์ในแต่ละชั้น



■ คำถามที่ 1 : ตึกบิด

จงประมาณความสูงทั้งหมดของตึกโดยให้มีหน่วยเป็นเมตร ให้อธิบายด้วยว่าได้คำตอบอย่างไร

.....

.....

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงชุมชน
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 2: ยอมรับคำตอบจาก 50 ถึง 90 เมตร ถ้ามีคำอธิบายถูกต้อง

- หนึ่งชั้นจะมีความสูงประมาณ 2.5 เมตร มีที่ว่างระหว่างชั้นเพิ่มขึ้นบ้าง ดังนั้นประมาณได้ว่า  $21 \times 3 = 63$  เมตร
- ยอมรับให้แต่ละชั้นมีความสูง 4 เมตร ดังนั้น 20 ชั้นจึงมีความสูงรวม 80 เมตร บวกชั้นล่าง 10 เมตร ดังนั้นรวมได้ 90 เมตร

**ได้คะแนนบางส่วน**

รหัส 1: วิธีการคำนวณถูกต้อง และอธิบายถูกต้อง แต่ใช้ 20 ชั้นแทน 21 ชั้นในการคำนวณ เช่น

- แต่ละห้องควรสูง 3.5 เมตร จำนวน 20 ชั้นๆ ละ 3.5 เมตร ให้ความสูงรวม 70 เมตร

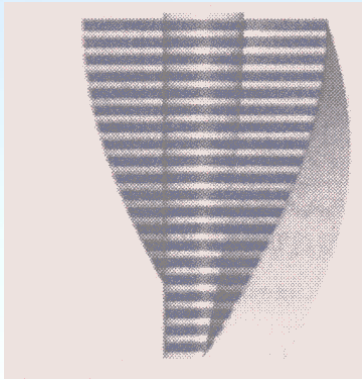
**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ รวมถึงคำตอบที่ไม่มีคำอธิบาย คำตอบที่ใช้จำนวนชั้นอื่นๆ และคำตอบที่ใช้ความสูงในแต่ละชั้นที่ไม่สมเหตุผล (ความสูงแต่ละชั้นไม่ควรเกิน 4 เมตร) เช่น

- แต่ละชั้นสูง 5 เมตร ดังนั้น  $5 \times 21$  เท่ากับ 105 เมตร
- 60 เมตร

รหัส 9: ไม่ตอบ

ภาพต่อไปนี้ เป็นภาพด้านข้างของตึกบิด



■ คำถามที่ 2 : ตึกบิด

ภาพด้านข้าง 1 ถูกวาดจากทิศทางใด

1. จากทิศเหนือ
2. จากทิศตะวันตก
3. จากทิศตะวันออก
4. จากทิศใต้

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงชุมชน
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. จากทิศตะวันออก

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

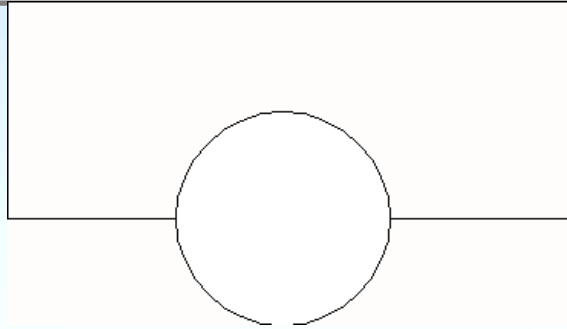
รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

■ คำถามที่ 3 : ตี๊กปิด

ภาพด้านข้าง 2 ถูกวาดจากทิศทางใด

1. จากทิศตะวันตกเฉียงเหนือ
2. จากทิศตะวันออกเฉียงเหนือ
3. จากทิศตะวันตกเฉียงใต้
4. จากทิศตะวันออกเฉียงใต้



เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงชุมชน
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: ข้อ 4. จากทิศตะวันออกเฉียงใต้

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

ในแต่ละชั้นประกอบด้วยอาร์ทเมนต์ซึ่ง “ปิด” ไปเมื่อเทียบกับชั้นล่างที่ถัดลงมา ชั้นบนสุด (ชั้นที่ 20 เหนือจากชั้นล่าง) จะอยู่ตรงมุมฉากกับชั้นล่าง

ภาพวาดข้างล่างแทนชั้นล่าง

■ คำถามที่ 4 : ตีกลับ

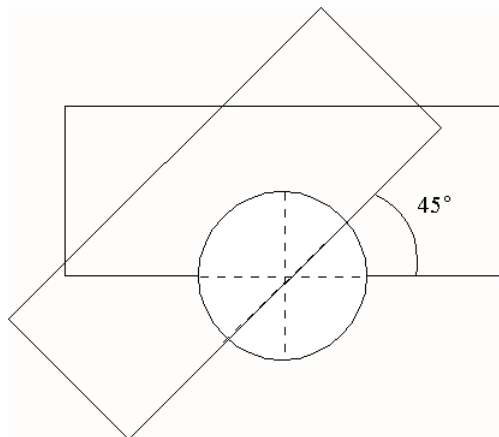
จงวาดแผนผังชั้น 10 เหนือชั้นล่าง และแสดงตำแหน่งของพื้นที่ชั้น 10 ว่าอยู่ตำแหน่งใดเมื่อเทียบกับชั้นล่าง

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงชุมชน
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 2: วาดรูปได้ถูกต้อง หมายถึง ตำแหน่งที่หมุนไปถูกต้อง และหมุนทวนเข็มนาฬิกา ยอมรับมุมที่ปิด ตั้งแต่ 40 องศาถึง 50 องศา



**ได้คะแนนบางส่วน**

รหัส 1: มุมที่หมุน, ตำแหน่งที่หมุน หรือทิศทางในการหมุนผิดไปหนึ่งอย่าง

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 39 เรื่อง การเต้นของหัวใจ

ด้วยเหตุผลทางสุขภาพ มนุษย์ควรจำกัดการออกกำลังกายต่าง ๆ เช่น ระหว่างการเล่นกีฬา ทั้งนี้เพื่อไม่ให้ความถี่ของการเต้นของหัวใจสูงเกินขีดจำกัดหนึ่ง

หลายปีมาแล้วที่ความสัมพันธ์ระหว่างอัตราสูงสุดของการเต้นของหัวใจที่ควรจะเป็นกับอายุของคนให้เป็นไปตามสูตรนี้

$$\text{อัตราสูงสุดของการเต้นของหัวใจที่ควรจะเป็น} = 220 - \text{อายุ}$$

ผลการวิจัยเมื่อเร็วๆ นี้บอกว่า ควรมีการเปลี่ยนแปลงสูตรนี้เล็กน้อย สูตรใหม่เป็นดังนี้

$$\text{อัตราสูงสุดของการเต้นของหัวใจที่ควรจะเป็น} = 208 - (0.7 \times \text{อายุ})$$

#### ■ คำถามที่ 1 : การเต้นของหัวใจ

บทความในหนังสือพิมพ์ระบุว่า “ผลของการใช้สูตรใหม่แทนสูตรเก่า คืออัตราการเต้นสูงสุดของหัวใจต่อนาทีที่ควรจะเป็นในคนหนุ่มสาวลดลงเล็กน้อย และในคนสูงอายุกลับเพิ่มขึ้นเล็กน้อย”

จากอายุเท่าไรขึ้นไป อัตราสูงสุดของการเต้นของหัวใจที่ควรจะเป็นจะเพิ่มขึ้น เนื่องจากการใช้สูตรใหม่  
จงแสดงวิธีทำด้วย

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ยอมรับคำตอบ 41 หรือ 40

$220 - \text{อายุ} = 208 - 0.7 \times \text{อายุ}$  ผลคือ  $\text{อายุ} = 40$  ดังนั้นคนที่มียุขสูงกว่า 40 จะมีอัตราสูงสุดของการเต้นของหัวใจที่ควรจะเป็นเพิ่มขึ้นภายใต้การคำนวณด้วยสูตรใหม่

##### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

สูตร อัตราสูงสุดของการเต้นของหัวใจที่ควรจะเป็น =  $208 - (0.7 \times \text{อายุ})$  ใช้เพื่อวัดช่วงเวลาการฝึกซ้อมที่มีประสิทธิภาพมากที่สุดด้วย ผลการวิจัยแสดงว่าการฝึกซ้อมมีประสิทธิภาพสูงสุด คือที่ 80% ของอัตราสูงสุดของการเต้นของหัวใจที่ควรจะเป็น

■ คำถามที่ 2 : การเต้นของหัวใจ

จงเขียนสูตรสำหรับการคำนวณอัตราการเต้นของหัวใจของการฝึกซ้อมที่มีประสิทธิภาพสูงสุด โดยให้แสดงในรูปของอายุด้วย

.....  
.....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

การให้คะแนน

*คะแนนเต็ม*

รหัส 1: สูตรคำนวณใดก็ได้ที่เท่ากับการคูณสูตรอัตราการเต้นของหัวใจที่ควรจะเป็นด้วย 80% เช่น

- อัตราการเต้นของหัวใจ =  $166 - 0.56 \times \text{อายุ}$
- อัตราการเต้นของหัวใจ =  $166 - 0.6 \times \text{อายุ}$
- $h = 166 - 0.56 \times a$
- $h = 166 - 0.6 \times a$
- อัตราการเต้นของหัวใจ =  $(208 - 0.7\text{อายุ}) \times 0.8$

*ไม่ได้คะแนน*

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 40 เรื่อง เทียวบินอวกาศ

สถานีอวกาศเมียร์อยู่ในวงโคจรรอบโลกเป็นเวลา 15 ปี และโคจรรอบโลกประมาณ 86,500 รอบ ในระหว่างที่อยู่ในอวกาศนักบินอวกาศที่อยู่ในสถานีอวกาศเมียร์นานที่สุดคนหนึ่ง ประมาณ 680 วัน

### ■ คำถามที่ 1 : เทียวบินอวกาศ

นักบินอวกาศผู้นี้จะโคจรรอบโลกได้ประมาณกี่รอบ

1. 110
2. 1,100
3. 11,000
4. 110,000

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. 11,000

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : เทียบบินอวกาศ

สถานีอวกาศเมียร์โคจรรอบโลกที่ความสูงประมาณ 400 กิโลเมตร เส้นผ่าศูนย์กลางของโลกประมาณ 12,700 กิโลเมตร และเส้นรอบวงประมาณ 40,000 กิโลเมตร  $\pi \times 12,700$

จงประมาณระยะทางทั้งหมดที่สถานีอวกาศเมียร์โคจรรอบโลก 86,500 รอบ ในขณะที่โคจร ประมาณค่าตอบให้อยู่ในรูปใกล้เคียงกับจำนวนเต็ม 10 ล้าน

ระยะทาง : .....

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 2: คำตอบอยู่ระหว่าง 3,500 ถึง 3,800 ล้านกิโลเมตรและเป็นค่าประมาณเต็ม 10 ล้าน เช่น

- เส้นผ่าศูนย์กลางของโลก  $\approx 12,700$   
เส้นผ่าศูนย์กลางวงโคจรของสถานีอวกาศเมียร์  $\approx 13,500$   
ระยะทางในการโคจรหนึ่งรอบ  $\approx 42,000$   
รวมระยะทางทั้งหมด 3,630 ล้านกิโลเมตร
- ระยะทางในการโคจรหนึ่งรอบ คือ  $40,000 + 2\pi \times 400 = 42,513$  กิโลเมตร  
รวมระยะทางทั้งหมด 3,677.4 ล้านกิโลเมตร ดังนั้นคำตอบ คือ 3,680 ล้านกิโลเมตร

**ได้คะแนนบางส่วน**

รหัส 1: คำนวณผิดพลาดหนึ่งขั้นตอน

- ใช้รัศมีแทนที่จะใช้เส้นผ่าศูนย์กลาง
- บวกด้วย 400 แทนที่จะใช้ 800 ในการหาเส้นผ่าศูนย์กลางวงโคจรของสถานีอวกาศเมียร์
- ไม่ทำให้เป็นเลขจำนวนเต็มตามที่สั่ง  
(ตัวอย่าง ทำให้เป็นเลขจำนวนเต็มในหลักล้านแทนที่จะเป็น 10 ล้าน)

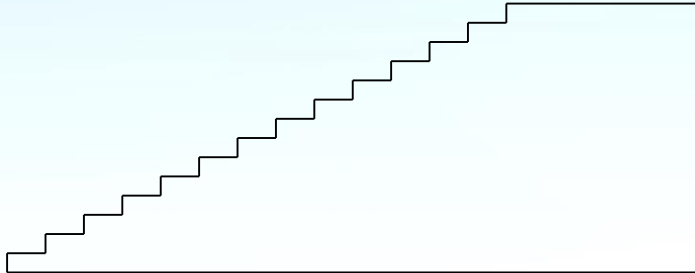
**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 41 เรื่อง บันได

แผนผังข้างล่างแสดง บันได 14 ขั้น และความสูงทั้งหมด 252 เซนติเมตร



#### ■ คำถามที่ 1 : บันได

ความสูงแต่ละขั้นของบันได 14 ขั้น เป็นเท่าใด

ความสูง : ..... เซนติเมตร

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงอาชีพ
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 18 เซนติเมตร

##### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 42 เรื่อง คอนเสิร์ตร็อก

สนามรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้าขนาด 100 เมตร คูณ 50 เมตร ถูกจองไว้สำหรับแสดงคอนเสิร์ตร็อก  
บัตรคอนเสิร์ตขายได้หมดและสนามเต็มไปด้วยแฟนเพลงที่ยืนดู

### ■ คำถามที่ 1 : คอนเสิร์ตร็อก

ข้อใดต่อไปนี้น่าจะเป็นการประมาณตัวเลขผู้เข้าชมคอนเสิร์ตได้ดีที่สุด

1. 2000
2. 5000
3. 20000
4. 50000
5. 100000

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. 20000

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 43 เรื่อง ลูกเต๋า

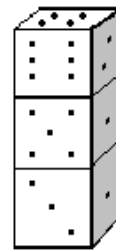
ทางขวามือมีภาพของลูกเต๋าสองลูก

ลูกเต๋า คือ ลูกบาศก์ที่มีจำนวนจุดอยู่บนด้านทั้งหก ซึ่งเป็นไปตามกฎ คือ ผลบวกของจำนวนจุดที่อยู่บนหน้าตรงข้ามเท่ากับเจ็ดเสมอ

■ คำถามที่ 1 : ลูกเต๋า

ทางด้านขวา จะมีลูกเต๋าสามลูกวางซ้อนกันอยู่ ลูกเต๋าลูกที่ 1 มองเห็น มี 4 จุดอยู่ด้านบน

มีจำนวนจุดรวมกันทั้งหมดกี่จุดบนหน้าลูกเต๋าคู่ที่ขนานกับแนวนอน ห้าด้าน ซึ่งท่านมองไม่เห็น (ด้านล่างของลูกเต๋าลูกที่ 1 ด้านบนและล่างของลูกเต๋าลูกที่ 2 และลูกเต๋าลูกที่ 3)



จำนวน : ..... จุด

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

#### การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: 17

ไม่ได้คะแนน

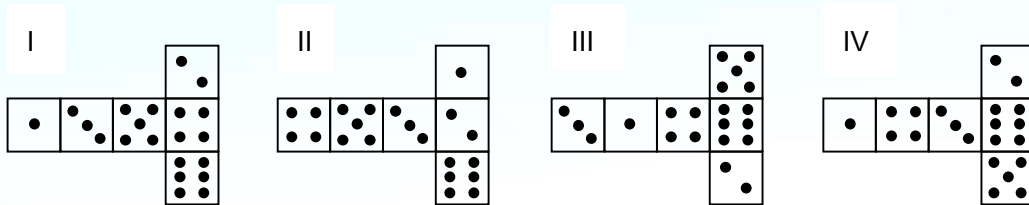
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : ลูกเต๋า

ท่านสามารถทำลูกเต๋าดังง่ายดายๆ โดยการตัด พับ และติดกากระดาษแข็ง ซึ่งทำได้หลายวิธี รูปข้างล่างท่านจะเห็นการตัดสี่แบบ ที่สามารถประกอบเป็นลูกเต๋า พร้อมจุดแต่ละด้าน

รูปใดต่อไปนี่ ที่พับเป็นลูกเต๋าแล้ว เป็นไปตามกฎผลรวมของจำนวนจุดบนด้านที่อยู่ตรงข้ามกันเท่ากับ 7 เสมอ ในแต่ละรูปแบบ จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” ในตารางข้างล่าง



รูปแบบ	เป็นไปตามกฎที่ว่าผลรวมของจุดบนด้านตรงข้ามเท่ากับ 7 หรือไม่
I	ใช่ / ไม่ใช่
II	ใช่ / ไม่ใช่
III	ใช่ / ไม่ใช่
IV	ใช่ / ไม่ใช่

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในส่วนตัว/ส่วนบุคคล
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: ตอบถูกทั้งสี่ข้อ ไม่ใช่ ใช่ ใช่ ไม่ใช่ ตามลำดับ

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 44 เรื่อง การสนับสนุนประธานาธิบดี

ในประเทศเซดแลนด์ มีการสำรวจความเห็นเกี่ยวกับการสนับสนุนประธานาธิบดีในการเลือกตั้งที่กำลังจะมาถึง

หนังสือพิมพ์สี่ฉบับแยกกันสำรวจความเห็นทั่วประเทศ ปรากฏผลการสำรวจดังนี้

หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 1: 36.5% (ทำแบบสำรวจในวันที่ 6 มกราคม ใช้กลุ่มตัวอย่าง 500 คน โดยสุ่มจากประชากรที่มีสิทธิเลือกตั้ง)

หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 2: 41.0% (ทำแบบสำรวจในวันที่ 20 มกราคม ใช้กลุ่มตัวอย่าง 500 คน โดยสุ่มจากประชากรที่มีสิทธิเลือกตั้ง)

หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 3: 39.0% (ทำแบบสำรวจในวันที่ 20 มกราคม ใช้กลุ่มตัวอย่าง 1000 คน โดยสุ่มจากประชากรที่มีสิทธิเลือกตั้ง)

หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 4: 44.5% (ทำแบบสำรวจในวันที่ 20 มกราคม ใช้กลุ่มตัวอย่าง 1000 คน

### ■ คำถามที่ 1 : การสนับสนุนประธานาธิบดี

ผลสำรวจของหนังสือพิมพ์ฉบับใดน่าจะพยากรณ์ระดับการสนับสนุนประธานาธิบดีได้ดีที่สุด ถ้าการเลือกตั้งจะมีขึ้นในวันที่ 25 มกราคม จงให้เหตุผลสองข้อเพื่อสนับสนุนคำตอบด้วย

.....

.....

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงชุมชน
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 2: หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 3 การสำรวจฯ เป็นปัจจุบันมากกว่า เป็นการสุ่มตัวอย่างขนาดใหญ่กว่า และถามเฉพาะผู้มีสิทธิเลือกตั้ง (ให้เหตุผลอย่างน้อยสองเหตุผล) ไม่สนใจข้อมูลเพิ่มเติม (รวมถึงข้อมูลที่ไม่เกี่ยวข้องหรือไม่ถูกต้อง) เช่น

- หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 3 เพราะว่าเขาได้สุ่มเลือกประชาชนที่มีสิทธิลงคะแนนมากกว่า
- หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 3 เพราะว่าเขาได้ถาม 1000 คน โดยการสุ่มเลือก และดำเนินการในวันที่ใกล้กับวันเลือกตั้ง ดังนั้นผู้มีสิทธิเลือกตั้งมีเวลาที่จะเปลี่ยนใจน้อยลง
- หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 3 เพราะว่าพวกเขาถูกสุ่มเลือก และต่างมีสิทธิลงคะแนน
- หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 3 เพราะว่าเขาสำรวจจำนวนประชาชนมากกว่าและใกล้วันเลือกตั้งมากกว่า
- หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 3 เพราะว่าคนทั้ง 1000 คนถูกสุ่มเลือก

### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: ตอบว่าหนังสือพิมพ์ฉบับที่ 3 แต่ให้เหตุผลเพียงหนึ่งข้อ หรือไม่มีคำอธิบายเลย

- หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 3 เพราะว่าวันสำรวจใกล้วันเลือกตั้งมากกว่า
- หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 3 มีคนถูกสำรวจมากกว่าฉบับที่ 1 และ 2
- หนังสือพิมพ์ฉบับที่ 3

### ไม่ได้คะแนน

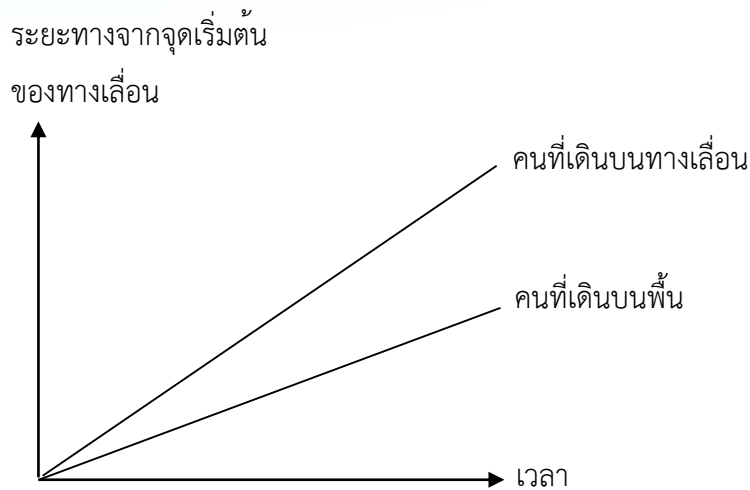
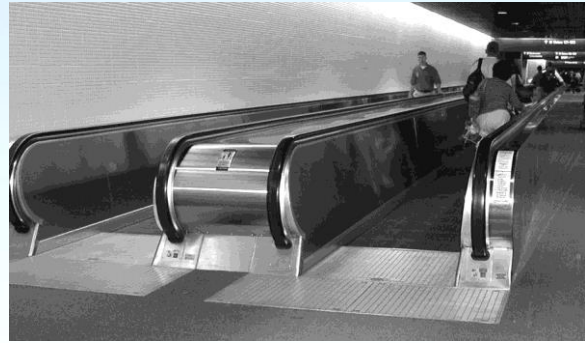
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 45 เรื่อง ทางเลื่อน

ทางขวเป็นรูปของทางเลื่อน

กราฟความสัมพันธ์ระหว่างระยะทางกับเวลาต่อไปนี้ แสดงการเปรียบเทียบระหว่าง “การเดินทางบนทางเลื่อน” กับ “การเดินทางบนพื้นที่อยู่ข้างทางเลื่อน”

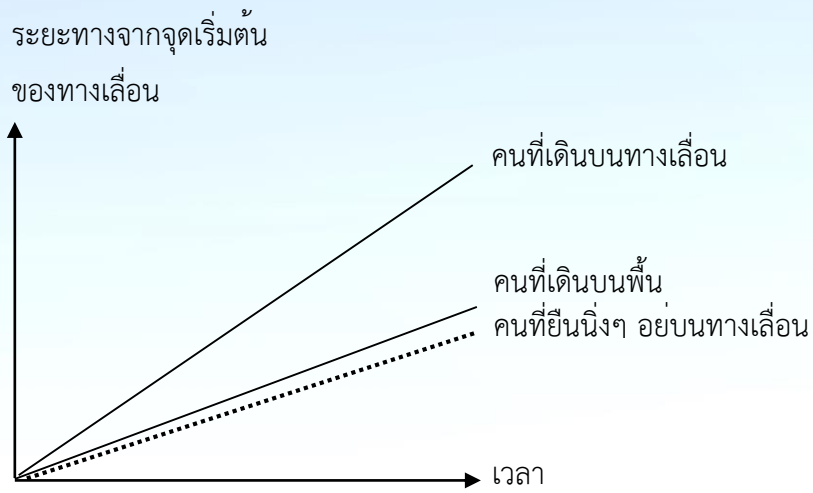


### ■ คำถามที่ 1 : ทางเลื่อน

ตามกราฟข้างบน ถ้าถือว่าคนทั้งสองคนมีระยะก้าวเท่าๆ กัน จงเขียนเส้นเพิ่มลงในกราฟข้างบนแสดงระยะทางกับเวลาของคนที่ยืนนิ่งๆ อยู่บนทางเลื่อน

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงวิทยาศาสตร์
สมรรถนะ:	การสะท้อน และสื่อสารทาง คณิตศาสตร์
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1:

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 46 เรื่อง รถยนต์ที่ดีที่สุด

วารสารรถยนต์เล่มหนึ่ง ใช้ระบบการให้คะแนนเพื่อประเมินรถยนต์ใหม่ รถยนต์ที่ได้รับรางวัล “รถยนต์แห่งปี” จะเป็น รถยนต์ที่มีคะแนนรวมสูงสุด มีรถยนต์ใหม่ห้าคัน เข้ารับการประเมิน และแสดงผลการประเมินไว้ใน ตารางดังนี้

รถยนต์	ความปลอดภัย (S)	ประสิทธิภาพเชื้อเพลิง (F)	รูปลักษณ์ภายนอก (E)	การประกอบภายใน (T)
Ca	3	1	2	3
M2	2	2	2	2
Sp	3	1	3	2
N1	1	3	3	3
KK	3	2	3	2

ค่าที่ถูกประเมินตีความดังนี้

3 คะแนน = ดีเยี่ยม

2 คะแนน = ดี

1 คะแนน = พอใช้

#### ■ คำถามที่ 1 : รถยนต์ที่ดีที่สุด

การคิดคะแนนรวมสำหรับรถยนต์วารสารรถยนต์เล่มนั้นใช้สูตรการหาคะแนนรวมจากผลรวมของคะแนนแต่ละด้าน ดังนี้

$$\text{คะแนนรวม} = (3 \times S) + F + E + T$$

จงคำนวณหาคะแนนรวมสำหรับ “Ca” แล้วเขียนคำตอบลงในที่ว่างที่กำหนดให้

คะแนนรวมสำหรับ “Ca”: .....

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงชุมชน
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 15 คะแนน

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

#### ■ คำถามที่ 2 : รถยนต์ที่ดีที่สุด

ผู้ผลิตรถยนต์ “Ca” คิดว่ากฎในการให้คะแนนรายนั้นไม่ยุติธรรม  
 จึงเขียนสูตรที่ใช้คำนวณการให้คะแนนรวม เพื่อจะให้รถยนต์ “Ca” เป็นผู้ชนะ  
 สูตรที่นักเรียนเขียนขึ้นควรจะต้องรวมตัวแปรทั้งสิ้น และควรเขียนสูตรโดยการเติมจำนวนบวกลงในช่องว่าง  
 ทั้งสี่ในสมการข้างล่างนี้

$$\text{คะแนนรวม} = \dots\dots\dots \times S + \dots\dots\dots \times F + \dots\dots\dots \times E + \dots\dots\dots \times T$$

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงการศึกษา
สมรรถนะ:	การทำให้ใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: คำตอบที่ถูกต้องตามกฎ เพื่อที่จะให้รถยนต์ “Ca” เป็นผู้ชนะ

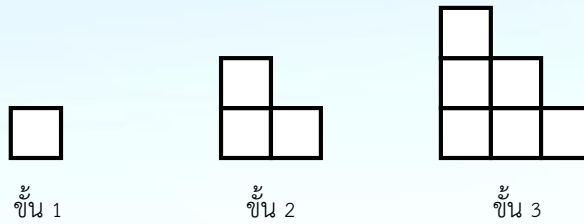
#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 47 เรื่อง รูปแบบขั้นบันได

เรวัตสร้างรูปแบบขั้นบันไดโดยใช้รูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส ดังรูป



จะเห็นว่าเขาใช้รูปสี่เหลี่ยมหนึ่งรูปสำหรับบันได 1 ขั้น สามรูปสำหรับบันได 2 ขั้น และหกรูปสำหรับบันได 3 ขั้น

■ **คำถามที่ 1 : รูปแบบขั้นบันได**

เขาจะต้องใช้รูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสจำนวนกี่รูป เพื่อสร้างบันได 4 ขั้น

คำตอบ : ..... รูป

เนื้อหา:	ปริมาณ
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงการศึกษา
สมรรถนะ:	การทำใหม่
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

#### การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: 10

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 48 เรื่อง ค่าไปรษณีย์

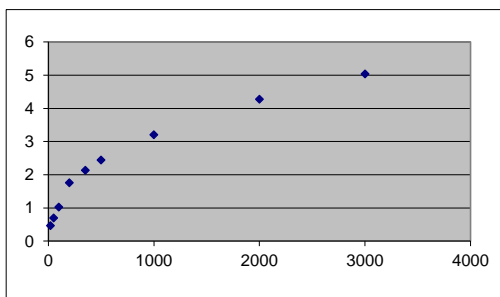
ค่าไปรษณีย์ในเขตแลนด์ขึ้นอยู่กับน้ำหนักของสิ่งของ (จำนวนกรัมที่ใกล้เคียงที่สุด) ดังแสดงในตารางข้างล่าง

น้ำหนัก (จำนวนกรัมที่ใกล้เคียงที่สุด)	ค่าไปรษณีย์
น้อยกว่า 20 g	0.46 เซต
21 g – 50 g	0.69 เซต
51 g – 100 g	1.02 เซต
101 g – 200 g	1.75 เซต
201 g – 350 g	2.13 เซต
351 g – 500 g	2.44 เซต
501 g – 1000 g	3.20 เซต
1001 g – 2000 g	4.27 เซต
2001 g – 3000 g	5.03 เซต

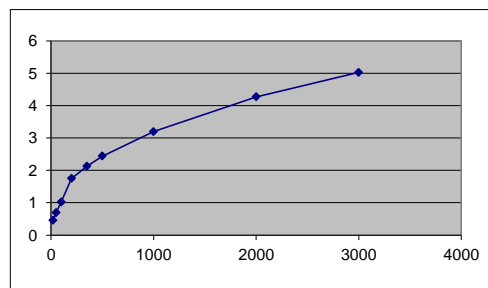
#### ■ คำถามที่ 1 : ค่าไปรษณีย์

กราฟต่อไปนี้ข้อใดแสดงค่าไปรษณีย์ในเขตแลนด์ได้ดีที่สุด  
(แกนนอนแสดงน้ำหนักเป็นกรัม และแกนตั้งแสดงค่าไปรษณีย์เป็นเซต)

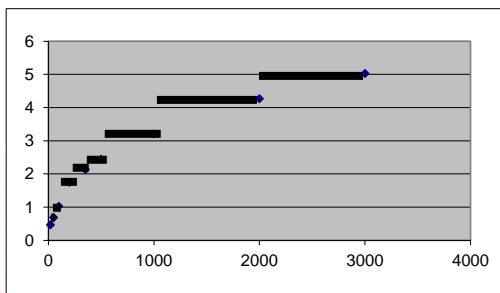
1.



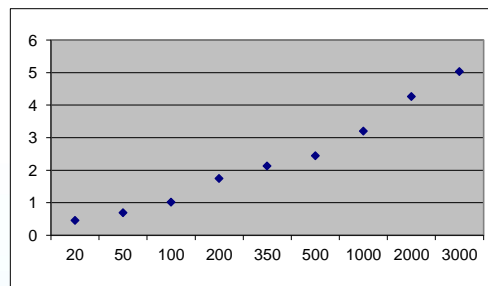
2.



3.



4.



เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงชุมชน
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. รูป 3

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 2 : ค่าไปรษณีย์

จันทน์ต้องการส่งของไปให้เพื่อนสองชิ้น หนัก 40 กรัม และ 80 กรัม ตามลำดับ เมื่อคิดตามค่าไปรษณีย์ในเขตแลนด์ จงตัดสินใจว่าจะส่งของทั้งสองชิ้นไปในห่อเดียวกัน หรือแยกส่งห่อละชิ้น อย่างไม่ถูกกว่า จงแสดงวิธีคำนวณในแต่ละกรณี

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอน
แขนงวิชา:	-
สถานการณ์:	ในเชิงชุมชน
สมรรถนะ:	การเชื่อมโยง
แบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ตอบว่าส่งของสองชิ้นแยกกันจะมีราคาถูกกว่า ราคาค่าส่งของสองสิ่งแยกกันคือ 1.71 เซต และค่าส่งของสองชิ้นในห่อเดียวกันคือ 1.75 เซต

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

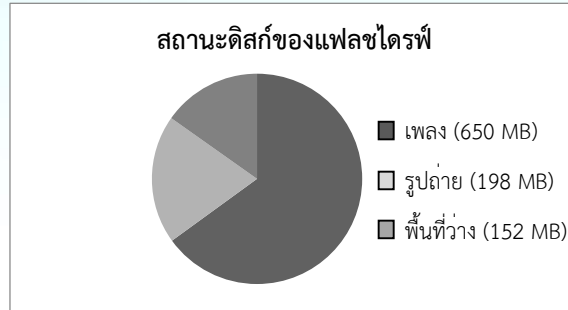
เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

## สถานการณ์ที่ 49 เรื่อง แฟลชไดรฟ์

แฟลชไดรฟ์ เป็นอุปกรณ์จัดเก็บข้อมูลคอมพิวเตอร์แบบพกพาที่มีขนาดเล็ก

อนันต์มีแฟลชไดรฟ์อันหนึ่งซึ่งเก็บเพลงและรูปถ่ายไว้ แฟลชไดรฟ์มีความจุ 1 GB (1,000 MB)

กราฟข้างล่างแสดงสถานะดิสก์ปัจจุบันของแฟลชไดรฟ์ของอนันต์



### ■ คำถามที่ 1 : แฟลชไดรฟ์

อนันต์ต้องการย้ายอัลบั้มรูปถ่ายขนาด 350 MB ลงในแฟลชไดรฟ์ของเขา แต่พื้นที่ว่างในแฟลชไดรฟ์มีไม่เพียงพอ ซึ่งเขาไม่ต้องการลบรูปถ่ายใด ๆ ที่มีอยู่ออก แต่เขายินดีที่จะลบอัลบั้มเพลงสองอัลบั้มออก แฟลชไดรฟ์ของอนันต์ เก็บอัลบั้มเพลงขนาดต่าง ๆ ต่อไปนี้

อัลบั้ม	ขนาด
อัลบั้ม 1	100 MB
อัลบั้ม 2	75 MB
อัลบั้ม 3	80 MB
อัลบั้ม 4	55 MB
อัลบั้ม 5	60 MB
อัลบั้ม 6	80 MB
อัลบั้ม 7	75 MB
อัลบั้ม 8	125 MB

ถ้าลบอัลบั้มเพลงอย่างมากที่สุดสองอัลบั้มจะทำให้แฟลชไดรฟ์ของอนันต์มีพื้นที่ว่างเพียงพอ ที่จะเพิ่มอัลบั้มรูปถ่ายใช่หรือไม่ จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” และแสดงวิธีการคำนวณเพื่อสนับสนุนคำตอบของนักเรียน

คำตอบ: ใช่ / ไม่ใช่

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	คำนวณและเปรียบเทียบค่าที่ได้ให้เป็นไปตามเกณฑ์ที่กำหนด

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ใช่ (โดยตรงหรือโดยนัย) และ ระบุชื่อสองอัลบั้ม (หรือขนาด) ซึ่งใช้พื้นที่ 198 MB หรือมากกว่า

- เขาต้องลบออก 198 MB (350-152) ดังนั้น เขาอาจลบอัลบั้มเพลงใด ๆ สองอัลบั้ม ที่รวมกันแล้วมากกว่า 198 MB ตัวอย่างเช่น อัลบั้ม 1 และ อัลบั้ม 8
- ใช่ เขาอาจจะลบอัลบั้ม 7 และ อัลบั้ม 8 ซึ่งทำให้ได้พื้นที่ว่าง  $152 + 75 + 125 = 352$  MB

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

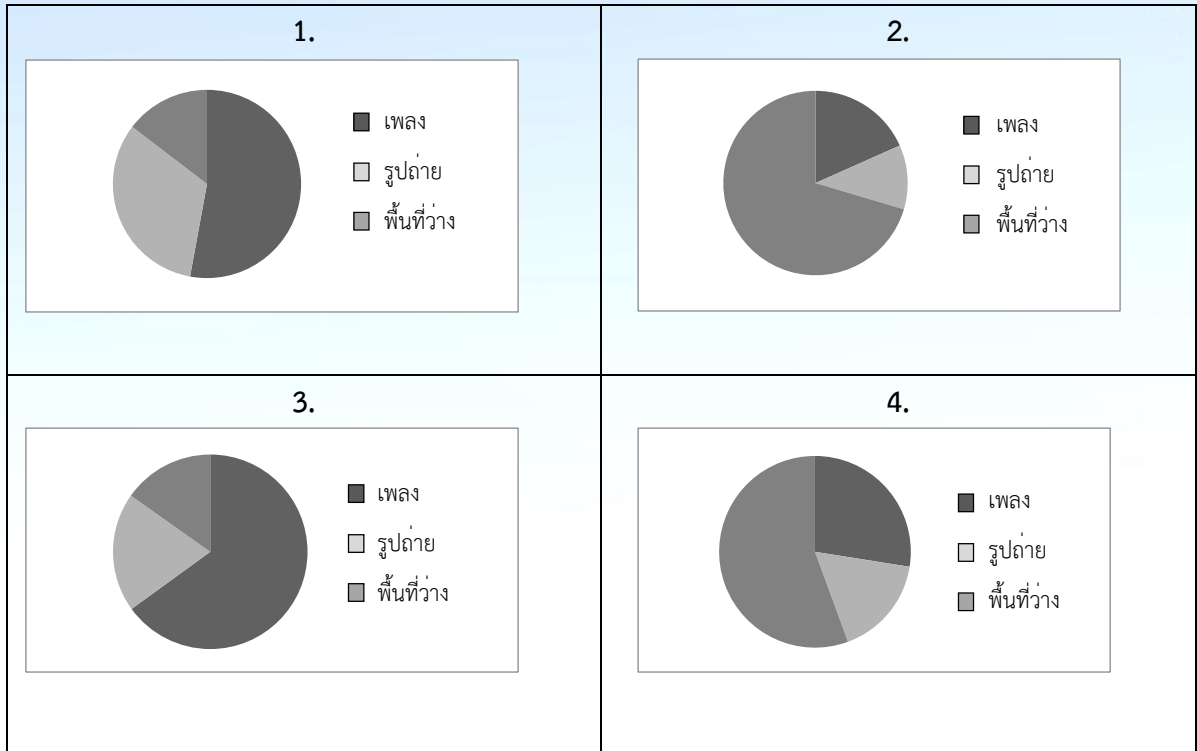
### ■ คำถามที่ 2 : แฟลชไดรฟ์

ในช่วงหลายสัปดาห์ต่อมา อนันต์ลบรูปถ่ายและเพลงบางส่วนออก แต่ได้เพิ่มไฟล์รูปถ่ายและ เพลงใหม่เข้าไปด้วยสถานะดิสก์ใหม่แสดงในตารางข้างล่าง :

เพลง	550 MB
รูปถ่าย	338 MB
พื้นที่ว่าง	112 MB

พี่ชายของอนันต์ให้แฟลชไดรฟ์อันใหม่กับเขา ซึ่งมีความจุ 2 GB (2,000 MB) ซึ่งเป็นพื้นที่ว่างทั้งหมด อนันต์จึงย้ายสิ่งที่เก็บไว้ในแฟลชไดรฟ์อันเก่าลงในอันใหม่

กราฟต่อไปนี้ แสดงสถานะดิสก์ของแฟลชไดรฟ์อันใหม่ จงเขียนวงกลมล้อมรอบ 1, 2, 3 หรือ 4



เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	เข้าใจความสัมพันธ์ระหว่างภาษาของโจทย์และสัญลักษณ์ กับภาษาที่เป็นทางการที่จำเป็นต้องใช้ในการนำเสนอทางคณิตศาสตร์

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 4. รูป 4

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 50 เรื่อง เครื่องเล่นที่ชำรุด

บริษัท อิเล็กทริกส์ ผลิตเครื่องใช้ไฟฟ้าสองชนิดคือ เครื่องเล่นวิดีโอ และเครื่องเล่นเพลง ในขั้นตอนสุดท้ายของการผลิตแต่ละวัน เครื่องเล่นจะถูกทดสอบและหากเครื่องเล่นเหล่านั้นชำรุดจะถูกคัดออกแล้วส่งไปซ่อม

ตารางต่อไปนี้ แสดงจำนวนเครื่องเล่นแต่ละชนิดที่ผลิตโดยเฉลี่ยต่อวัน และร้อยละของเครื่องเล่นที่ชำรุดโดยเฉลี่ยต่อวัน

ชนิดของเครื่องเล่น	จำนวนเครื่องเล่นที่ผลิตโดยเฉลี่ยต่อวัน	ร้อยละของเครื่องเล่นที่ชำรุดโดยเฉลี่ยต่อวัน
เครื่องเล่นวิดีโอ	2,000	5%
เครื่องเล่นเพลง	6,000	3%

### ■ คำถามที่ 1 : เครื่องเล่นที่ชำรุด

ข้อความต่อไปนี้เกี่ยวกับการผลิตในแต่ละวันของบริษัท อิเล็กทริกส์ ข้อความเหล่านี้ถูกต้อง ใช่หรือไม่ จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” ในแต่ละข้อความ

ข้อความ	ข้อความถูกต้องใช่หรือไม่
หนึ่งในสามของเครื่องเล่นที่ผลิตแต่ละวันเป็นเครื่องเล่นวิดีโอ	ใช่ / ไม่ใช่
ในแต่ละกลุ่มของเครื่องเล่นวิดีโอที่ผลิตทุก ๆ 100 เครื่อง จะมีเครื่องที่ชำรุด 5 เครื่องพอดี	ใช่ / ไม่ใช่
ถ้าสุ่มเลือกเครื่องเล่นเพลงที่ผลิตในแต่ละวันไปทดสอบ ความน่าจะเป็นที่เครื่องเล่นเพลงที่สุ่มได้จะต้องนำไปซ่อมเป็น 0.03	ใช่ / ไม่ใช่

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	การงานอาชีพ
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบเชิงซ้อน
เจตนาของคำถาม:	ตีความข้อมูลเชิงสถิติที่เกี่ยวข้องกับความไม่แน่นอน

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ตอบถูกทั้งสามข้อ ไม่ใช่ ไม่ใช่ ใช่ ตามลำดับ

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : เครื่องเล่นที่ซำรุด

ผู้ทดสอบคนหนึ่งได้กล่าวอ้างดังต่อไปนี้

“โดยเฉลี่ย จำนวนเครื่องเล่นวิดีโอที่ส่งซ่อมต่อวันมีมากกว่าจำนวนเครื่องเล่นเพลงที่ส่งซ่อมต่อวัน”

ให้นักเรียนตัดสินใจว่า คำกล่าวอ้างของผู้ทดสอบถูกต้องหรือไม่ จงใช้เหตุผลทางคณิตศาสตร์เพื่อสนับสนุนคำตอบของนักเรียน

.....

.....

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	การงานอาชีพ
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบเชิงซ้อน
เจตนาของคำถาม:	ตีความข้อมูลเชิงสถิติที่เกี่ยวข้องกับความไม่แน่นอน

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: คำอธิบายที่ใช้ข้อมูลจากตารางได้อย่างถูกต้อง (เป็นกลาง ๆ โดยทั่วไป หรือระบุอย่างเฉพาะเจาะจง) เพื่ออธิบายว่าเพราะเหตุใดผู้ทดสอบจึงไม่ถูกต้อง

- ผู้ทดสอบไม่ถูกต้อง  
5% ของ 2,000 เป็น 100 แต่ 3% ของ 6,000 เป็น 180 ดังนั้น โดยเฉลี่ย เครื่องเล่นเพลง 180 เครื่องถูกส่งซ่อม ซึ่งมากกว่าค่าเฉลี่ยของเครื่องเล่นวิดีโอที่ถูกส่งซ่อมซึ่งมี 100 เครื่อง
- ผู้ทดสอบไม่ถูกต้อง  
อัตราซำรุดของเครื่องเล่นวิดีโอเป็น 5% ซึ่งน้อยกว่าสองเท่าของอัตราซำรุดของเครื่องเล่นเพลงเล็กน้อย แต่พวกเขาผลิตเครื่องเล่นเพลง 6,000 เครื่อง ซึ่งเป็นสามเท่าของเครื่องเล่นวิดีโอ ดังนั้น จำนวนเครื่องเล่นเพลงจริง ๆ ที่ส่งซ่อมจะมีมากกว่า

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : เครื่องเล่นที่ชำรุด

บริษัท โทรนิคส์ ผลิตเครื่องเล่นวิดีโอและเครื่องเล่นเพลงด้วยเช่นกัน ในขั้นตอนสุดท้ายของการผลิตในแต่ละวัน เครื่องเล่นจะถูกทดสอบและหากเครื่องเล่นเหล่านั้นชำรุดจะถูกคัดออกแล้วส่งไปซ่อม ตารางข้างล่างเปรียบเทียบจำนวนเครื่องเล่นแต่ละชนิดที่ผลิตโดยเฉลี่ยต่อวัน และร้อยละของเครื่องเล่นที่ชำรุดโดยเฉลี่ยต่อวันของสองบริษัท

บริษัท	จำนวนเครื่องเล่นวิดีโอ ที่ผลิตโดยเฉลี่ยต่อวัน	ร้อยละของเครื่องเล่น ที่ชำรุดโดยเฉลี่ยต่อวัน
บริษัท อิเล็กทริกส์	2,000	5%
บริษัท โทรนิคส์	7,000	4%

บริษัท	จำนวนเครื่องเล่นเพลง ที่ผลิตโดยเฉลี่ยต่อวัน	ร้อยละของเครื่องเล่น ที่ชำรุดโดยเฉลี่ยต่อวัน
บริษัท อิเล็กทริกส์	6,000	3%
บริษัท โทรนิคส์	1,000	2%

บริษัทใดในสองบริษัท บริษัท อิเล็กทริกส์ หรือ บริษัท โทรนิคส์ ที่มีร้อยละของเครื่องเล่นที่ชำรุดทั้งหมดน้อยกว่า จงแสดงวิธีการคำนวณโดยใช้ข้อมูลจากตารางข้างบน

.....

.....

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	การงานอาชีพ
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	ตีความข้อมูลเชิงสถิติที่เกี่ยวข้องกับความไม่แน่นอน

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: คำตอบที่คำนวณจำนวนผลิตภัณฑ์ที่ชำรุดทั้งหมดโดยเฉลี่ยของทั้งสองบริษัทได้อย่างถูกต้อง (อิเล็กทรอนิกส์: 280 และ โทรนิคส์: 300) หรือ คำนวณร้อยละของผลิตภัณฑ์ที่ชำรุดทั้งหมดโดยเฉลี่ย (อิเล็กทรอนิกส์: 3.5% และ โทรนิคส์: 3.75%) ได้อย่างถูกต้อง และสรุปว่าบริษัท อิเล็กทรอนิกส์ มีร้อยละของเครื่องเล่นที่ชำรุดทั้งหมดน้อยกว่า [หมายเหตุ: เพราะทั้งสองบริษัทผลิต 8,000 ชุด การคำนวณร้อยละจึงไม่จำเป็น]

- บริษัท อิเล็กทรอนิกส์ เพราะว่า 5% ของ 2,000 เป็น 100 และ 3% ของ 6,000 เป็น 180 ดังนั้น การผลิตแต่ละวันของบริษัท อิเล็กทรอนิกส์ มีเครื่องเล่นที่ถูกส่งไปซ่อมโดยเฉลี่ย 280 เครื่อง ซึ่ง 280 เครื่อง จาก 8,000 เครื่อง แสดงว่า อัตราชำรุดทั้งหมดเป็น 3.5% การคำนวณลักษณะเดียวกันนี้กับบริษัท โทรนิคส์ แสดงว่า พวกเขามีอัตราชำรุดทั้งหมดเป็น 3.75%
- [ต้องแสดงการคำนวณหาร้อยละจึงจะได้คะแนนเต็ม]

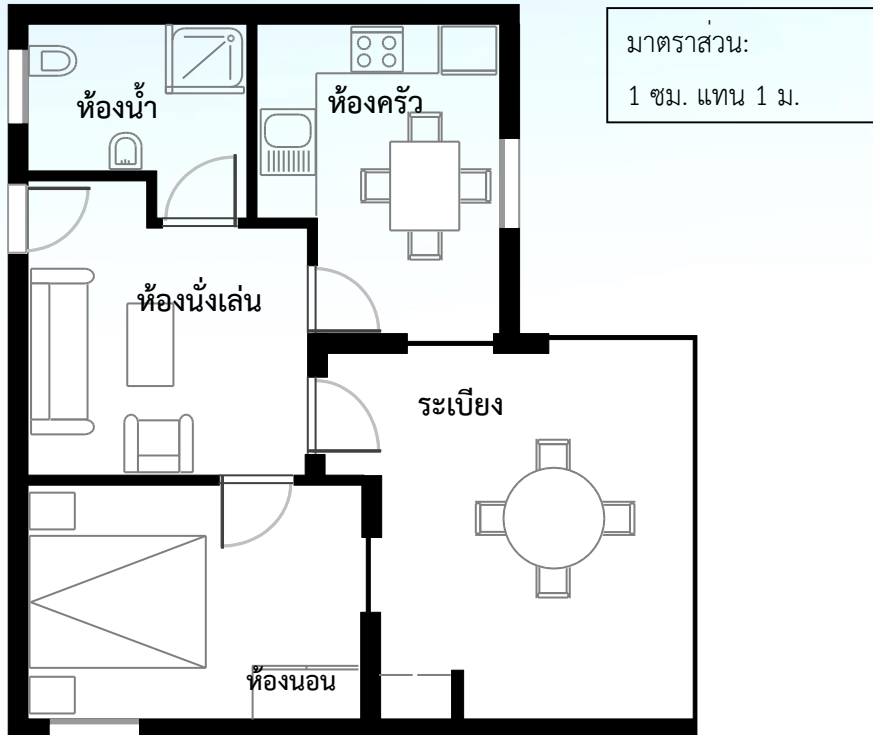
### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 51 เรื่อง การซื้อห้องชุด

นี่เป็นแบบแปลนของห้องชุด ซึ่งพ่อแม่ของจักรต้องการซื้อจากตัวแทนจำหน่ายอสังหาริมทรัพย์



### ■ คำถามที่ 1 : การซื้อห้องชุด

การประมาณพื้นที่ของพื้นที่ทั้งหมดของห้องชุด (รวมระเบียงและผนัง) นักเรียนสามารถวัดขนาดของแต่ละห้อง และคำนวณพื้นที่ของแต่ละห้อง แล้วบวกพื้นที่ทั้งหมดเข้าด้วยกัน

อย่างไรก็ตาม มีวิธีที่มีประสิทธิภาพมากกว่าการประมาณพื้นที่ของพื้นที่ทั้งหมด โดยนักเรียนต้องวัดความยาวเพียง 4 ด้านเท่านั้น จึงทำเครื่องหมายลงบนแบบแปลนข้างบน เพื่อแสดงความยาวด้านสี่ด้านซึ่งต้องใช้ประมาณการพื้นที่ของพื้นที่ทั้งหมดของห้องชุด

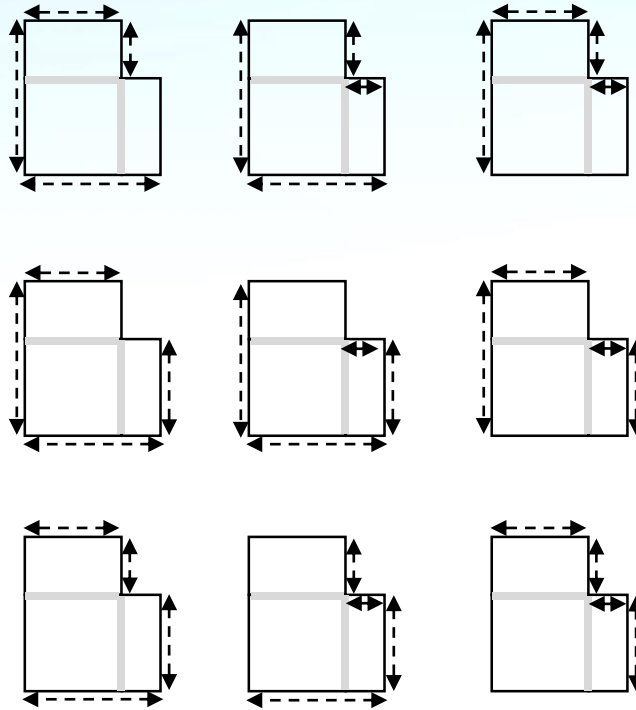
เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	ใช้ทักษะเหตุผลเชิงปริภูมิ เพื่อแสดงจำนวนของความยาวด้านขั้นต่ำที่ต้องการลงบนแบบแปลน (หรือโดยวิธีอื่น ๆ) ในการหาพื้นที่ของพื้นที่ห้องชุด

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ระบุด้านสี่ด้านที่จำเป็นต้องใช้เพื่อประมาณพื้นที่ของพื้นของห้องชุดลงบนแบบแปลน  
มีวิธีหาคำตอบที่เป็นไปได้ 9 วิธี ดังแสดงในแผนภาพข้างล่าง



$$A = (9.7 \text{ ม.} \times 8.8 \text{ ม.}) - (2 \text{ ม.} \times 4.4 \text{ ม.}), A = 76.56 \text{ ม.}^2$$

[ใช้ความยาวเพียง 4 ด้านเท่านั้น ในการวัดขนาดและคำนวณพื้นที่ที่ต้องการได้อย่างชัดเจน]

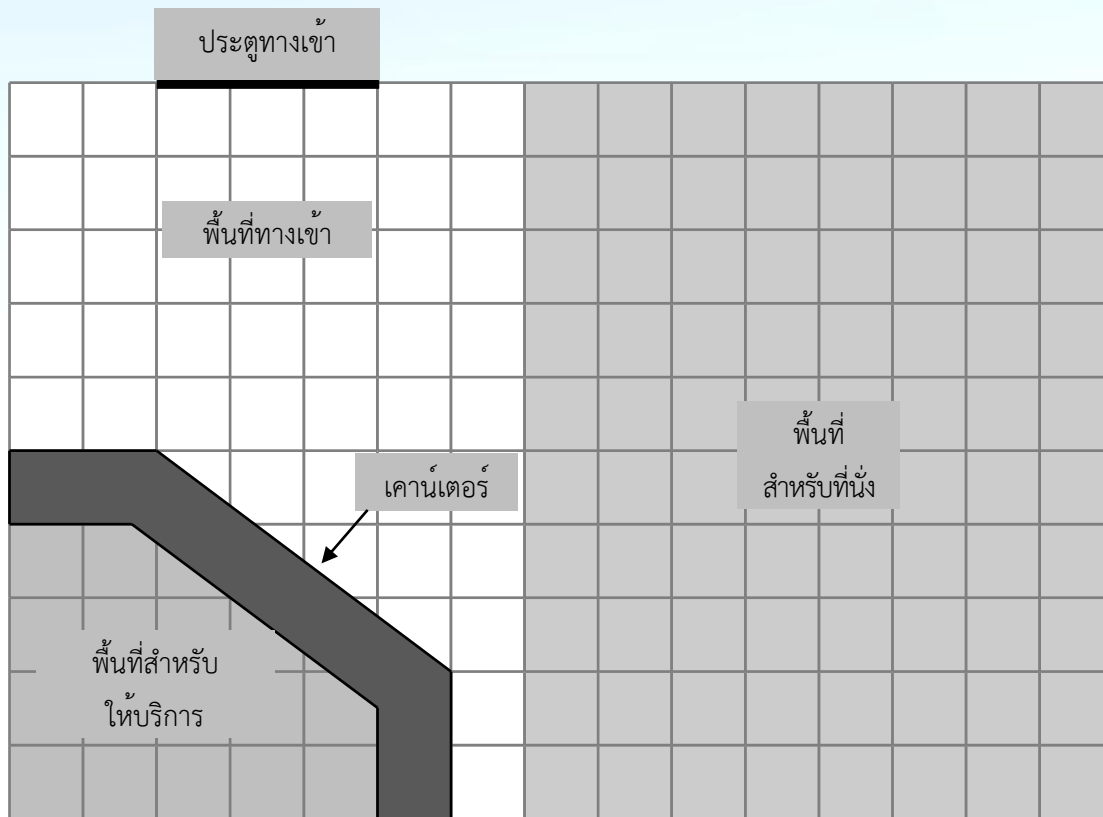
### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 52 เรื่อง ร้านไอศกรีม

แบบแปลนพื้นร้านไอศกรีมของมาลีเป็นดังนี้ เธอกำลังจะปรับปรุงร้าน  
พื้นที่สำหรับให้บริการถูกล้อมด้วยเคาน์เตอร์



หมายเหตุ: รูปสี่เหลี่ยมจัตุรัสแต่ละรูปในช่องตาราง แทน 0.5 เมตร x 0.5 เมตร

### ■ คำถามที่ 1 : ร้านไอศกรีม

มาลีต้องการทำขอบเคาน์เตอร์ใหม่ตามแนวขอบด้านนอก ความยาวขอบทั้งหมดที่เธอต้องทำเป็นเท่าใด  
จงแสดงวิธีทำ

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	การงานอาชีพ
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	ใช้ทฤษฎีบทพีทาโกรัสหรือใช้การวัดเพื่อหาความยาวของด้านตรงข้ามมุมฉากและแปลงหน่วยตามมาตราส่วนในภาพ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 2: คำตอบอยู่ในช่วงตั้งแต่ 4.45 ถึง 4.55 (ตอบในหน่วยเมตร ใส่หรือไม่ใส่หน่วยก็ได้)

#### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: คำตอบที่แสดงให้เห็นว่าวิธีทำบางส่วนถูกต้อง (เช่น ใช้ทฤษฎีบทพีทาโกรัส หรือการอ่านมาตราส่วน) แต่มีข้อผิดพลาด เช่น ใช้มาตราส่วนไม่ถูกต้อง หรือมีการคำนวณผิด

- ตั้งแต่ 8.9 ถึง 9.1 ม. [ไม่ได้ใช้มาตราส่วน]
- 2.5 ม. (หรือ 5 หน่วย) [ใช้พีทาโกรัสคำนวณหาด้านตรงข้ามมุมฉากได้ 5 หน่วย (2.5 เมตร) แต่ไม่ได้รวมด้านประกอบมุมฉากอีกสองด้าน]

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 2 : ร้านไอศกรีม

มาลีต้องการปูพื้นใหม่ในร้านด้วยพื้นที่ว่างของพื้นที่ทั้งหมดในร้านเป็นเท่าใด หากไม่นับรวมพื้นที่ส่วนให้บริการและเคาน์เตอร์ จงแสดงวิธีทำ

.....

.....

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	การทำงานอาชีพ
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	คำนวณพื้นที่ของรูปหลายเหลี่ยม

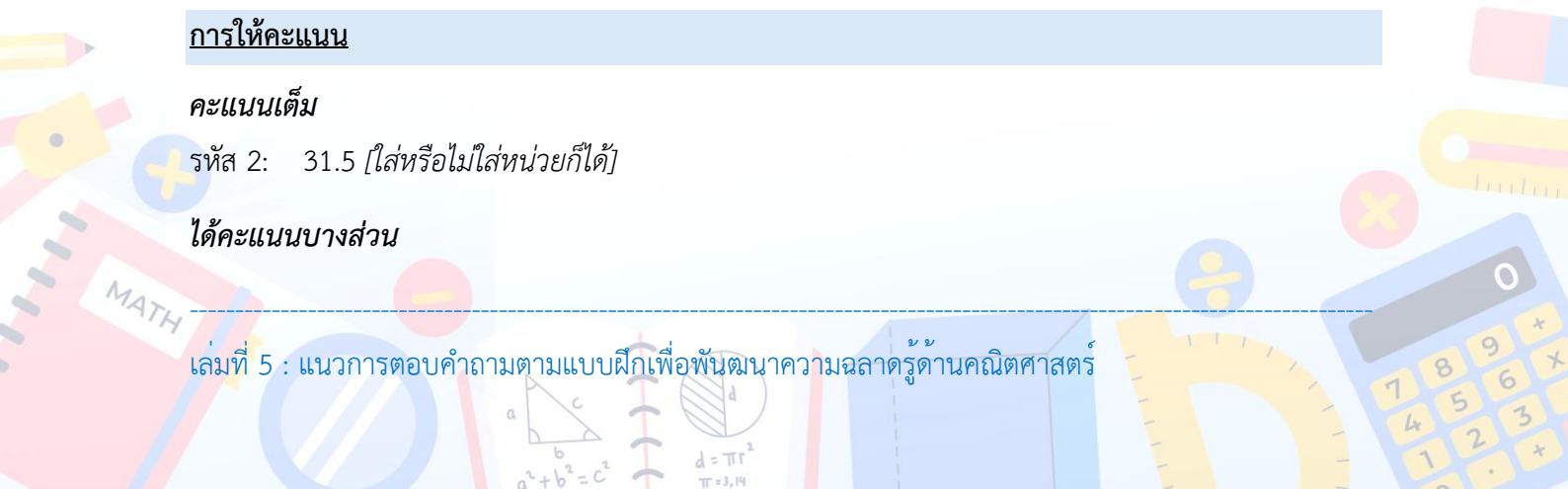
### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 2: 31.5 [ใส่หรือไม่ใส่หน่วยก็ได้]

#### ได้คะแนนบางส่วน

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



รหัส 1: แสดงให้เห็นอย่างชัดเจนว่ามีการใช้ตารางในการคำนวณพื้นที่ แต่ใช้มาตราส่วนไม่ถูกต้องหรือ มีข้อผิดพลาดเกี่ยวกับเลขคณิต

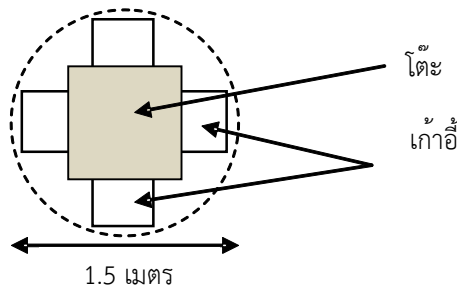
- 126 [คำตอบแสดงการคำนวณพื้นที่ถูกต้อง แต่ไม่ได้ใช้มาตราส่วนเพื่อให้ได้ค่าที่แท้จริง]
- $7.5 \times 5 (=37.5) - 3 \times 2.5 (=7.5) - \frac{1}{2} \times 2 \times 1.5 (=1.5) = 28.5$  ม.2 [ใช้การลบออก แทนที่จะใช้การบวกพื้นที่รูปสามเหลี่ยม เมื่อแบ่งพื้นที่ทั้งหมดเป็นพื้นที่ย่อย ๆ]

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

**คำถามที่ 3 : ร้านไอศกรีม**



มาลีต้องการจัดวางชุดที่นั่งในร้านของเธอซึ่งมีโต๊ะและเก้าอี้สี่ตัว ตามลักษณะที่แสดงข้างบนรูปวงกลมแทนพื้นที่ว่างของพื้นที่ซึ่งจำเป็นต้องวางชุดที่นั่งแต่ละชุด เพื่อให้ลูกค้ามีที่ว่างเพียงพอขณะที่พวกเขาั่ง แต่ละชุดที่นั่ง (แทนด้วยรูปวงกลม) ควรจะวางตามเงื่อนไขบังคับต่อไปนี้ :

- ชุดที่นั่งแต่ละชุดควรวางห่างจากผนังอย่างน้อย 0.5 เมตร
- ชุดที่นั่งแต่ละชุดควรวางห่างจากชุดที่นั่งอื่นอย่างน้อย 0.5 เมตร

มาลีสามารถวางชุดที่นั่งให้พอดีกับพื้นที่สำหรับที่นั่งส่วนที่แรเงาในร้านของเธอได้มากที่สุดกี่ชุด

จำนวนชุดที่นั่ง : .....

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	การทำงานอาชีพ
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	ใช้มาตราส่วนตามเงื่อนไข เพื่อหาจำนวนของวงกลมที่ใส่ลงในรูปหลายเหลี่ยมได้พอดี

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 4

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 53 เรื่อง การรั่วไหลของน้ำมัน

เรือบรรทุกน้ำมันในทะเลชนหินโสโครกทำให้เกิดรั่วที่ถังบรรจุน้ำมัน เรือบรรทุกอยู่ห่างจากแผ่นดินประมาณ 65 กม. หลังจากนั้นอีกหลายวันน้ำมันได้แพร่กระจายออกไป ดังแสดงในแผนที่ข้างล่าง



■ คำถามที่ 1 : การรั่วไหลของน้ำมัน

จงใช้มาตราส่วนจากแผนที่ ประมาณพื้นที่การรั่วไหลของน้ำมันในหน่วยตารางกิโลเมตร (กม.<sup>2</sup>)

คำตอบ : ..... กม.<sup>2</sup>

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	การประมาณพื้นที่ที่มีรูปร่างไม่แน่นอนบนแผนที่ โดยใช้มาตราส่วนที่กำหนดให้

การให้คะแนน

*คะแนนเต็ม*

รหัส 1: คำตอบอยู่ในช่วงตั้งแต่ 2,200 ถึง 3,300

*ไม่ได้คะแนน*

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 54 เรื่อง อัตราการหยด

การให้ยาทางหลอดเลือด ถูกใช้เพื่อให้ของเหลวและยาแก่ผู้ป่วย



พยาบาลต้องการคำนวณอัตราการหยด (D) ในหน่วยหยดต่อนาที สำหรับการให้ยาทางหลอดเลือด

เขาใช้สูตร  $D = \frac{dv}{60n}$  โดย

d แทน สัมประสิทธิ์การหยด หน่วยเป็นจำนวนหยดต่อมิลลิลิตร

v แทน ปริมาตรของยาที่ให้ผู้ป่วยทางหลอดเลือด หน่วยเป็นมิลลิลิตร

n แทน เวลาของการให้ยาทางหลอดเลือด หน่วยเป็นชั่วโมง

■ คำถามที่ 1 : อัตราการหยุด

พยาบาลคนหนึ่งต้องการให้ระยะเวลาในการให้ยาทางหลอดเลือดเพิ่มขึ้นเป็นสองเท่า  
จงอธิบายอย่างย่อ ๆ ว่า D เปลี่ยนแปลงอย่างไร ถ้า n เพิ่มขึ้นสองเท่า แต่ d และ v ไม่เปลี่ยนแปลง

.....  
.....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	การงานอาชีพ
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	อธิบายผลที่เกิดขึ้นเมื่อตัวแปรหนึ่งในสูตรเพิ่มขึ้นสองเท่า แต่ตัวแปรอื่น ๆ ยังคงที่

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 2: คำอธิบายต้องแสดงทั้งทิศทางของผลที่เกิดขึ้นและขนาดของผล

- ลดลงครึ่งหนึ่ง
- เหลือครึ่งเดียว
- D จะลดลง 50%
- D จะลดลงครึ่งหนึ่ง

ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: คำตอบที่บอกทิศทางหรือขนาดของผลที่เกิดขึ้นได้อย่างใดอย่างหนึ่งได้อย่างถูกต้อง  
แต่ไม่ได้ตอบถูกทั้งสองอย่าง

- D น้อยลง [ไม่บอกขนาด]
- เปลี่ยนแปลงไป 50% [ไม่บอกทิศทาง]
- D มากขึ้น 50% [ทิศทางไม่ถูกต้อง แต่ขนาดถูกต้อง]

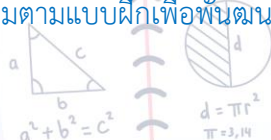
ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

- D จะเพิ่มขึ้นสองเท่า [ทั้งขนาดและทิศทางไม่ถูกต้อง]

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



■ คำถามที่ 2 : อัตราการหยด

พยาบาลต้องการคำนวณหาปริมาตรของยาที่ให้ผู้ป่วยทางหลอดเลือด (v) จากอัตราการหยด (D)

การให้ยาทางหลอดเลือด โดยใช้อัตราการหยด 50 หยดต่อนาทีกับผู้ป่วยคนหนึ่งเป็นเวลา 3 ชั่วโมง ในการให้ยาทางหลอดเลือดครั้งนี้สัมประสิทธิ์การหยดเป็น 25 หยดต่อมิลลิลิตร

ปริมาตรของยาที่ให้ผู้ป่วยทางหลอดเลือดเป็นเท่าใด ในหน่วยมิลลิลิตร

ปริมาตรของยาที่ให้ผู้ป่วยทางหลอดเลือด : ..... มิลลิลิตร

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	การงานอาชีพ
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบเปิด
เจตนาของคำถาม:	แก้สมการและแทนค่าที่กำหนดให้สองค่า

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: 360 หรือ คำตอบที่แก้สมการและแทนค่าได้อย่างถูกต้อง

360

$(60 \times 3 \times 50) \div 25$  [แก้สมการและแทนค่าถูกต้อง]

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 55 เรื่อง เครื่องเล่น MP3

มิลิซิติ้ ผู้เชี่ยวชาญด้าน MP3		
<p>เครื่องเล่น MP3</p>  <p>155 เซต</p>	<p>หูฟัง</p>  <p>86 เซต</p>	<p>ลำโพง</p>  <p>79 เซต</p>

#### ■ คำถามที่ 1 : เครื่องเล่น MP3

โอรีสา บวกราคาเครื่องเล่น MP3 หูฟัง ลำโพง ด้วยเครื่องคิดเลขของเธอ คำตอบที่เธอได้เป็น 248



คำตอบของโอรีสาไม่ถูกต้อง เธอได้ทำผิดพลาดไปข้อหนึ่งในข้อผิดพลาดต่อไปนี้ เธอได้ทำในข้อผิดพลาดใด

1. เธอบวกราคาของชิ้นหนึ่งสองครั้ง
2. เธอลืมรวมราคาของชิ้นหนึ่งในสามชิ้น
3. เธอไม่ได้ใส่ตัวเลขหลักสุดท้ายของราคาของชิ้นหนึ่ง

เธอลบราคาของชิ้นหนึ่งแทนที่จะบวก

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	ระบุสาเหตุของข้อผิดพลาดที่เกิดขึ้นในการบันทึกข้อมูลเพื่อรวมจำนวนเงินสามจำนวนโดยใช้เครื่องคิดเลข

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. เธอไม่ได้ใส่ตัวเลขหลักสุดท้ายของราคาของชิ้นหนึ่ง

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 2 : เครื่องเล่น MP3

มิวสิคซิตี จัดงานลดราคา เมื่อคุณซื้อสินค้าสองชิ้นหรือมากกว่าในงานลดราคานี้  
มิวสิคซิตีจะลดราคาให้ 20% จากราคาขายของสินค้าเหล่านี้

เจษฎา มีเงินสำหรับใช้ซื้อของอยู่ 200 เซต

ในงานลดราคา นี้ เขาสามารถซื้ออะไรได้บ้าง

จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” ในแต่ละตัวเลือกต่อไปนี้

สินค้า	เจษฎาสามารถซื้อสินค้าด้วยเงิน 200 เซต ได้ใช่หรือไม่
เครื่องเล่น MP3 และ หูฟัง	ใช่ / ไม่ใช่
เครื่องเล่น MP3 และ ลำโพง	ใช่ / ไม่ใช่
สินค้าทั้ง 3 ชนิด - เครื่องเล่น MP3 หูฟัง และลำโพง	ใช่ / ไม่ใช่

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบเชิงซ้อน
เจตนาของคำถาม:	ตัดสินใจว่าจำนวนเงินที่ระบุจะใช้จ่ายได้เพียงพอกับสินค้าที่เลือกไว้ตามเปอร์เซ็นต์ส่วนลดที่กำหนดให้หรือไม่

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ตอบถูกทั้งสามข้อ ใช่ ใช่ ไม่ใช่ ตามลำดับ

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 3 : เครื่องเล่น MP3

ราคาขายของเครื่องเล่น MP3 ได้รวมกำไรไว้ 37.5% ราคาที่ไม่รวมกำไร เรียกว่าราคาต้นทุน

ถ้าบริษัทนี้คิดกำไรเป็นเปอร์เซ็นต์ของราคาต้นทุน

สูตรข้างล่างต่อไปนี้แสดงความสัมพันธ์ระหว่างราคาต้นทุน ( $w$ ) กับราคาขาย ( $s$ ) ได้ถูกต้องใช่หรือไม่

จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” ในแต่ละสูตรต่อไปนี้

สูตร	สูตรถูกต้องใช่หรือไม่
$s = w + 0.375$	ใช่ / ไม่ใช่
$w = s - 0.375s$	ใช่ / ไม่ใช่
$s = 1.375w$	ใช่ / ไม่ใช่
$w = 0.625s$	ใช่ / ไม่ใช่

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	การทำงานอาชีพ
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบเชิงซ้อน
เจตนาของคำถาม:	ตัดสินว่าสูตรทางพีชคณิตเชื่อมโยงกับ ตัวแปรทางการเงินสองตัวได้ ถูกต้องหรือไม่ ในขณะที่ตัวแปรหนึ่งถูกกำหนดด้วยเปอร์เซ็นต์คงที่ของ ผลต่างระหว่างราคาขายกับต้นทุน

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ตอบถูกทั้งสี่ข้อ ไม่ใช่ ไม่ใช่ ใช่ ไม่ใช่ ตามลำดับ

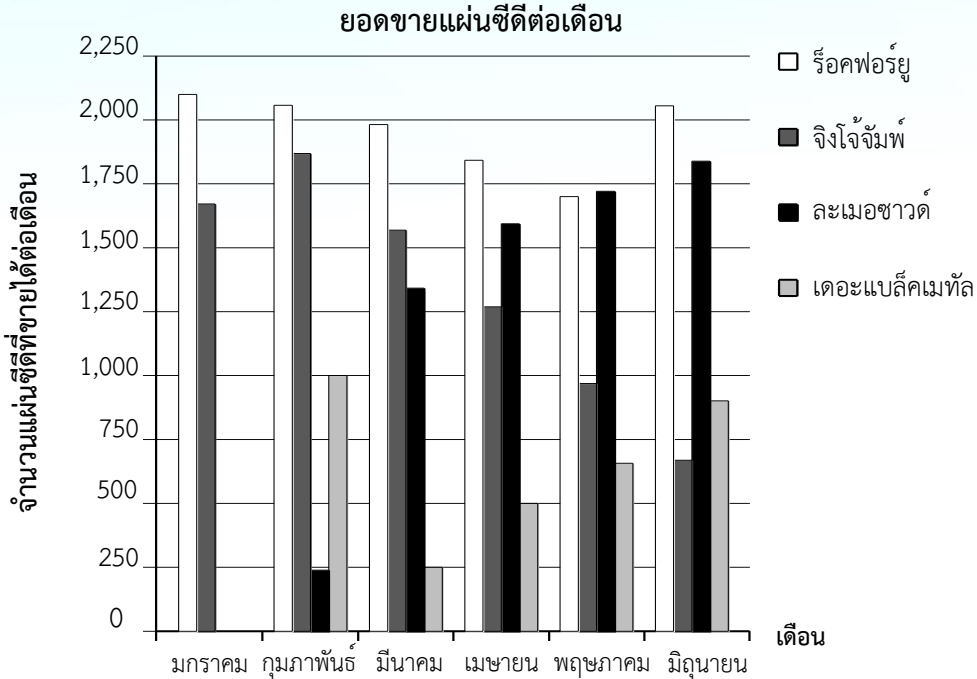
### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 56 เรื่อง อันดับซีดีเพลงขายดี

ในเดือนมกราคม แผ่นซีดีชุดใหม่ของวง ร็อคพอร์ยู และวง จิงโจ้จัมพ์ ได้ออกวางจำหน่ายในเดือนกุมภาพันธ์ แผ่นซีดีของวง ละเมอซาวด์ และวง เดอะแบล็คเมทัล ได้ออกวางจำหน่ายตามมา กราฟต่อไปนี้แสดงยอดขายแผ่นซีดีของแต่ละวงตั้งแต่เดือนมกราคมถึงเดือนมิถุนายน



#### ■ คำถามที่ 1 : อันดับซีดีเพลงขายดี

ในเดือนเมษายน วง เดอะแบล็คเมทัล ขายแผ่นซีดีได้กี่แผ่น

1. 250
2. 500
3. 1,000
4. 1,270

เนื้อหา: ความไม่แน่นอนและข้อมูล

บริบท: สังคม

กระบวนการ: ตีความ

รูปแบบของข้อสอบ: เลือกรับ

เจตนาของคำถาม: อ่านแผนภูมิแท่ง

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 2. 500

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## ■ คำถามที่ 2 : อันดับซีดีเพลงขายดี

ในเดือนใดที่วง *ละเมอชาวด์* ขายแผ่นซีดีได้มากกว่าวง *จิงโจ้จัมพ์* เป็นครั้งแรก

1. ไม่มีเดือนใดเลย
2. มีนาคม
3. เมษายน
4. พฤษภาคม

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	อ่านแผนภูมิแท่งและเปรียบเทียบความสูงของกราฟสองแท่ง

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. เมษายน

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : อันดับซีดีเพลงขายดี

ผู้จัดการของวง จิ้งโจ้จัมพ์ กังวลว่าจำนวนแผ่นซีดีของเขามียอดขายลดลงตั้งแต่เดือนกุมภาพันธ์ถึงเดือนมิถุนายน ถ้าแนวโน้มการขายยังคงลดลงเช่นเดิมอย่างต่อเนื่อง ยอดขายโดยประมาณในเดือนกรกฎาคมของวงนี้เป็นเท่าใด

1. 70 แผ่น
2. 370 แผ่น
3. 670 แผ่น
4. 1,340 แผ่น

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	ตีความแผ่นภูมิแท่งและประมาณยอดขายแผ่นซีดีในอนาคต โดยมีสมมติฐานว่าแนวโน้มเชิงเส้นตรงยังคงเป็นแบบเดิมต่อไป

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

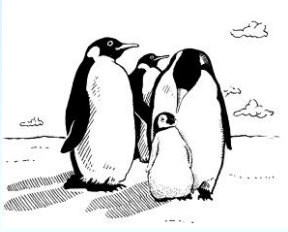
รหัส 1: ข้อ 2. 370 แผ่น

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 57 เรื่อง เพนกวิน



ฌอง แบปติสต์ นักถ่ายภาพสัตว์ ได้ใช้เวลาเดินทางตลอดหนึ่งปี เพื่อถ่ายภาพเพนกวินและลูก ๆ ของมันไว้จำนวนมากมาย เขาให้ความสนใจเป็นพิเศษกับการขยายขนาดของฝูงเพนกวินที่แตกต่างกัน

### ■ คำถามที่ 1 : เพนกวิน

โดยทั่วไป เพนกวินหนึ่งคู่จะวางไข่ปีละสองฟอง และลูกเพนกวินจากไข่ฟองใหญ่กว่าในไข่สองฟองนั้นมักจะมีชีวิตรอดเพียงตัวเดียวเท่านั้นสำหรับเพนกวินพันธุ์ร็อคฮอปเปอร์ ไข่ฟองแรกมีน้ำหนักประมาณ 78 กรัม ส่วนไข่ฟองที่สองมีน้ำหนักประมาณ 110 กรัมโดยประมาณ ไข่ฟองที่สองหนักกว่าไข่ฟองแรกร้อยละเท่าใด

1. 29%
2. 32%
3. 41%
4. 71%

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	คำนวณร้อยละในบริบทจริง

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. 41%

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

■ คำถามที่ 2 : เพนกวิน

มอง สงสัยว่าขนาดของฝูงเพนกวินจะเปลี่ยนแปลงไปอย่างไรในอีกสองถึงสามปีข้างหน้าเพื่อตรวจสอบข้อสงสัยนี้ เขาได้ตั้งสมมติฐานดังต่อไปนี้:

- ตอนต้นปี ฝูงเพนกวินมีจำนวน 10,000 ตัว (5,000 คู่)
- ในฤดูใบไม้ผลิของแต่ละปี เพนกวินแต่ละคู่เลี้ยงลูกเพนกวินหนึ่งตัว
- ตอนสิ้นปี 20% ของเพนกวินทั้งหมด (ทั้งโตเต็มวัยและลูกเพนกวิน) จะตายลง

เมื่อสิ้นปีแรก จำนวนเพนกวิน (ทั้งโตเต็มวัยและลูกเพนกวิน) ในฝูงนี้มีจำนวนกี่ตัว

จำนวนเพนกวิน : ..... ตัว

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด
เจตนาของคำถาม:	เข้าใจสถานการณ์จริง เพื่อคำนวณจำนวนที่มีอยู่จริงจากการเปลี่ยนแปลงรวมทั้งร้อยละที่เพิ่มขึ้น/ลดลง

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: 12,000

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : เพนกวิน

มอง ตั้งสมมติฐานว่า เพนกวินฝูงนี้จะขยายขนาดฝูงต่อไปเรื่อย ๆ ตามข้อกำหนดดังนี้:

- ตอนต้นปีของแต่ละปี ฝูงเพนกวินจะมีเพนกวินตัวผู้และตัวเมียจำนวนเท่า ๆ กัน อยู่ด้วยกันเป็นคู่ ๆ
- ในฤดูใบไม้ผลิของแต่ละปี เพนกวินแต่ละคู่เลี้ยงลูกเพนกวินหนึ่งตัว
- ตอนสิ้นปี 20% ของเพนกวินทั้งหมด (ทั้งโตเต็มวัยและลูกเพนกวิน) จะตายลง
- เพนกวินที่อายุหนึ่งปีจะสามารถเลี้ยงลูกเพนกวินได้ด้วย

ตามข้อสมมติฐานข้างต้น สูตรใดต่อไปนี้ที่อธิบายจำนวนเพนกวินทั้งหมด ( $P$ ) หลังจากผ่านไป 7 ปี

1.  $P = 10,000 \times (1.5 \times 0.2)^7$
2.  $P = 10,000 \times (1.5 \times 0.8)^7$
3.  $P = 10,000 \times (1.2 \times 0.2)^7$
4.  $P = 10,000 \times (1.2 \times 0.8)^7$

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	เข้าใจสถานการณ์ที่กำหนดให้ และเลือกใช้ตัวแบบทางคณิตศาสตร์ได้อย่างเหมาะสม

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 2.  $P = 10,000 \times (1.5 \times 0.8)^7$

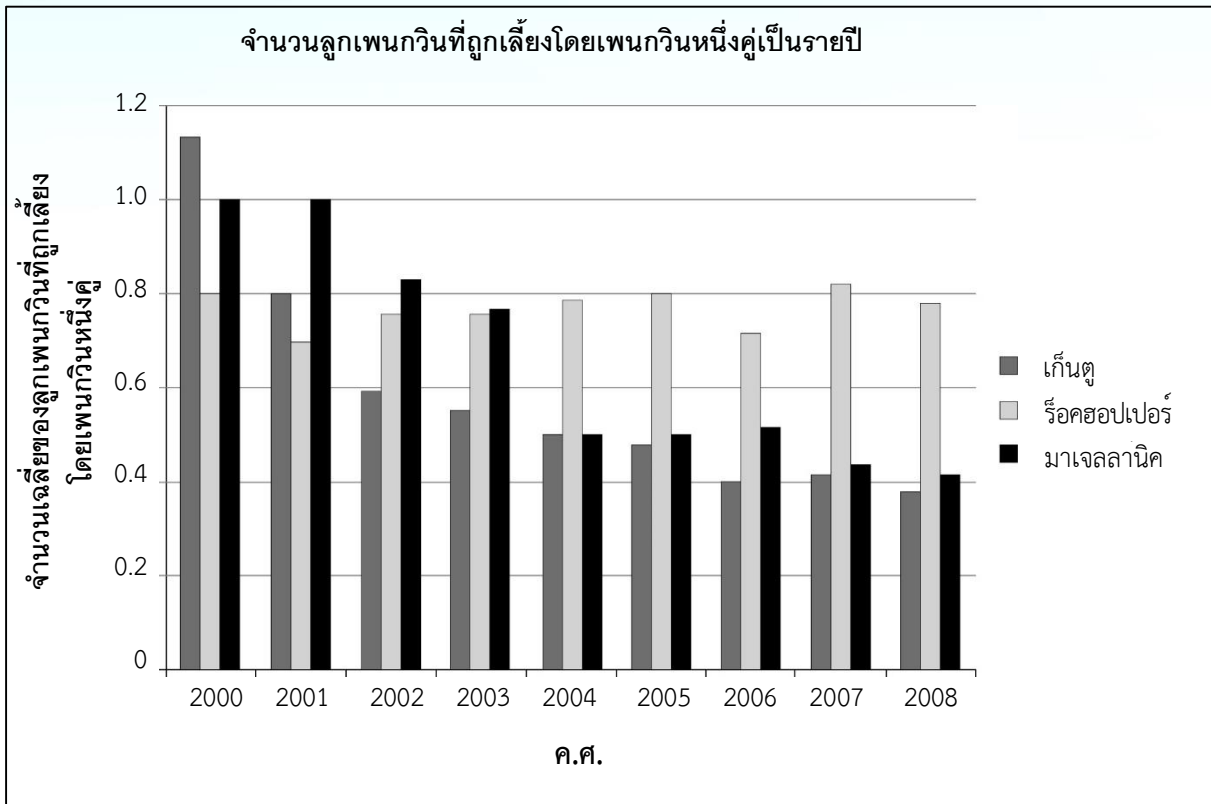
ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 4 : เพนกวิน

หลังจากที่เขาเดินทางกลับถึงบ้าน ฌอง แบปติสต์ ค้นข้อมูลทางอินเทอร์เน็ตเพื่อหาว่าโดยเฉลี่ยเพนกวินหนึ่งคู่เลี้ยงลูกเพนกวินจำนวนเท่าใดเขาพบแผนภูมิแท่งต่อไปนี้ของเพนกวินสามชนิด ได้แก่ เพนกวินเก็นดู เพนกวิน ร็อคฮอปเปอร์ และเพนกวินมาเจลลานิก



จากแผนภูมิต่างที่ผ่านมา ข้อความเกี่ยวกับเพนกวินสามชนิดต่อไปนี้ เป็นจริงหรือเท็จ จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “จริง” หรือ “เท็จ” ในแต่ละข้อความ

ข้อความ	ข้อความ เป็นจริงหรือเท็จ
ใน ค.ศ. 2000 จำนวนเฉลี่ยของลูกเพนกวินที่ถูกเลี้ยง โดยเพนกวินหนึ่งคู่มีมากกว่า 0.6	จริง / เท็จ
ใน ค.ศ. 2006 โดยเฉลี่ยน้อยกว่า 80% ของคู่เพนกวินเลี้ยงลูกเพนกวินหนึ่งตัว	จริง / เท็จ
ประมาณ ค.ศ. 2015 เพนกวินสามชนิดนี้จะสูญพันธุ์	จริง / เท็จ
จำนวนเฉลี่ยของลูกเพนกวินมาเจลลานิกที่ถูกเลี้ยง โดยเพนกวินหนึ่งคู่ลดลงในระหว่าง ค.ศ. 2001 ถึง ค.ศ. 2004	จริง / เท็จ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	วิเคราะห์ข้อความต่าง ๆ โดยพิจารณาจากแผนภูมิแท่งที่กำหนดให้

### การให้คะแนน

#### *คะแนนเต็ม*

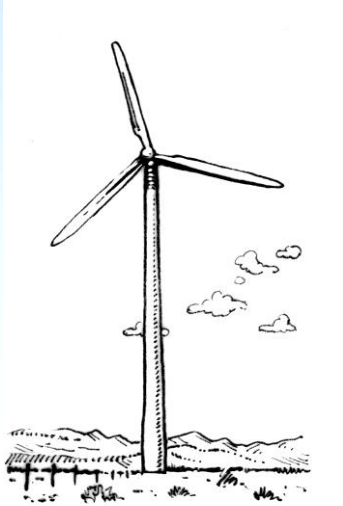
รหัส 1: ตอบถูกทั้งสี่ข้อ จริง จริง เท็จ จริง ตามลำดับ

#### *ไม่ได้คะแนน*

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 58 เรื่อง พลังของลม



เมืองเซตทาว์น กำลังพิจารณาสร้างสถานีผลิตไฟฟ้าพลังลม เพื่อผลิตกระแสไฟฟ้า

สภาเทศบาลเมืองเซตทาว์น ได้รวบรวมข้อมูลเกี่ยวกับรุ่นต่อไปนี้

รุ่น:	E-82
ความสูงของเสา:	138 เมตร
จำนวนใบพัด:	3
ความยาวของใบพัด:	40 เมตร
ความเร็วสูงสุดของการหมุน:	20 รอบต่อนาที
ค่าใช้จ่ายในการก่อสร้าง:	3,200,000 เซต
ผลตอบแทน:	0.10 เซตต่อการผลิต 1 กิโลวัตต์-ชั่วโมง (kWh)
ค่าบำรุงรักษา:	0.01 เซตต่อการผลิต 1 กิโลวัตต์-ชั่วโมง (kWh)
ประสิทธิภาพ:	ทำงานได้ 97% ของปี

หมายเหตุ: กิโลวัตต์-ชั่วโมง (kWh) เป็นหน่วยวัดกำลังไฟฟ้า

■ คำถามที่ 1 : พลังของลม

จงตัดสินใจว่าข้อความต่อไปนี้ซึ่งเกี่ยวกับสถานีผลิตไฟฟ้าพลังลมรุ่น E-82 สามารถสรุปได้จากข้อมูลที่กำหนดให้ใช่หรือไม่ จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” ในแต่ละข้อความ

ข้อความ	ข้อความนี้สามารถสรุปได้จากข้อมูลที่กำหนดให้ใช่หรือไม่
การสร้างสถานีผลิตไฟฟ้าพลังลมสามสถานีจะเสียค่าใช้จ่ายทั้งหมดมากกว่า 8,000,000 เซต	ใช่ / ไม่ใช่
ค่าบำรุงรักษาสถานีผลิตไฟฟ้าพลังลมประมาณ 5% ของผลตอบแทนโดยประมาณ	ใช่ / ไม่ใช่
ค่าบำรุงรักษาสถานีผลิตไฟฟ้าพลังลมขึ้นอยู่กับปริมาณไฟฟ้าทั้งหมดที่ผลิตได้ในหน่วยกิโลวัตต์-ชั่วโมง (kWh)	ใช่ / ไม่ใช่
ในหนึ่งปีมี 97 วันพอดี ที่สถานีผลิตไฟฟ้าพลังลมไม่ทำงาน	ใช่ / ไม่ใช่

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบเชิงซ้อน
เจตนาของคำถาม:	วิเคราะห์ข้อมูลต่าง ๆ ซึ่งเกี่ยวกับเรื่องราวที่กำหนดให้

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: ตอบถูกทั้งสามข้อ ใช่ ไม่ใช่ ใช่ ไม่ใช่ ตามลำดับ

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : พลังของลม

เมืองเซตทาว์นต้องการประมาณค่าใช้จ่ายและกำไรที่จะเกิดขึ้นจากการสร้างสถานีผลิตไฟฟ้าพลังลมนี้  
นายกเทศมนตรีของเมืองเซตทาว์นเสนอสูตรต่อไปนี้ เพื่อเป็นการประมาณรายได้ ( $F$  เซต)  
จำนวนปีที่ใช้ ( $y$ ) ถ้าพวกเขาสร้างสถานีผลิตไฟฟ้าตามรุ่น E-82

$$F = 400,000y - 3,200,000$$

กำไรจากการผลิต ไฟฟ้าต่อปี	ค่าใช้จ่ายในการสร้าง สถานีผลิตไฟฟ้าพลังลม
------------------------------	--

จากสูตรของนายกเทศมนตรี จำนวนปีอย่างน้อยที่สุดเป็นเท่าใด เพื่อที่จะให้การผลิตไฟฟ้า คู่กับค่าใช้จ่ายใน  
การก่อสร้างสถานีผลิตไฟฟ้าพลังลม

1. 6 ปี
2. 8 ปี
3. 10 ปี
4. 12 ปี

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	เข้าใจและแก้ปัญหาจากสมการที่กำหนดให้ในบริบท

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: ข้อ 2. 8 ปี

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : พลังของลม

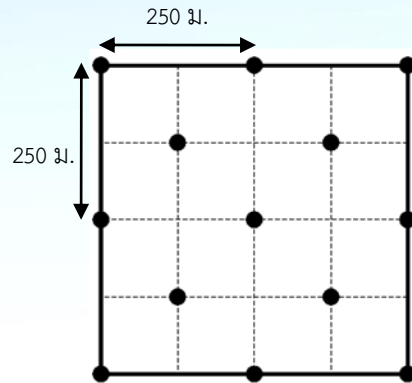
เมืองเซตทาวน์ได้ตัดสินใจสร้างสถานีผลิตไฟฟ้า

พลังลม E-82 ในพื้นที่สี่เหลี่ยมจตุรัส

(ความยาว = ความกว้าง = 500 ม.)

ตามข้อกำหนดในการก่อสร้าง ระยะห่างที่น้อยที่สุด  
ระหว่างเสาสองเสาของสถานีผลิตไฟฟ้าพลังลมรุ่นนี้  
ต้องมีระยะห่างกันเป็นห้าเท่าของความยาวของใบพัด

นายกเทศมนตรีได้ให้ข้อเสนอแนะถึงวิธีจัดวางสถานี  
ผลิตไฟฟ้าพลังลมในพื้นที่ ซึ่งแสดงไว้ในแผนภาพด้านข้าง



● = สถานีผลิตไฟฟ้าพลังลม  
หมายเหตุ: รูปวาดไม่ได้เขียนตามมาตราส่วน

จงอธิบายว่า เพราะเหตุใดข้อเสนอของนายกเทศมนตรีจึงไม่เป็นไปตามข้อกำหนดในการก่อสร้าง  
ให้แสดงการคำนวณเพื่อสนับสนุนเหตุผลของนักเรียน

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	ใช้ทฤษฎีบทพีทาโกรัสภายใต้บริบทที่เป็นจริง

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: คำตอบที่แสดงว่าระยะห่างที่น้อยที่สุดระหว่างเสาสองเสา (ช่วงตั้งแต่ 175 ถึง 177 ม.) น้อยกว่า  
ข้อกำหนดคือความยาวห้าเท่าของใบพัด (200 ม.)

- สถานีผลิตไฟฟ้าพลังลมไม่สามารถสร้างลักษณะนี้ได้ เพราะวาระยะห่างระหว่างเสาแต่ละเสามีเพียง  
ม.  $\sqrt{125^2 + 125^2} \approx 177$  ม. ซึ่งน้อยกว่า 200 ม.

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 4 : พลังของลม

ปลายใบพัดของสถานีผลิตไฟฟ้าพลังลมเคลื่อนที่ด้วยความเร็วสูงสุดเท่าใด จงอธิบายกระบวนการหาคำตอบของนักเรียน และเขียนคำตอบในหน่วยกิโลเมตรต่อชั่วโมง (กม./ชม.) โดยให้นักเรียนย้อนกลับไปใช้ข้อมูลของรุ่น E-82

.....  
.....

ความเร็วสูงสุด : ..... กม./ชม.

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	แก้ปัญหาโดยใช้หลายขั้นตอนในบริบทที่เกี่ยวข้องกับการเคลื่อนที่

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 2: คำตอบที่ถูกต้อง ซึ่งได้มาจากกระบวนการแก้ปัญหาที่ถูกต้อง สมบูรณ์ และสามารถเข้าใจได้ คำตอบต้องตอบในหน่วย กม./ชม. จะแสดงหรือไม่แสดงวิธีทำก็ได้

- ความเร็วสูงสุดของการหมุนเท่ากับ 20 รอบต่อนาที ระยะทางต่อการหมุนหนึ่งรอบเท่ากับ  $2 \times \pi \times 40 \text{ ม.} \approx 250 \text{ ม.}$  นั่นคือ  $20 \times 250 \text{ ม./นาที} \approx 5,000 \text{ ม./นาที} \approx 83 \text{ ม./วินาที} \approx 300 \text{ กม./ชม.}$

**ได้คะแนนบางส่วน**

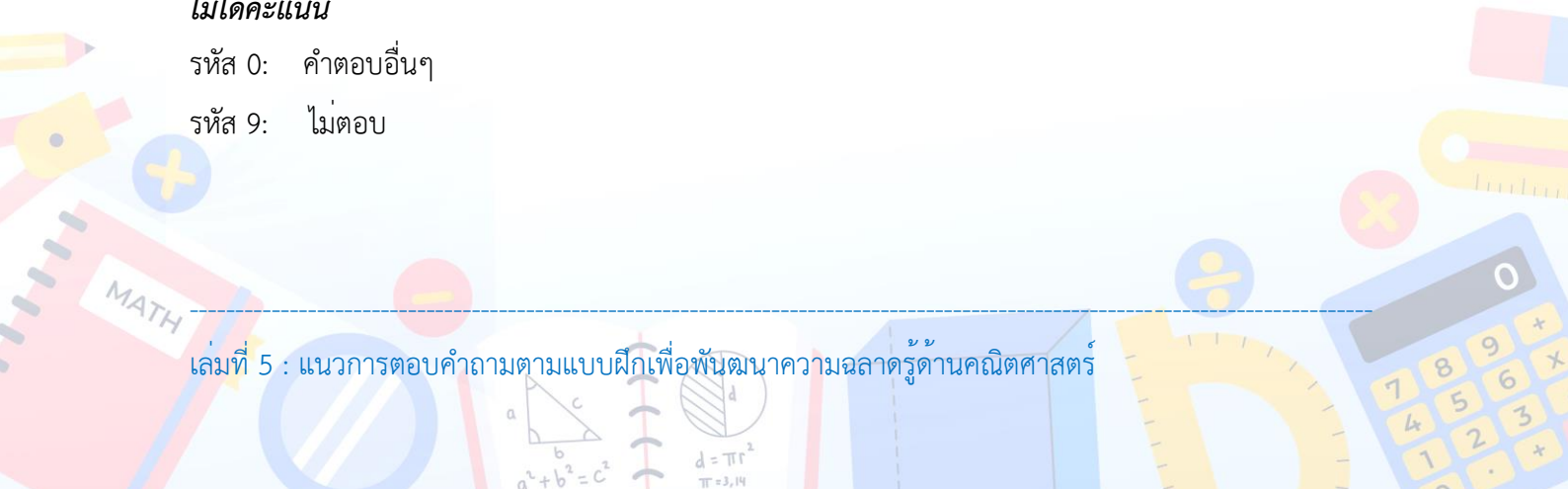
รหัส 1: คำตอบที่ถูกต้อง ซึ่งได้มาจากกระบวนการแก้ปัญหาที่ถูกต้อง สมบูรณ์ และสามารถเข้าใจได้ แต่ไม่ได้ตอบในหน่วย กม./ชม. จะแสดงหรือไม่แสดงวิธีทำก็ได้

- $2 \times \pi \times 40 \text{ ม.} \approx 250 \text{ ม.}$  นั่นคือ  $20 \times 250 \text{ ม./นาที} \approx 5,000 \text{ ม./นาที} \approx 83 \text{ ม./วินาที}$

**ไม่ได้คะแนน**

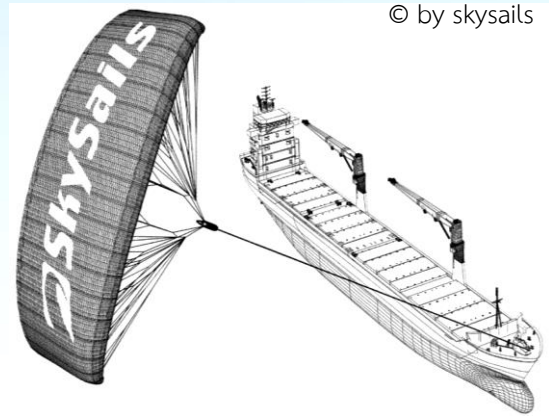
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ



## สถานการณ์ที่ 59 เรื่อง เรือเดินทะเล

ร้อยละ 95 ของการค้าโลกใช้การขนส่งทางทะเล  
 ประมาณอย่างคร่าว ๆ มีเรือบรรทุกน้ำมัน เรือบรรทุกสินค้า  
 เรือบรรทุกตู้สินค้า ประมาณ 50,000 ลำ  
 เรือเหล่านี้ส่วนใหญ่ใช้น้ำมันดีเซลเป็นเชื้อเพลิง  
 วิศวกรกำลังวางแผนเพื่อพัฒนาพลังลมช่วยในการเดินเรือ  
 ข้อเสนอของพวกเขาคือ ให้ติดตั้งเรือไว้กับเรือ  
 และใช้พลังของลมช่วยลดการใช้น้ำมันดีเซล  
 และลดผลกระทบต่อสิ่งแวดล้อม



### ■ คำถามที่ 1 : เรือเดินทะเล

ข้อดีอย่างหนึ่งของการใช้ร่มจูงเรือ คือ ร่มจะลอยที่ความสูง 150 ม. ที่ระดับความสูงนี้ ความเร็วลมจะมากกว่า  
 ข้างล่างที่เป็นดาดฟ้าเรือประมาณ 25% เมื่อวัดความเร็วลมบนดาดฟ้าเรือได้ 24 กม./ชม. ลมที่พัดร่มจูงเรือมี  
 ความเร็วประมาณเท่าใด

1. 6 กม./ชม.
2. 18 กม./ชม.
3. 25 กม./ชม.
4. 30 กม./ชม.
5. 49 กม./ชม.

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	ใช้การคำนวณร้อยละกับสถานการณ์ในโลกชีวิตจริงที่กำหนดให้

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 4. 30 กม./ชม.

#### ไม่ได้คะแนน

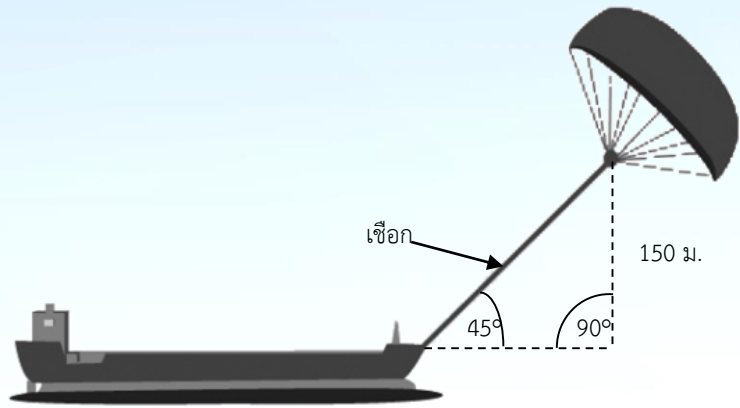
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : เรือเดินทะเล

ในการลากเรือให้เชือกทำมุม  $45^\circ$  และ  
ร่มชูเรือมีความสูงในแนวตั้ง 150 ม.  
ดังแสดงในแผนภาพด้านข้าง  
ความยาวของเชือกที่ผูกกับร่มชูเรือ  
ยาวประมาณเท่าใด

1. 173 ม.
2. 212 ม.
3. 285 ม.
4. 300 ม.



หมายเหตุ: รูปวาดไม่ได้เขียนตามมาตราส่วน

© by skysails

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	ใช้การคำนวณร้อยละกับสถานการณ์ในโลกชีวิตจริงที่กำหนดให้

การให้คะแนน

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: ข้อ 2. 212 ม.

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : เรือเดินทะเล

เนื่องจากค่าใช้จ่ายในส่วนของน้ำมันดีเซลสูงถึง 0.42 เซตต่อลิตร เจ้าของเรือ นิวเวฟ กำลังคิดว่า จะติดตั้งร่มจูงเรือกับเรือของเขาจากการประมาณ พบว่าร่มจูงเรือลักษณะนี้มีศักยภาพที่จะลดการใช้ น้ำมันดีเซลประมาณ 20% ของทั้งหมด

ชื่อเรือ: นิวเวฟ

ประเภท: เรือบรรทุกสินค้า

ความยาว: 117 เมตร

ความกว้าง: 18 เมตร

ขีดความสามารถบรรทุก: 12,000 ตัน

ความเร็วสูงสุด: 19 น็อต

การใช้ น้ำมันดีเซลต่อปีโดยไม่มีร่มจูงเรือ: ประมาณ 3,500,000 ลิตร



ค่าใช้จ่ายในการติดตั้งร่มจูงเรือกับเรือ นิวเวฟ เป็น 2,500,000 เซต

หลังติดตั้งร่มจูงเรือประมาณกี่ปี จึงจะทำให้ค่าน้ำมันดีเซลที่ประหยัดได้คุ้มกับการลงทุนติดตั้งร่มจูงเรือ  
จงแสดงวิธีการคำนวณเพื่อสนับสนุนคำตอบของนักเรียน

.....  
.....

จำนวนปี : ..... ปี

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	แก้ปัญหาในสถานการณ์โลกชีวิตจริงที่เกี่ยวข้องกับการประหยัดค่าใช้จ่ายและการใช้น้ำมัน

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: คำตอบตั้งแต่ 8 ถึง 9 ปี โดยแสดงวิธีการคำนวณ (ทางคณิตศาสตร์) ที่เพียงพอ

- การใช้น้ำมันดีเซลต่อปีโดยไม่มีร่ม: 3.5 ล้านลิตร ราคา 0.42 เซต/ลิตร ค่าน้ำมันดีเซลโดยไม่มีร่ม 1,470,000 เซต ถ้าประหยัดค่าใช้จ่ายได้ 20% โดยการติดตั้งร่ม เป็นผลให้ลดค่าใช้จ่ายไป  $1,470,000 \times 0.2 = 294,000$  เซตต่อปี ดังนั้น:  $2,500,000 / 294,000 \approx 8.5$  นั่นคือ: หลังจากประมาณ 8 ถึง 9 ปี การติดตั้งร่มถึงจะคุ้มค่า (ทางด้านการเงิน)

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 60 เรื่อง ซอส

### ■ คำถามที่ 1 : ซอส

นักเรียนกำลังทำน้ำสลัดด้วยตัวเอง

นี่คือสูตรการทำน้ำสลัด 100 มิลลิลิตร (มล.)

น้ำมันสลัด :	60 มล.
น้ำส้มสายชู :	30 มล.
ซอสถั่วเหลือง :	10 มล.

ถ้านักเรียนต้องการทำน้ำสลัดนี้ 150 มิลลิลิตร (มล.) จะต้องใช้น้ำมันสลัดปริมาณกี่มิลลิลิตร

คำตอบ : ..... มล.

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	การงานอาชีพ
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด
เจตนาของคำถาม:	ใช้แนวคิดเรื่องอัตราส่วนในสถานการณ์ชีวิตประจำวันเพื่อคำนวณจำนวนของส่วนผสมหนึ่งที่ต้องการในสูตร

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 90

60+30

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

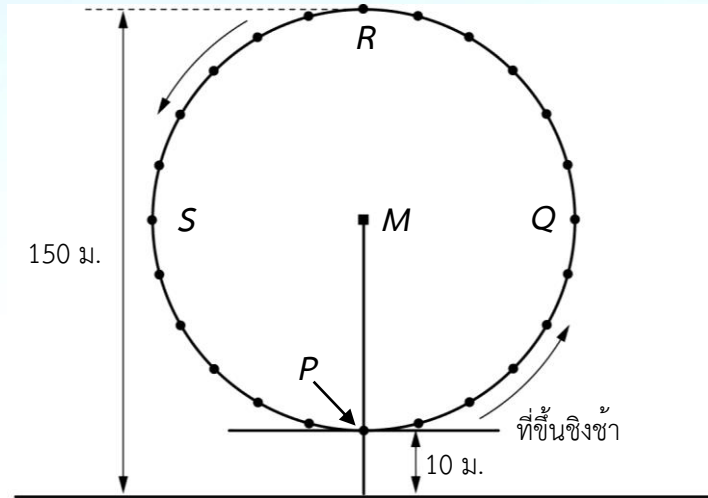
มากกว่า 1.5 เท่า

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

### สถานการณ์ที่ 61 เรื่อง ชิงช้าสวรรค์

ชิงช้าสวรรค์ขนาดใหญ่แห่งหนึ่งตั้งอยู่ริมฝั่งแม่น้ำ คูภาพและแผนภาพข้างล่าง



ระดับน้ำในแม่น้ำเทมส์

ชิงช้าสวรรค์มีเส้นผ่านศูนย์กลางภายนอก 140 เมตร และจุดสูงที่สุดอยู่สูงจากระดับน้ำในแม่น้ำ 150 เมตร โดยการหมุนมีทิศทางเป็นไปตามที่แสดงด้วยลูกศร

#### ■ คำถามที่ 1 : ชิงช้าสวรรค์

ตัวอักษร  $M$  ในแผนภาพ แสดงจุดศูนย์กลางของวงล้อ

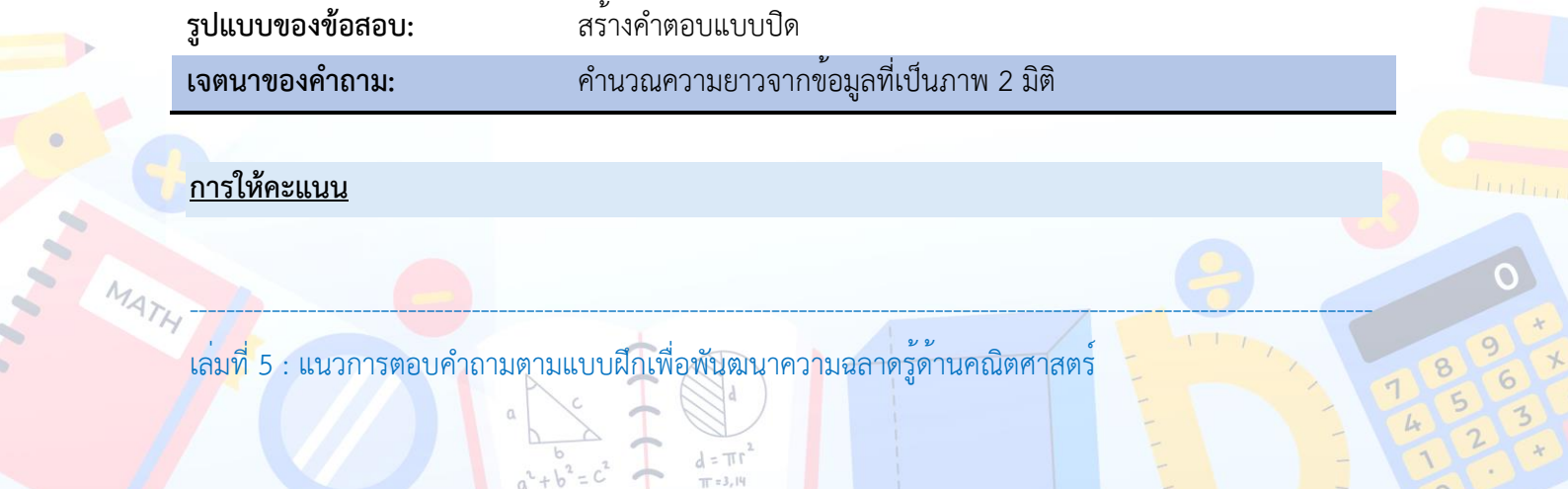
จุด  $M$  อยู่สูงจากระดับน้ำในแม่น้ำกี่เมตร (ม.)

คำตอบ : ..... ม.

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด
เจตนาของคำถาม:	คำนวณความยาวจากข้อมูลที่เป็นภาพ 2 มิติ

#### การให้คะแนน

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: 80

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ **คำถามที่ 2 : ชิงช้าสวรรค์**

ชิงช้าสวรรค์หมุนด้วยความเร็วคงที่ วงล้อหมุนครบหนึ่งรอบใช้เวลา 40 นาทีพอดี จักรเริ่มขึ้นชิงช้าสวรรค์ ณ จุดที่ขึ้นชิงช้า ( $P$ ) เมื่อเวลาผ่านไปครึ่งชั่วโมง จักรจะอยู่ที่ตำแหน่งใด

1. ที่จุด  $R$
2. ระหว่างจุด  $R$  กับจุด  $S$
3. ที่จุด  $S$
4. ระหว่างจุด  $S$  กับจุด  $P$

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	ประมาณตำแหน่งจากการหมุนของวัตถุ โดยกำหนดเวลามาให้

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: ข้อ 3. ที่จุด  $S$

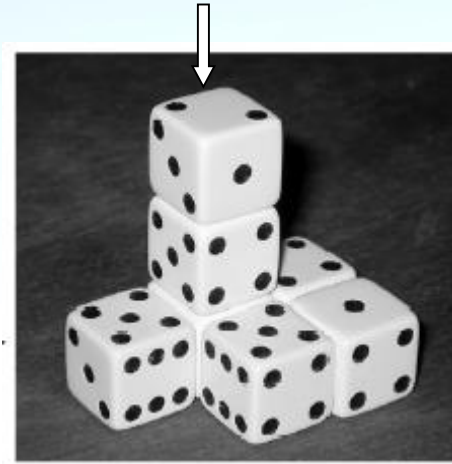
**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 62 เรื่อง การสร้างด้วยลูกเต๋า

ภาพข้างล่าง เป็นการสร้างโดยลูกเต๋าคู่ที่เหมือนกันเจ็ดลูก ซึ่งลูกเต๋าคู่แต่ละคู่อมีแต้มตั้งแต่ 1 ถึง 6 มุมบน



เมื่อมองรูปที่สร้างนี้จากมุมบน จะเห็นลูกเต๋าคู่เพียง 5 ลูกเท่านั้น

■ คำถามที่ 1 : ลูกเต๋า

เมื่อมองรูปที่สร้างนี้จากมุมบน จะมองเห็นจุดบนลูกเต๋าคู่ได้ทั้งหมดกี่จุด

จำนวนจุดที่มองเห็น : ..... จุด

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด
เจตนาของคำถาม:	ตีความรูปร่างของการสร้างรูปทรง 3 มิติ ตามมุมมองที่กำหนดให้

### การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 2: 17

ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: 16

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

## สถานการณ์ที่ 63 เรื่อง การปีนภูเขาฟูจิ

ภูเขาฟูจิ เป็นภูเขาไฟสงบแล้วที่มีชื่อเสียงโด่งดังในญี่ปุ่น



### ■ คำถามที่ 1 : การปีนภูเขาฟูจิ

ภูเขาฟูจิเปิดให้คนขึ้นไปปีนเขาเฉพาะช่วงตั้งแต่ 1 กรกฎาคม ถึง 27 สิงหาคมของแต่ละปี ในช่วงเวลาดังกล่าวมีคนขึ้นไปปีนภูเขาฟูจิประมาณ 200,000 คน โดยเฉลี่ยมีคนขึ้นไปปีนภูเขาฟูจิวันละประมาณกี่คน

1. 340
2. 710
3. 3,400
4. 7,100
5. 7,400

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	ระบุอัตราเฉลี่ยรายวันจากจำนวนรวมและช่วงเวลาเฉพาะที่กำหนดให้

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. 3,400

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

■ คำถามที่ 2 : การปีนภูเขาฟูจิ

เส้นทางเดินโกเทมบะเป็นทางเดินขึ้นภูเขาฟูจิ มีระยะทางประมาณ 9 กิโลเมตร (กม.) การเดินขึ้นภูเขาไปและกลับคิดเป็นระยะทาง 18 กม. โดยต้องกลับมาถึงก่อนเวลา 20.00 น. โตชิคาว่า เขาสามารถเดินขึ้นภูเขาได้ในอัตราเร็วเฉลี่ย 1.5 กิโลเมตรต่อชั่วโมง และเดินลง ด้วยอัตราเร็วเป็นสองเท่าที่อัตราเร็วนี้รวมเวลาพักทานอาหารและหยุดพักแล้ว  
จงใช้อัตราเร็วเฉลี่ยที่โตชิคาว่าประมาณไว้ เพื่อหาว่าเขาควรเริ่มออกเดินอย่างช้าที่สุดในเวลาเท่าใด เพื่อจะกลับมาให้ทันเวลา 20.00 น.

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	คำนวณเวลาเริ่มต้นในการเดินทาง เมื่อกำหนดอัตราเร็วที่แตกต่างกันสองอัตรา ระยะทางที่เดินทางทั้งหมดและเวลาสิ้นสุด

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: 11 (โมงเช้า)

[ใส่หรือไม่ใส่โมงเช้าก็ได้ หรือการเขียนเวลาด้วยวิธีอื่นที่มีความหมายเหมือนกัน ตัวอย่างเช่น 11.00 น.]

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : การป็นภูเขาฟูจิ

โตชิสวมเครื่องวัดจำนวนก้าว เพื่อนับจำนวนก้าวที่เขาเดินตามเส้นทางโกเทมบะ

เครื่องวัดจำนวนก้าวของเขาแสดงว่า เขาเดินขึ้นมาได้ 22,500 ก้าว

จงประมาณระยะทางเฉลี่ยต่อก้าวของโตชิ เมื่อเขาเดินขึ้นตามเส้นทางโกเทมบะระยะทาง 9 กม. ให้นักเรียนเขียนคำตอบในหน่วยเซนติเมตร (ซม.)

คำตอบ : ..... ซม.

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด
เจตนาของคำถาม:	หาความยาวที่กำหนดซึ่งมีหน่วยเป็น กม. ด้วยจำนวนที่กำหนดให้ แล้วแสดงผลลัพธ์ในหน่วย ซม.

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 2: 40

ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 1: คำตอบที่เป็นเลข 4 ที่ได้มาจากการแปลงหน่วยเป็นเซนติเมตรไม่ถูกต้อง

- 0.4 [ตอบหน่วยเป็นเมตร]
- 4,000 [การแปลงหน่วยไม่ถูกต้อง]

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 64 เรื่อง เฮเลน นักปั่นจักรยาน



เฮเลนเพิ่งจะได้จักรยานคันใหม่ จักรยานมีเครื่องวัดความเร็วติดอยู่บนแฮนด์รถจักรยาน เครื่องวัดความเร็วสามารถบอกระยะทางที่เฮเลนเดินทางและความเร็วเฉลี่ยที่เธอใช้ในการเดินทาง

### ■ คำถามที่ 1 : เฮเลน นักปั่นจักรยาน

การเดินทางครั้งหนึ่ง เฮเลนขี่จักรยานไปได้ 4 กม. ใน 10 นาทีแรก และอีก 2 กม. ใน 5 นาทีต่อมา ข้อความใดต่อไปนี้ถูกต้อง

1. ความเร็วเฉลี่ยของเฮเลนใน 10 นาทีแรก มากกว่าใน 5 นาทีต่อมา
2. ความเร็วเฉลี่ยของเฮเลนใน 10 นาทีแรก เท่ากับใน 5 นาทีต่อมา
3. ความเร็วเฉลี่ยของเฮเลนใน 10 นาทีแรก น้อยกว่าใน 5 นาทีต่อมา
4. จากข้อมูลที่ให้มา ไม่สามารถบอกถึงสิ่งใด ๆ เกี่ยวกับความเร็วเฉลี่ยของเฮเลนได้

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	เปรียบเทียบความเร็วเฉลี่ยโดยกำหนดระยะทางที่เดินทางและเวลาที่ใช้ในการเดินทางมาให้

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 2. ความเร็วเฉลี่ยของเฮเลนใน 10 นาทีแรก เท่ากับใน 5 นาทีต่อมา

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 2 : เฮเลน นักปั่นจักรยาน

เฮเลนซึ่งจักรยาน 6 กม. ไปยังบ้านป่า เครื่องวัดความเร็วแสดงว่า ความเร็วเฉลี่ยตลอด การเดินทางเป็น 18 กม./ชม. ข้อความต่อไปนี้ ข้อความใดถูกต้อง

1. เฮเลนใช้เวลา 20 นาที ไปถึงบ้านป่า
2. เฮเลนใช้เวลา 30 นาที ไปถึงบ้านป่า
3. เฮเลนใช้เวลา 3 ชั่วโมง ไปถึงบ้านป่า
4. ไม่สามารถบอกได้ว่าเฮเลนใช้เวลาเท่าใดในการเดินทางไปถึงบ้านป่า

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	คำนวณเวลาที่ใช้ในการเดินทางโดยกำหนดความเร็วเฉลี่ยและระยะทางที่เดินทางมาให้

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 1. เฮเลนใช้เวลา 20 นาที ไปถึงบ้านป่า

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

■ คำถามที่ 3 : เฮเลน นักปั่นจักรยาน

เฮเลนได้ขี่จักรยานของเธอจากบ้านไปที่แม่น้ำ ซึ่งอยู่ห่างออกไป 4 กม. เธอใช้เวลา 9 นาที แล้วเธอก็ขี่จักรยานกลับบ้านโดยใช้เส้นทางที่สั้นกว่า คือ 3 กม. ครั้งนี้เธอใช้เวลาเพียง 6 นาที

ในการเดินทางไปและกลับระหว่างบ้านและแม่น้ำ ความเร็วเฉลี่ยของเฮเลนเป็นเท่าใด (ในหน่วย กม./ชม.)

ความเร็วเฉลี่ยในการเดินทาง : ..... กม./ชม.

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด
เจตนาของคำถาม:	คำนวณความเร็วเฉลี่ยตลอดการเดินทางสองครั้งโดยกำหนดระยะทางที่เดินทางและเวลาที่ใช้ในการเดินทางทั้งสองครั้งมาให้

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: 28

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 65 เรื่อง ห้องชุดสำหรับพักผ่อน

คริสติน่าพบห้องชุดสำหรับพักผ่อนนี้ประกาศขายทางอินเทอร์เน็ต เธอกำลังคิดที่จะซื้อห้องชุดสำหรับพักผ่อน เพื่อเธอจะให้แขกที่มาพักผ่อนเช่าห้องชุดนี้

จำนวนห้อง :	1 x ห้องรับแขกและห้องอาหาร 1 x ห้องนอน 1 x ห้องน้ำ	<p>ราคา: 200,000 เซต</p> 
ขนาด :	60 ตารางเมตร (ม. <sup>2</sup> )	
ที่จอดรถ :	มี	
ระยะเวลาเดินทางสู่ตัวเมือง :	10 นาที	
ระยะทางไปถึงชายหาด :	350 เมตร (ม.) วัดเป็นเส้นตรง	
ใน 10 ปีที่ผ่านมา แขกที่มาพักผ่อนมีการใช้โดยเฉลี่ย :	315 วันต่อปี	

### ■ คำถามที่ 1 : ห้องชุดสำหรับพักผ่อน

ในการประเมินราคาห้องชุดสำหรับพักผ่อน คริสติน่าได้ขอให้ผู้เชี่ยวชาญมาประเมิน ซึ่งในการประมาณราคาห้องชุดสำหรับพักผ่อน ผู้เชี่ยวชาญได้ใช้เกณฑ์ต่อไปนี้ :

ราคาต่อ ม. <sup>2</sup>	ราคากลาง :	2,500 เซตต่อ ม. <sup>2</sup>			
เกณฑ์การเพิ่มมูลค่า	ระยะเวลาเดินทางสู่ตัวเมือง :	มากกว่า 15 นาที : +0 เซต	ตั้งแต่ 5 ถึง 15 นาที : +10,000 เซต	น้อยกว่า 5 นาที : +20,000 เซต	
	ระยะทางไปถึงชายหาด (วัดเป็นเส้นตรง) :	มากกว่า 2 กม. : +0 เซต	ตั้งแต่ 1 ถึง 2 กม. : +5,000 เซต	ตั้งแต่ 0.5 ถึง 1 กม. : +10,000 เซต	น้อยกว่า 0.5 กม. : +15,000 เซต
	ที่จอดรถ :	ไม่มี : +0 เซต	มี : +35,000 เซต		

ถ้าราคาของผู้เชี่ยวชาญประมาณสูงกว่าราคาขายที่ประกาศไว้ ราคานี้ถือว่า “ดีมาก” สำหรับคริสติน่าในฐานะผู้ที่มีกำลังซื้อ ให้ใช้เกณฑ์ของผู้เชี่ยวชาญ แสดงให้เห็นว่าราคาขายที่บอกไว้นั้น “ดีมาก” สำหรับคริสติน่า

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	ประเมินราคาตามเกณฑ์เปรียบเทียบกับราคาขายห้องชุดสำหรับพักผ่อนที่ประกาศไว้ เพื่อให้ได้ราคาประเมินที่ถูกต้อง

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: คำตอบที่แสดงว่าราคาประมาณตามเกณฑ์ของผู้เชี่ยวชาญเป็น 210,000 เซต ซึ่งสูงกว่าราคาที่ยังประกาศไว้ คือ 200,000 เซต แสดงว่าเป็น “ราคาที่ดีมาก” [ราคาของผู้เชี่ยวชาญเป็น 210,000 เซต ต้องแสดงให้เห็นอย่างชัดเจน แต่ราคาประกาศอาจจะแสดงโดยนัยหรือแสดงอย่างชัดเจนก็ได้]

- ราคาของผู้เชี่ยวชาญเป็น 210,000 เซต ซึ่งสูงกว่าราคาประกาศไว้ คือ 200,000 แสดงว่าเป็นราคาที่ดีมาก
- ราคารวม 210,000 เซต สูงกว่าราคาที่ยังประกาศไว้

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : ห้องชุดสำหรับพักผ่อน

แขกที่มาพักผ่อนมีการใช้ห้องชุดโดยเฉลี่ย 315 วันต่อปี ตลอดช่วงเวลา 10 ปีที่ผ่านมา ให้นักเรียนตัดสินใจว่า ข้อความต่อไปนี้สามารถสรุปได้จากข้อมูลดังกล่าวใช่หรือไม่

จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “ใช่” หรือ “ไม่ใช่” ในแต่ละข้อความ

ข้อความ	ข้อความสามารถสรุปได้จากข้อมูลที่กำหนดให้ ใช่หรือไม่
สามารถบอกได้อย่างมั่นใจว่า อย่างน้อยหนึ่งปี ในช่วงเวลา 10 ปีที่ผ่านมา มีแขกที่มาพักผ่อนใช้ห้องชุดสำหรับพักผ่อนนี้ 315 วันพอดี	ใช่ / ไม่ใช่
ในทางทฤษฎี มันอาจเป็นไปได้ว่า ในช่วงเวลา 10 ปีที่ผ่านมา มีแขกที่มาพักผ่อนใช้ห้องชุดนี้มากกว่า 315 วันในทุกปี	ใช่ / ไม่ใช่
ในทางทฤษฎี มันอาจเป็นไปได้ว่ามีหนึ่งปีในช่วง 10 ปีที่ผ่านมา ไม่มีแขกที่มาพักผ่อนใช้ห้องชุดนี้เลย	ใช่ / ไม่ใช่

หมายเหตุ : สมมติว่าหนึ่งปีมี 365 วัน

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบเชิงซ้อน
เจตนาของคำถาม:	ตีความของความหมายของค่าเฉลี่ยที่กำหนดให้

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: ตอบถูกทั้งหมดสามข้อ ไม่ใช่ ไม่ใช่ ใช่ ตามลำดับ

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

### สถานการณ์ที่ 66 เรื่อง การเช่าดีวีดี



เจนทำงานอยู่ที่ร้านแห่งหนึ่งซึ่งให้เช่าดีวีดีและเกมคอมพิวเตอร์  
 ที่ร้านแห่งนี้ คิดค่าสมาชิกรายปี 10 เซต  
 ค่าเช่าดีวีดีสำหรับผู้ที่เป็นสมาชิกถูกกว่าค่าเช่าสำหรับผู้ที่ไม่เป็นสมาชิก  
 ดังแสดงในตารางต่อไปนี้ :

ค่าเช่าดีวีดีหนึ่งแผ่น	
ผู้ที่ไม่เป็นสมาชิก	ผู้ที่เป็นสมาชิก
3.20 เซต	2.50 เซต

#### ■ คำถามที่ 1 : การเช่าดีวีดี

ทอมเป็นสมาชิกของร้านเช่าดีวีดีเมื่อปีที่แล้ว ปีที่แล้ว เขาจ่ายเงินไปทั้งหมด 52.50 เซต ซึ่งได้รวมค่าสมาชิกของเขาแล้ว ถ้าทอมไม่ได้เป็นสมาชิก แต่เช่าดีวีดีจำนวนเท่าเดิม เขาจะต้องจ่ายเงินกี่เซต

จำนวนเซต : .....

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด
เจตนาของคำถาม:	คำนวณและเปรียบเทียบจำนวนในสถานการณ์ประจำวัน

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 54.40

##### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

■ คำถามที่ 2 : การเข้าคิว

สมาชิกจะต้องเข้าคิวอย่างน้อยที่สุดกี่แผ่น จึงจะคุ้มค่าสมาชิก จงแสดงวิธีทำ

.....  
.....

จำนวนคิวดี : .....

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	คำนวณและเปรียบเทียบจำนวนในสถานการณ์ประจำวัน

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 21: 15 [ใช้วิธีแก้ปัญหาทางพีชคณิต พร้อมเหตุผลที่ถูกต้อง]

$3.20X = 2.50X + 10$

$0.70X = 10$

$X = 10 / 0.70 = 14.2$  โดยประมาณแต่คำตอบต้องการเป็นจำนวนเต็ม : 15 แผ่น

$3.20 X > 2.50 X + 10$  [ใช้ขั้นตอนการหาคำตอบเหมือนวิธีแก้ปัญหาที่ผ่านมา แต่ทำในรูปของอสมการ]

รหัส 22: 15 [ใช้วิธีแก้ปัญหาทางเลขคณิต พร้อมเหตุผลที่ถูกต้อง]

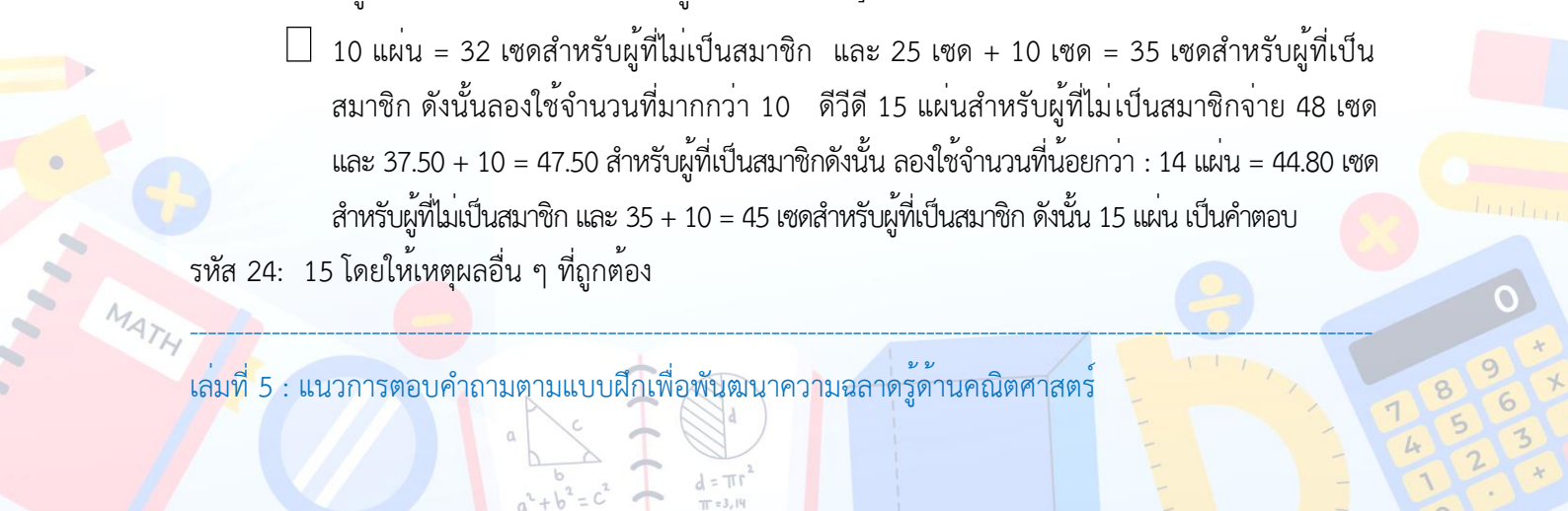
ในการเข้าคิวดีหนึ่งแผ่น สมาชิกจะประหยัดได้ 0.70 เซต เพราะว่าสมาชิกได้จ่ายไว้แล้ว 10 เซต ตั้งแต่เริ่มต้น เพื่อความคุ้มค่าอย่างน้อยเขาต้องประหยัดเงินให้ได้เท่ากับค่าสมาชิก  $10/0.70 = 14.2...$  ดังนั้น จึงเป็น 15 แผ่น

รหัส 23: 15 [แก้ปัญหาโดยใช้วิธีลองผิดลองถูกอย่างเป็นระบบได้อย่างถูกต้อง โดยนักเรียนเลือกจำนวนและหาค่าเข้าสำหรับผู้ที่ไม่เป็นสมาชิกและผู้ที่เป็นสมาชิก แล้วใช้การคำนวณนี้เพื่อระบุตัวเลขที่ถูกต้อง (15) ที่ผู้ที่เป็นสมาชิกจะจ่ายน้อยกว่าผู้ที่ไม่เป็นสมาชิก]

10 แผ่น = 32 เซตสำหรับผู้ที่ไม่เป็นสมาชิก และ 25 เซต + 10 เซต = 35 เซตสำหรับผู้ที่เป็นสมาชิก ดังนั้นลองใช้จำนวนที่มากกว่า 10 คิวดี 15 แผ่นสำหรับผู้ที่ไม่เป็นสมาชิกจ่าย 48 เซต และ  $37.50 + 10 = 47.50$  สำหรับผู้ที่เป็นสมาชิกดังนั้น ลองใช้จำนวนที่น้อยกว่า : 14 แผ่น = 44.80 เซต สำหรับผู้ที่ไม่เป็นสมาชิก และ  $35 + 10 = 45$  เซตสำหรับผู้ที่เป็นสมาชิก ดังนั้น 15 แผ่น เป็นคำตอบ

รหัส 24: 15 โดยให้เหตุผลอื่น ๆ ที่ถูกต้อง

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



### ได้คะแนนเป็นบางส่วน

รหัส 11: 15 ไม่แสดงเหตุผลหรือไม่แสดงวิธีทำ

รหัส 12: การคำนวณถูกต้อง แต่การบดเศษไม่ถูกต้อง หรือไม่ได้คำนึงถึงบริบทในการบดเศษ

14 หรือ 14.3

14.2 หรือ 14.28...

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 67 เรื่อง เคเบิลทีวี

ตารางข้างล่าง แสดงข้อมูลเกี่ยวกับครัวเรือนที่มีโทรทัศน์  
ในห้าประเทศ รวมทั้งร้อยละของครัวเรือนเหล่านั้นที่มี  
โทรทัศน์และเป็นสมาชิกเคเบิลทีวีด้วย



ประเทศ	จำนวนครัวเรือนที่มีโทรทัศน์	ร้อยละของครัวเรือนที่มีโทรทัศน์เทียบกับจำนวนครัวเรือนทั้งหมด	ร้อยละของครัวเรือนที่เป็นสมาชิกเคเบิลทีวีเทียบกับครัวเรือนที่มีโทรทัศน์
ญี่ปุ่น	48.0 ล้าน	99.8%	51.4%
ฝรั่งเศส	24.5 ล้าน	97.0%	15.4%
เบลเยียม	4.4 ล้าน	99.0%	91.7%
สวีตเซอร์แลนด์	2.8 ล้าน	85.8%	98.0%
นอร์เวย์	2.0 ล้าน	97.2%	42.7%

แหล่งที่มา: ITU, World Telecommunication Indicators 2004/2005  
ITU, World Telecommunication/ICT Development Report 2006

#### ■ คำถามที่ 1 : เคเบิลทีวี

ตารางแสดงว่าในประเทศสวีตเซอร์แลนด์ 85.8% ของครัวเรือนทั้งหมดมีโทรทัศน์  
จากข้อมูลในตาราง ค่าประมาณใกล้เคียงที่สุดของจำนวนครัวเรือนทั้งหมด  
ในประเทศสวีตเซอร์แลนด์เป็นเท่าใด

1. 2.4 ล้าน
2. 2.9 ล้าน
3. 3.3 ล้าน
4. 3.8 ล้าน

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	ใช้พื้นฐานเรื่องสัดส่วนกับชุดของข้อมูล

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3. 3.3 ล้าน

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

#### ■ คำถามที่ 2 : เคเบิลทีวี

กวิน พิจารณาข้อมูลประเทศฝรั่งเศสและนอร์เวย์ที่อยู่ในตาราง

กวิน กล่าวว่า “เนื่องจากร้อยละของครัวเรือนทั้งหมดที่มีโทรทัศน์ของทั้งสองประเทศนี้เกือบเท่ากัน ดังนั้นประเทศนอร์เวย์มีครัวเรือนที่เป็นสมาชิกเคเบิลทีวีมากกว่า”

จงอธิบายว่าเพราะเหตุใดข้อความนี้จึงไม่ถูกต้องให้เหตุผลอธิบายคำตอบของนักเรียน

.....  
.....

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	เข้าใจข้อมูลที่กำหนดให้ในตารางบนพื้นฐานเรื่องสัดส่วน

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 11: คำตอบที่บอกว่า กวินจำเป็นต้องคำนึงถึงจำนวนที่มีอยู่จริงของครัวเรือนที่มีโทรทัศน์ของสองประเทศ [ยอมรับการใช้คำว่า “ประชากร” แทน “ครัวเรือน”]

- เขาพูดผิด เพราะว่าในประเทศฝรั่งเศสมีเกินกว่า 22 ล้านครัวเรือนที่มีโทรทัศน์
- เพราะว่าประชากรของประเทศฝรั่งเศสมีมากกว่านอร์เวย์ประมาณ 10 เท่า
- เพราะประเทศฝรั่งเศสมีคนมากกว่า จำนวนคนที่มีโทรทัศน์จึงมากกว่ามาก ดังนั้น จำนวนการเป็นสมาชิกเคเบิลทีวีจึงมากกว่า

รหัส 12: คำตอบที่มาจาก การคำนวณจำนวนสมาชิกจริง ๆ ในสองประเทศ เพราะประเทศฝรั่งเศสมี  $(24.5 \times 0.154) =$  ประมาณ 3.7 ล้านครัวเรือนที่เป็นสมาชิกเคเบิลทีวี ในขณะที่ประเทศนอร์เวย์มี  $(2.0 \times 0.427)$  ประมาณ 0.8 ล้านครัวเรือน ประเทศฝรั่งเศสจึงมีสมาชิกเคเบิลทีวีมากกว่า

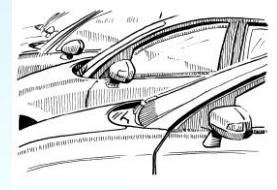
**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 68 เรื่อง รถยนต์คันไหน?

คริสเพิ่งได้รับใบอนุญาตขับขี่รถยนต์ และเธอต้องการซื้อรถยนต์คันแรก ตารางข้างล่างนี้ แสดงรายละเอียดของรถยนต์สี่คันที่เธอได้จากตัวแทนจำหน่ายรถยนต์ในพื้นที่



รุ่น :	แอลฟา	โบลต้า	คาสเทล	เดลซี
ปี	2003	2000	2001	1999
ราคาที่ใช้โฆษณา (เซต)	4,800	4,450	4,250	3,990
ระยะทางที่วิ่งมาแล้ว (กิโลเมตร)	105,000	115,000	128,000	109,000
ความจุกระบอกสูบเครื่องยนต์ (ลิตร)	1.79	1.796	1.82	1.783

### ■ คำถามที่ 1 : รถยนต์คันไหน?

คริสต้องการรถยนต์ที่เป็นไปตามเงื่อนไขเหล่านี้ทุกข้อ :

- ระยะทางที่วิ่งมาแล้วไม่เกิน 120,000 กิโลเมตร
- เป็นรถยนต์ที่ผลิตใน ค.ศ. 2000 หรือปีถัดมา
- ราคาที่ใช้โฆษณาไม่เกิน 4,500 เซต

รถยนต์คันใดที่เป็นไปตามเงื่อนไขของคริส

1. แอลฟา
2. โบลต้า
3. คาสเทล
4. เดลซี

เนื้อหา:	ความไม่แน่นอนและข้อมูล
บริบท:	สังคม
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	เลือกค่าที่เป็นไปตามเงื่อนไขเกี่ยวกับตัวเลข/ชุดของข้อความทั้งสี่ภายใต้บริบททางการเงิน

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ .2 โบลต้า

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### ■ คำถามที่ 2 : รถยนต์คันไหน?

รถยนต์คันใดมีความจุกระบอกสูบเครื่องยนต์น้อยที่สุด

1. แอลฟา
2. โบลต้า
3. คาสเทล
4. เดลซี

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	เลือกจำนวนทศนิยมที่น้อยที่สุดในสี่จำนวนที่อยู่ในบริบท

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

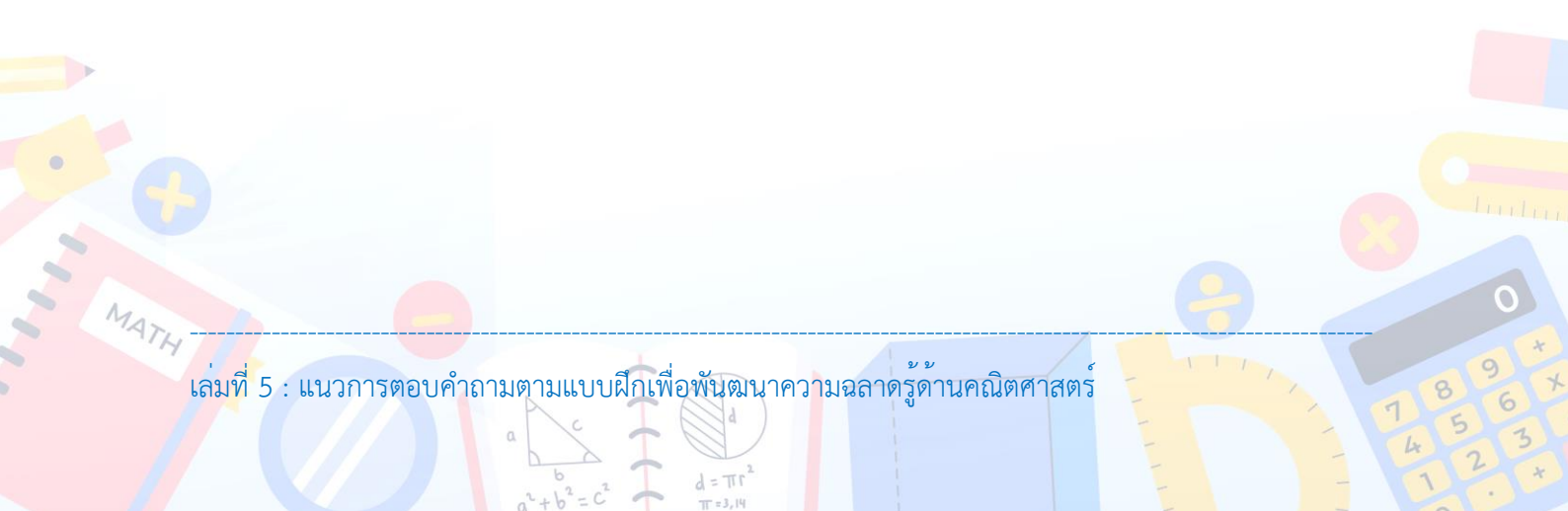
รหัส 1: ข้อ 4. เดลซี

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



■ คำถามที่ 3 : รถยนต์คันไหน?

คริสจะต้องจ่ายเงินเพิ่มอีก 2.5% ของราคาที่เหมาะสมเป็นค่าภาษี  
สำหรับรถแอลฟา ค่าภาษีที่เสียเพิ่มเป็นกี่เซต

ค่าภาษีที่เสียเพิ่มในหน่วยเซต : .....

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	ส่วนตัว
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด
เจตนาของคำถาม:	คำนวณ 2.5% ของราคาในหลักพันภายใต้บริบททางการเงิน

การให้คะแนน

*คะแนนเต็ม*

รหัส 1: 120

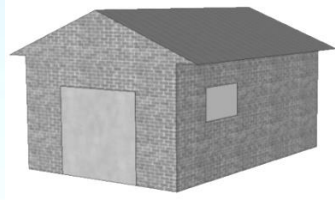
*ไม่ได้คะแนน*

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

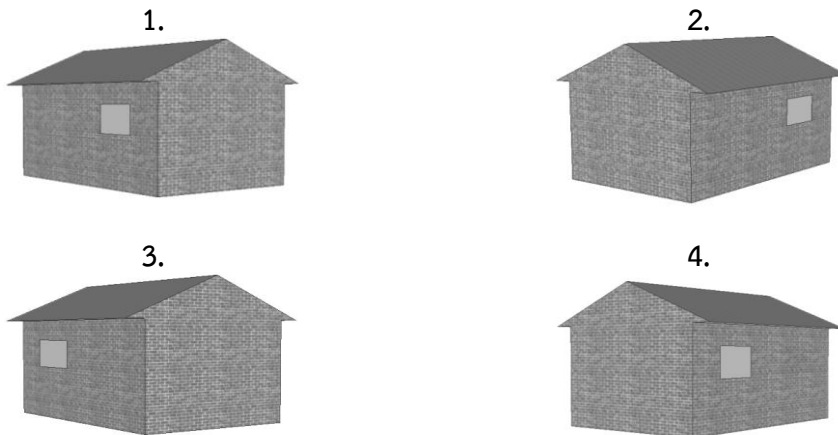
## สถานการณ์ที่ 69 เรื่อง โรงรถ

แบบของโรงรถ “พื้นฐาน” ของผู้ผลิตแห่งหนึ่ง มีเพียงหน้าต่างและประตูอย่างละหนึ่งบาน จักรเลือกแบบต่อไปนี้ จากแบบ “พื้นฐาน” ตำแหน่งของหน้าต่างและประตูแสดงดังนี้



### ■ คำถามที่ 1 : โรงรถ

ภาพข้างล่าง แสดงแบบ “พื้นฐาน” แบบต่าง ๆ ที่มองจากด้านหลัง มีเพียงภาพเดียวเท่านั้นที่ตรงกับแบบข้างบนที่จักรได้เลือกไว้ แบบใดที่จักรได้เลือกไว้ จงเขียนวงกลมล้อมรอบ 1, 2, 3 หรือ 4



เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	การงานอาชีพ
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	ใช้ความสามารถทางด้านปริภูมิ เพื่อระบุมุมมองแบบ 3 มิติที่สอดคล้องกับ มุมมอง 3 มิติอื่นที่ให้ไว้

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3 รูป .3

#### ไม่ได้คะแนน

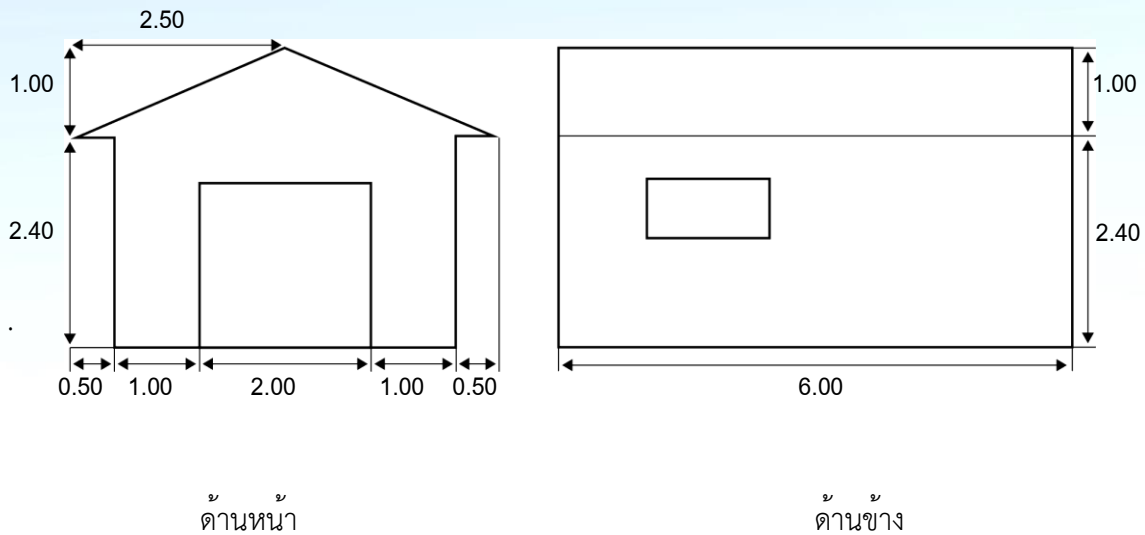
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

■ คำถามที่ 2 : โรงรถ

แบบแปลนสองแบบข้างล่างนี้ แสดงขนาดของโรงรถที่จักรเลือกไว้ในหน่วยเมตร



หมายเหตุ: รูปวาดไม่ได้เขียนตามมาตราส่วน

หลังคาประกอบขึ้นจากส่วนของรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้าที่เท่ากันสองรูป  
ให้คำนวณพื้นที่ทั้งหมดของหลังคา จงแสดงวิธีทำ

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	การงานอาชีพ
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	ตีความแบบแปลนและคำนวณพื้นที่รูปสี่เหลี่ยมผืนผ้า โดยใช้ทฤษฎีบท พิทาโกรัสหรือการวัดขนาด

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 21: ค่าใดค่าหนึ่งตั้งแต่ 31 ถึง 33 โดยไม่แสดงวิธีทำเลยหรือแสดงวิธีทำโดยใช้ทฤษฎีบทพิทาโกรัส สนับสนุนคำตอบ (หรือมีส่วนที่ชี้ให้เห็นว่าได้ใช้วิธีนี้) [ไม่จำเป็นต้องใส่หน่วย (ม.<sup>2</sup>)]

$12\sqrt{7.25} \text{ ม.}^2$

$12 \times 2.69 = 32.28 \text{ ม.}^2$

$32.4 \text{ ม.}^2$

### ได้คะแนนบางส่วน

รหัส 11: แสดงวิธีทำโดยใช้ทฤษฎีบทพีทาโกรัสได้ถูกต้อง แต่การคำนวณมีข้อผิดพลาดหรือใช้ความยาวไม่ถูกต้องหรือไม่ได้คำนวณพื้นที่หลังคาเป็นสองเท่า

$2.5^2 + 1^2 = 6, 12 \times \sqrt{6} = 29.39$  [ใช้ทฤษฎีบทพีทาโกรัสได้ถูกต้อง แต่การคำนวณมีข้อผิดพลาด]

$2^2 + 1^2 = 5, 2 \times 6 \times \sqrt{5} = 26.8 \text{ ม.}^2$  [ใช้ความยาวไม่ถูกต้อง]

$6 \times 2.6 = 15.6$  [ไม่ได้คำนวณพื้นที่หลังคาเป็นสองเท่า]

รหัส 12: แสดงวิธีทำโดยไม่ใช้ทฤษฎีบทพีทาโกรัส แต่ใช้ความกว้างของหลังคาที่เป็นค่าที่สมเหตุสมผล (ตัวอย่างเช่น ค่าใดค่าหนึ่งตั้งแต่ 2.6 ถึง 3) และการคำนวณส่วนที่เหลือถูกต้องครบถ้วน

$2.75 \times 12 = 33$

$3 \times 6 \times 2 = 36$

$12 \times 2.6 = 31.2$

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ เช่น

$2.5 \times 12 = 30$  [ค่าประมาณความกว้างของหลังคาอยู่นอกช่วงที่ยอมรับได้คือค่าตั้งแต่ 2. ถึง 63]

$3.5 \times 6 \times 2 = 42$  [ค่าประมาณความกว้างของหลังคาอยู่นอกช่วงที่ยอมรับได้คือค่าตั้งแต่ 2. ถึง 63]

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 70 เรื่อง การขายหนังสือพิมพ์

ในประเทศเซดแลนด์ มีหนังสือพิมพ์สองฉบับที่กำลังรับสมัครผู้ขายป้ายประกาศข้างล่างแสดงให้เห็นว่าพวกเขาจ่ายเงินให้กับผู้ขายอย่างไร

**เซดแลนด์สตาร์**

**ต้องการเงินเพิ่มพิเศษหรือไม่?**

**มาขายหนังสือพิมพ์กับเราสิ**

คุณจะได้รับค่าตอบแทน: 0.20 เซด ต่อฉบับ สำหรับหนังสือพิมพ์ 240 ฉบับแรกที่ขายได้ในหนึ่งสัปดาห์ และบวกเพิ่มอีก 0.40 เซด สำหรับแต่ละฉบับที่คุณขายได้เพิ่มขึ้น

**เซดแลนด์เดลี**

**งานรายได้ดี**

**ที่ใช้เวลานิดเดียว!**

ขายหนังสือพิมพ์ เซดแลนด์เดลี จะได้เงิน 60 เซดต่อสัปดาห์ และบวกเพิ่มอีก 0.05 เซดต่อหนังสือพิมพ์หนึ่งฉบับที่คุณขายได้

### ■ คำถามที่ 1 : การขายหนังสือพิมพ์

โดยเฉลี่ยทุก ๆ สัปดาห์ สุรัตน์ขายหนังสือพิมพ์ เซดแลนด์สตาร์ ได้ 350 ฉบับ เขามีรายได้โดยเฉลี่ยสัปดาห์ละกี่เซด

จำนวนเงินในหน่วยเซด : .....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	การงานอาชีพ
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด
เจตนาของคำถาม:	ระบุข้อมูลที่เกี่ยวข้องในรูปแบบเชิงคณิตศาสตร์

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: 00.92 หรือ 92

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์

■ คำถามที่ 2 : การขายหนังสือพิมพ์

กฤษฎาขายหนังสือพิมพ์ เซดแลนด์เดลี ในหนึ่งสัปดาห์เธอมีรายได้ 74 เซต

ในสัปดาห์นั้น กฤษฎาขายหนังสือพิมพ์ได้กี่ฉบับ

จำนวนหนังสือพิมพ์ที่ขายได้ : .....

เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	การงานอาชีพ
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด
เจตนาของคำถาม:	ระบุข้อมูลที่เกี่ยวข้องในรูปตัวแบบเชิงคณิตศาสตร์อย่างง่ายเพื่อคำนวณเกี่ยวกับจำนวน

การให้คะแนน

*คะแนนเต็ม*

รหัส 1: 280

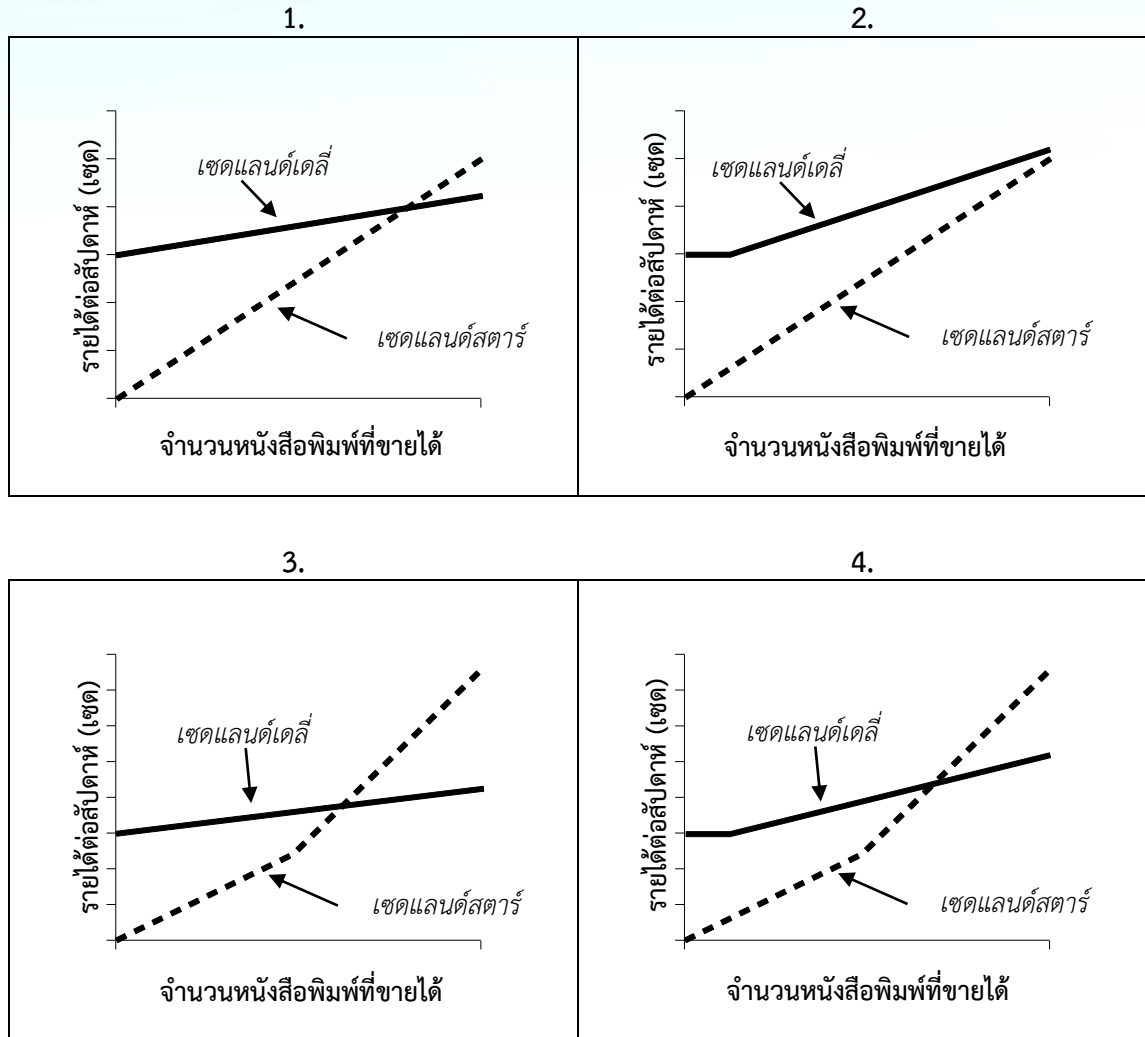
*ไม่ได้คะแนน*

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : การขายหนังสือพิมพ์

จักรตติสินใจสมัครเป็นผู้ขายหนังสือพิมพ์ เขาต้องเลือกว่าจะขายหนังสือพิมพ์ เซดแลนค์สตาร์ หรือ เซดแลนค์เดลี กราฟต่อไปนี้ นำเสนอได้ถูกต้องว่าหนังสือพิมพ์สองฉบับจ่ายเงินให้กับผู้ขายของเขาอย่างไร จงเขียนวงกลมล้อมรอบ 1, 2, 3 หรือ 4



เนื้อหา:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
บริบท:	การทำงานอาชีพ
กระบวนการ	ตีความ
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	ระบุตัวแบบเชิงคณิตศาสตร์ได้ถูกต้อง เมื่อความสัมพันธ์เชิงเส้นตรงสองเส้นถูกแปลงให้เป็นการนำเสนอด้วยกราฟ

## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 3 กราฟ .3

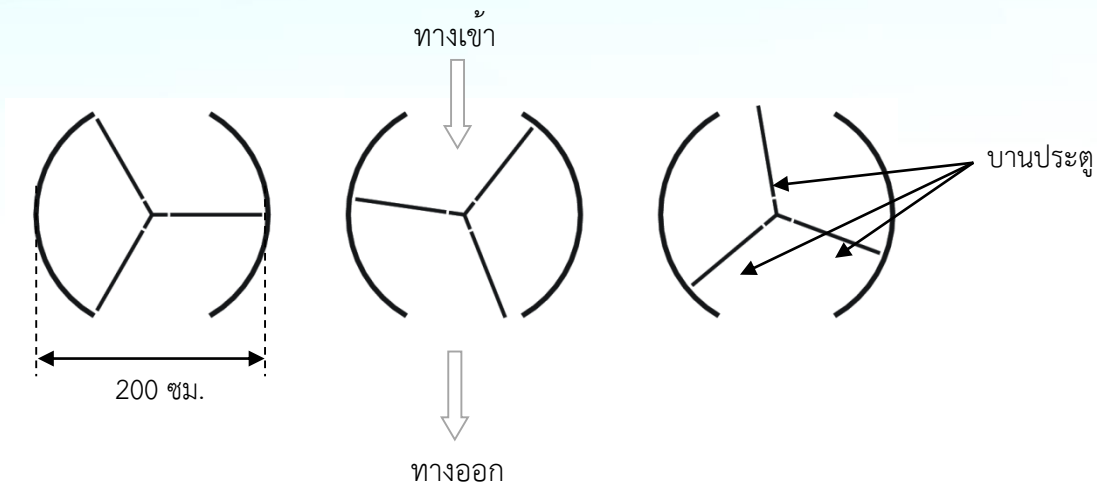
### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 71 เรื่อง ประตูลมุน

ประตูลมุน ประกอบด้วยบานประตูลมุนสามบาน ซึ่งหมุนภายในพื้นที่รูปวงกลม เส้นผ่านศูนย์กลางด้านในของพื้นที่นี้เป็น 2 เมตร (200 เซนติเมตร) บานประตูลมุนแบ่งพื้นที่วงกลมออกเป็นสามส่วนที่เท่ากัน แบบแปลนข้างล่างแสดงบานประตูลมุนในตำแหน่งที่แตกต่างกันสามตำแหน่งเมื่อมองจากด้านบน



#### ■ คำถามที่ 1 : ประตูลมุน

บานประตูลมุนสองบานทำมุมกันมีขนาดของมุมในหน่วยองศาเป็นเท่าใด

ขนาดของมุม : .....°

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	ใช้หลักการทางคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด
เจตนาของคำถาม:	คำนวณมุมที่จุดศูนย์กลางของเซกเตอร์ของวงกลม

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

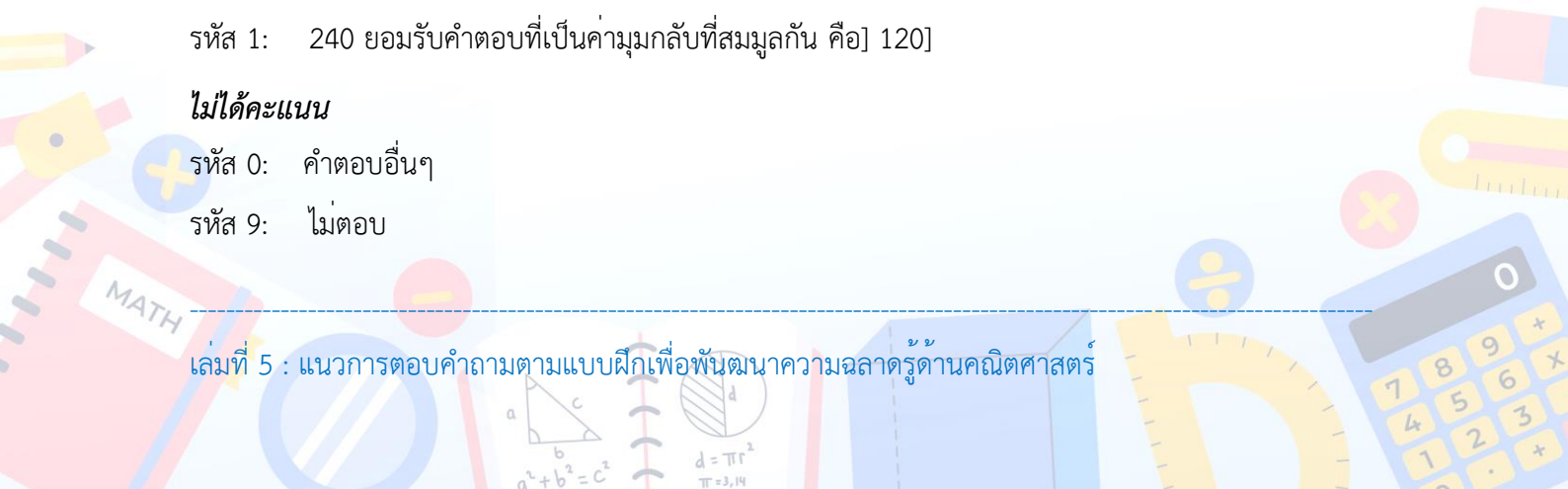
รหัส 1: 240 ยอมรับคำตอบที่เป็นค่ามุมกลับที่สมมูลกัน คือ] 120]

##### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

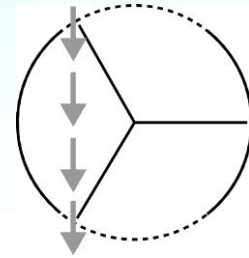
เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



■ คำถามที่ 2 : ประตูลมุน

ประตูที่เปิดออกสองด้าน (เส้นโค้งที่เป็นเส้นประในแผนภาพ) มีขนาดเท่ากัน ถ้าส่วนที่เปิดนี้กว้างเกินไป บานประตูลมุนจะไม่สามารถปิดช่องว่างได้สนิท และอากาศจะสามารถไหลผ่านได้ตลอดระหว่างทางเข้าและทางออก ซึ่งเป็นสาเหตุทำให้สูญเสียความร้อนหรือรับความร้อนที่ไม่ต้องการได้ ดังแสดงในแผนภาพด้านข้าง

อากาศสามารถไหลผ่านได้ในตำแหน่งนี้



ประตูที่เปิดออกแต่ละด้านจะมีความยาวของเส้นโค้งที่มากที่สุดที่สุดเป็นเท่าใดในหน่วยเซนติเมตร (ซม.) จึงจะทำให้อากาศไม่ไหลผ่านได้ตลอดระหว่างทางเข้าและทางออก

ความยาวของเส้นโค้งที่มากที่สุด : ..... ซม.

เนื้อหา:	ปริภูมิและรูปทรง
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ
เจตนาของคำถาม:	ตีความแบบจำลองเชิงเรขาคณิตของสถานการณ์ในชีวิตจริง เพื่อคำนวณความยาวของส่วนโค้ง

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: คำตอบอยู่ในช่วงตั้งแต่ 103 ถึง 105 [ยอมรับคำตอบที่คำนวณเป็น  $\frac{1}{6}^{th}$  ของเส้นรอบวงได้  $(\frac{100\pi}{3})$ ]

ยอมรับคำตอบเป็น 100 เท่านั้นด้วย เพียงแต่ต้องแสดงให้เห็นชัดเจนว่าคำตอบนี้เป็นผลลัพธ์ที่ได้มาจากการใช้  $\pi = 3$  หมายเหตุ: คำตอบที่เป็น 100 แต่ไม่แสดงวิธีทำสนับสนุน อาจได้มาจากการเดาอย่างง่าย ๆ ว่ามีค่าเท่ากับรัศมี (ความยาวของบานประตูเดียว)

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

209 [เป็นความยาวของส่วนที่เปิดทั้งหมดไม่ใช่ความยาวของส่วนที่เปิด “แต่ละด้าน”]

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : ประตูลมุน

ประตูลมุนครบ 4 รอบในหนึ่งนาที่ แต่ละส่วนของประตูลมุนทั้งสามส่วนจะมีที่ว่างพอสำหรับรับรองรับคนได้มากที่สุดสองคนในเวลา 30 นาที่ มีคนที่สามารถผ่านประตูลมุนเข้าสู่อาคารได้มากที่สุดกี่คน

1. 60
2. 180
3. 240
4. 720

เนื้อหา:	ปริมาณ
บริบท:	วิทยาศาสตร์
กระบวนการ	คิดในเชิงคณิตศาสตร์
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ
เจตนาของคำถาม:	ระบุข้อมูลและสร้างแบบจำลองเชิงปริมาณ (โดยนัย) ในการแก้ปัญหา

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: ข้อ 4. 720

ไม่ได้คะแนน

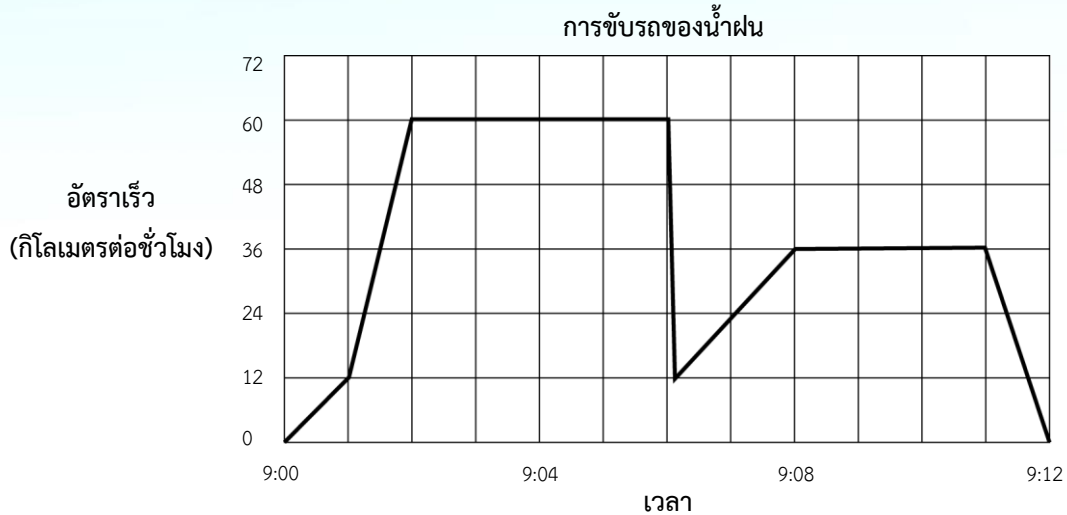
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 72 เรื่อง ขับรถ

เช้าวันหนึ่ง น้ำฝนออกไปขับรถเล่น ระหว่างทางแมวตัวหนึ่งวิ่งตัดหน้ารถ น้ำฝนต้องเหยียบเบรคอย่างกะทันหัน เพื่อไม่ให้ชนแมว น้ำฝนตกใจมากจนมือสั่น จึงตัดสินใจขับรถกลับบ้าน

กราฟต่อไปนี้แสดงการบันทึกอัตราเร็วของรถอย่างคร่าว ๆ



■ **คำถามที่ 1 : ขับรถ**

อัตราเร็วสูงสุดของรถที่น้ำฝนขับในเช้าวันนั้น เป็นเท่าไร

อัตราเร็วสูงสุด = ..... กิโลเมตรต่อชั่วโมง

เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
สาระวิชา:	ฟังก์ชัน
บริบท	สังคม
สมรรถนะทางคณิตศาสตร์:	การทำให้ใหม่
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 1: 60 กิโลเมตร/ชั่วโมง

**ไม่ได้คะแนน**

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : ชั้นประถม

ขณะที่น้ำฝนเหยียบเบรคเพื่อไม่ให้ชนแมว ขณะนั้นเป็นเวลาเท่าใด

คำตอบ : .....

เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
สาระวิชา:	ฟังก์ชัน
บริบท	สังคม
สมรรถนะทางคณิตศาสตร์:	การทำให้ใหม่
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบปิด

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: 9:06 หรือ เก้าโมงหกนาที่

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

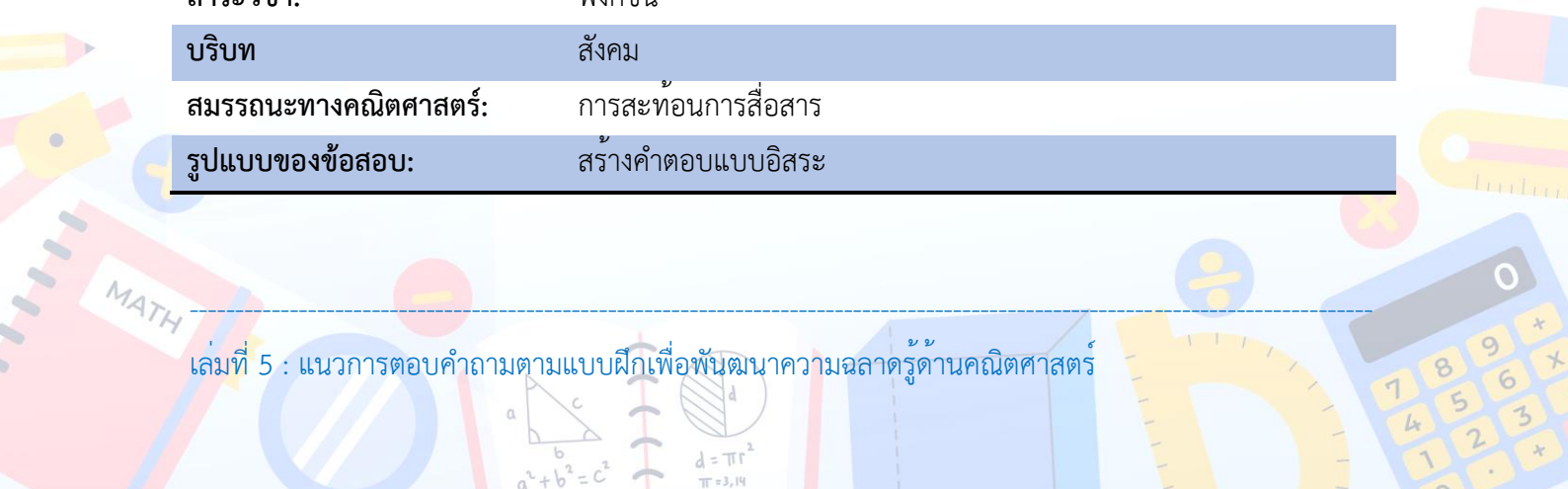
■ คำถามที่ 3 : ชั้นประถม

สามารถบอกได้หรือไม่ว่า เส้นทางที่น้ำฝนขับรถกลับบ้านสั้นกว่าเส้นทางที่เธอออกจากบ้าน ถึงจุดที่ชนแมว  
จงใช้ข้อมูลจากกราฟอธิบายเพื่อสนับสนุนคำตอบของนักเรียน

.....  
.....

เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	การเปลี่ยนแปลงและความสัมพันธ์
สาระวิชา:	ฟังก์ชัน
บริบท	สังคม
สมรรถนะทางคณิตศาสตร์:	การสะท้อนการสื่อสาร
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



## การให้คะแนน

### คะแนนเต็ม

รหัส 1: คำตอบว่า เส้นทางกลับบ้านสั้นกว่าด้วยการให้คำอธิบายที่เพียงพอ ทั้งความเร็วเฉลี่ยต่ำในเที่ยวกลับ และระยะเวลา (โดยประมาณ) ในเที่ยวกลับเท่าเดิม ข้อสังเกต ถ้าตอบโดยให้เหตุผลที่กล่าวถึงพื้นที่ใต้เส้นกราฟในเที่ยวกลับก็ถือว่าถูกต้องควรให้คะแนนเต็มด้วย

- ระยะเวลาเที่ยวไปยาวกว่าเที่ยวกลับ – ใช้เวลาเกือบเท่ากัน แต่ช่วงแรกเธอขับรถใช้ความเร็วมากกว่าช่วงหลัง
- เส้นทางที่กลับบ้านสั้นกว่า เพราะในเที่ยวกลับเธอใช้น้ำมันน้อยกว่า และขับรถช้ากว่าเที่ยวไป

### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบถูกต้อง แต่คำอธิบายไม่เพียงพอ

- ระยะเวลาสั้นกว่าเพราะเมื่อตอนที่เธอเหยียบเบรคนั้น เวลาผ่านไปมากกว่าครึ่งหนึ่งของการเดินทางแล้ว
- เส้นทางกลับบ้านสั้นกว่า เนื่องจากเส้นกราฟในเที่ยวกลับครอบคลุมพื้นที่ ตารางหน่วย ในขณะที่ 8 ตารางหน่วย 9 เทียบไปครอบคลุมพื้นที่

หรือ

คำตอบอื่น ๆ

- ไม่ ระยะเวลาเท่ากัน เพราะว่าเธอใช้เวลาหกนาทีก่อนเที่ยวกลับแต่ขับรถช้ากว่า
- จากกราฟถ้ารวมเวลาที่น้ำฝนเหยียบเบรคเพื่อไม่ให้ชนแมว อาจเร็วกว่าสัก วินาที แต่ถ้าปัดตัวเลขก็ 2 จะใช้เวลาเท่ากัน
- จากกราฟอาจบอกได้ว่า ระยะเวลาจากบ้านถึงจุดหยุดรถเท่ากับระยะทางที่เธอกลับบ้าน

รหัส 9: ไม่ตอบ

## สถานการณ์ที่ 73 เรื่อง ความสูง

ห้องเรียนห้องหนึ่งมีนักเรียนหญิง 25 คน ความสูงเฉลี่ยของนักเรียนหญิงกลุ่มนี้เป็น 130 เซนติเมตร

### ■ คำถามที่ 1 : ความสูง

จงอธิบายวิธีการหาความสูงเฉลี่ย

.....

.....

เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ความไม่แน่นอน
สาระวิชา:	สถิติ
บริบท	การศึกษา
สมรรถนะทางคณิตศาสตร์:	การทำให้ใหม่
รูปแบบของข้อสอบ:	สร้างคำตอบแบบอิสระ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: คำอธิบายประกอบด้วย ผลรวมของความสูงของนักเรียนแต่ละคนแล้วหารด้วย 25

- นำความสูงของนักเรียนหญิงทุกคนมารวมกัน แล้วหารด้วยจำนวนนักเรียนหญิงทั้งหมด
- นำความสูงของนักเรียนหญิงทุกคนมารวมกัน และหารด้วยจำนวนนักเรียนหญิง ในกรณีนี้คือ 25
- ผลรวมของความสูงทั้งหมดที่มีหน่วยเดียวกัน แล้วหารด้วยจำนวนนักเรียนหญิง

#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 2 : ความสูง

จงเขียนวงกลมล้อมรอบคำว่า “จริง” หรือ “เท็จ” ในแต่ละประโยคต่อไปนี้

ประโยค	จริง หรือ เท็จ
ถ้านักเรียนหญิงคนหนึ่งในห้องสูง 132 เซนติเมตร ต้องมีนักเรียนหญิงอีกคนหนึ่งสูง 128 เซนติเมตร	จริง / เท็จ
นักเรียนหญิงส่วนใหญ่ต้องมีความสูง 130 เซนติเมตร	จริง / เท็จ
ถ้าจัดลำดับเด็กหญิงจากเตี้ยที่สุดไปสูงที่สุด นักเรียนคนที่มีลำดับตรงกลาง ต้องมีความสูง 130 เซนติเมตร	จริง / เท็จ
ครึ่งหนึ่งของนักเรียนหญิงในห้องต้องเตี้ยกว่า 130 เซนติเมตร และอีกครึ่งหนึ่งต้องสูงกว่า 130 เซนติเมตร	จริง / เท็จ

เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ความไม่แน่นอน
สาระวิชา:	สถิติ
บริบท	การศึกษา
สมรรถนะทางคณิตศาสตร์:	การสะท้อนการสื่อสาร
รูปแบบของข้อสอบ:	การตอบเชิงซ้อน

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: ตอบถูกทั้งหมดสี่ข้อ เท็จ เท็จ เท็จ เท็จ ตามลำดับ

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : ความสูง

สามารถบอกได้หรือไม่ว่า เส้นทางที่น้ำฝนขับรถกลับบ้านสั้นกว่าเส้นทางที่เธอออกจากบ้าน ถึงจุดที่ชนแมวจิ้งใช้ข้อมูลจากกราฟอธิบายเพื่อสนับสนุนคำตอบของนักเรียน มีการพบข้อผิดพลาดจากการวัดความสูงของนักเรียนคนหนึ่ง ซึ่งควรจะเป็น 120 เซนติเมตร ไม่ใช่ 145 เซนติเมตร

ความสูงเฉลี่ยของนักเรียนหญิงที่ถูกต้องควรเป็นเท่าใด

1. 126 เซนติเมตร
2. 127 เซนติเมตร
3. 128 เซนติเมตร
4. 129 เซนติเมตร
5. 144 เซนติเมตร

เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ความไม่แน่นอน
สาระวิชา:	สถิติ
บริบท	การศึกษา
สมรรถนะทางคณิตศาสตร์:	การสะท้อนการสื่อสาร
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

การให้คะแนน

*คะแนนเต็ม*

รหัส 1: ข้อ 4. 129 เซนติเมตร

*ไม่ได้คะแนน*

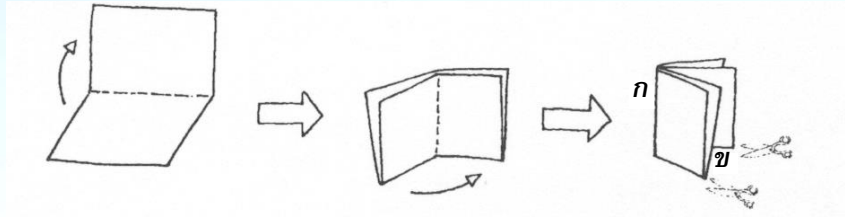
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 74 เรื่อง การเข้าเล่ม

#### ■ คำถามที่ 1 : การเข้าเล่ม

รูป 1

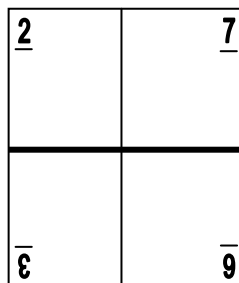


รูป 1 แสดงวิธีการทำสมุดเล่มเล็ก โดยมีขั้นตอนดังนี้

- นำกระดาษแผ่นหนึ่งมาพับครึ่งสองครั้ง
- เย็บลวดที่ขอบ ก
- ตัดกระดาษที่ขอบ ข สองขอบให้เปิดออก

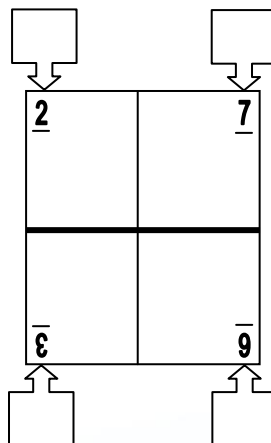
จะได้สมุดเล่มเล็กที่มีแปดหน้า

รูป 2



รูป 2 แสดงด้านหนึ่งของกระดาษที่ทำเป็นสมุด ซึ่งมีเลขหน้าเขียนไว้ก่อนแล้ว เส้นหนาคือกระดาษส่วนที่ถูกตัดหลังจากพับแล้ว

จงเขียนหมายเลข 1, 4, 5 และ 8 ลงในกรอบในแผนผังให้ถูกต้อง เพื่อแสดงว่าหน้าใด อยู่ด้านหลังของหน้า 2, 3, 6 และ 7

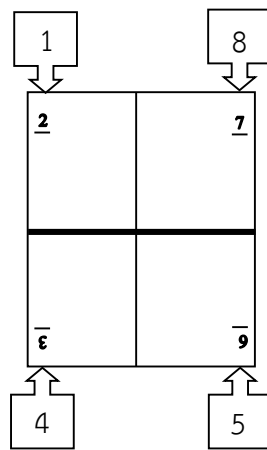


เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ความไม่แน่นอน
สาระวิชา:	สถิติ
บริบท	การศึกษา
สมรรถนะทางคณิตศาสตร์:	การสะท้อนการสื่อสาร
รูปแบบของข้อสอบ:	เลือกตอบ

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: เลขหน้าถูกใส่ในตำแหน่งที่ถูกต้อง (ไม่ต้องสนใจว่าหมายเลขจะหวักลับ)



#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

### สถานการณ์ที่ 75 เรื่อง จักรยาน

จิระศักดิ์ สมรศรี และปิติ ขี่จักรยานขนาดต่าง ๆ กัน ตารางต่อไปนี้แสดงระยะทางที่ล้อของจักรยานแต่ละคน เคลื่อนที่ครบหนึ่งรอบ

	ระยะทาง (หน่วย เซนติเมตร)					
	1 รอบ	2 รอบ	3 รอบ	4 รอบ	5 รอบ	6 รอบ
ปิติ	96	192	288	384	480	...
สมรศรี	160	320	480	640	800	...
จิระศักดิ์	190	380	570	760	950	...

#### ■ คำถามที่ 1 : จักรยาน

ปิติเข็นจักรยานของเขาเพื่อให้ล้อหมุนครบสามรอบ ถ้าจิระศักดิ์ทำเช่นเดียวกันโดยใช้จักรยานของเขา จักรยานของจิระศักดิ์จะไปได้ไกลกว่าจักรยานของปิติเป็นระยะทางเท่าใด ให้ตอบเป็นเซนติเมตร

คำตอบ : .....เซนติเมตร

เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ปริมาณ
สาระวิชา:	จำนวน
บริบท	ส่วนตัว
สมรรถนะทางคณิตศาสตร์:	การเชื่อมโยง
รูปแบบของข้อสอบ:	เขียนตอบแบบสั้น ๆ

#### การให้คะแนน

##### คะแนนเต็ม

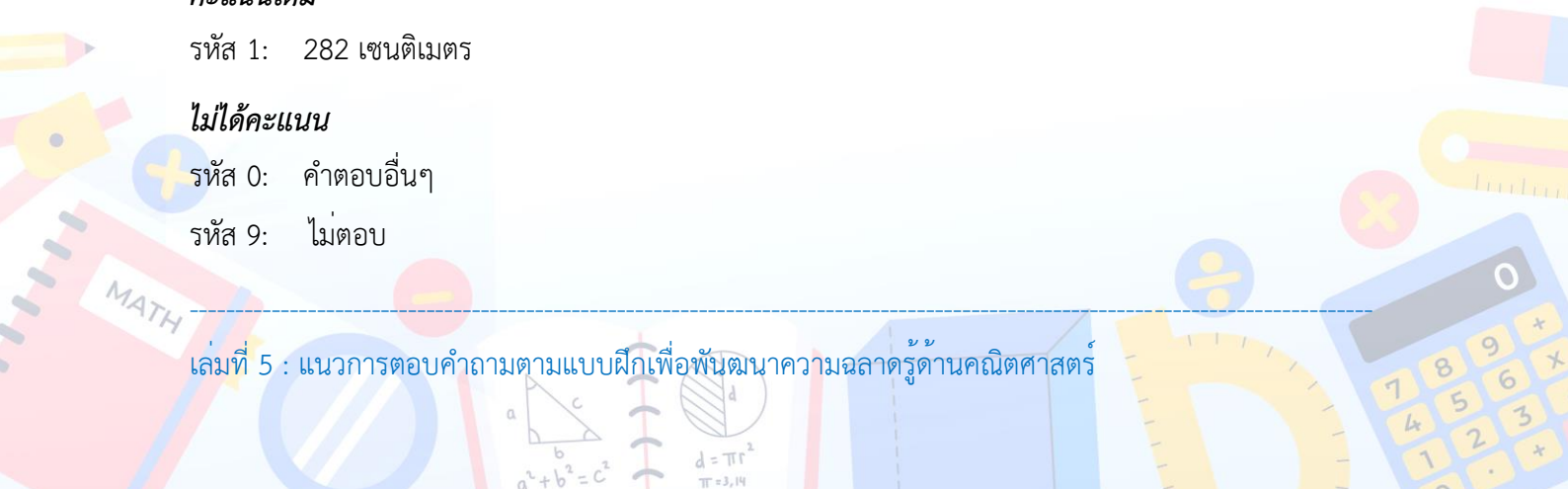
รหัส 1: 282 เซนติเมตร

##### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



■ คำถามที่ 2 : จักรยาน

ล้อจักรยานของสมศรีจะหมุนกี่รอบ ถ้าจักรยานเคลื่อนที่ไปได้ 1280 เซนติเมตร

คำตอบ : .....รอบ

เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ปริมาณ
สาระวิชา:	จำนวน
บริบท	ส่วนตัว
สมรรถนะทางคณิตศาสตร์:	การเชื่อมโยง
รูปแบบของข้อสอบ:	เขียนตอบแบบสั้น ๆ

การให้คะแนน

คะแนนเต็ม

รหัส 1: 8

ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

■ คำถามที่ 3 : จักรยาน

ล้อจักรยานของสมรศรีจะหมุนกี่รอบ ถ้าจักรยานเคลื่อนที่ไปได้ 1280 เซนติเมตร

คำตอบ : .....รอบ

เนื้อหาทางคณิตศาสตร์:	ปริมาณ
สาระวิชา:	จำนวน
บริบท	ส่วนตัว
สมรรถนะทางคณิตศาสตร์:	การเชื่อมโยง
รูปแบบของข้อสอบ:	เขียนตอบแบบสั้น ๆ

**การให้คะแนน**

**คะแนนเต็ม**

รหัส 21: ปั่น 1200 รอบ และมีวิธีทำที่ถูกต้อง หมายเหตุถ้าคำตอบถูกต้อง ถึงจะไม่ได้แสดงวิธีทำ แต่มีอะไรบางอย่างที่แสดงว่าเด็กมีวิธีคิดถูกต้อง ควรให้คะแนนเต็ม

ระยะทาง 960 เมตร ต้องการล้อหมุน 1000 รอบ ซึ่งสัมพันธ์กับ  $1000 \times \frac{6}{5} = 1200$  รอบ

รหัส 22: วิธีทำถูกต้อง และคำนวณผิดเล็กน้อย หรือคำนวณไม่สมบูรณ์

ปั่น 0 = รอบ 1 รอบ และล้อหมุน 5.2 รอบ ล้อหมุน 3.รอบ ได้ 3 เมตร ดังนั้น ปั่น 96 ระยะทาง

2.รอบ 400 เมตร ต้องปั่น 960 เมตร ดังนั้น 4

ต้องปั่น 960) รอบ  $1000 / 960$  เพื่อให้ได้ระยะทาง (96.0เมตร ดังนั้นต้องปั่นรอบ 833 สำหรับ

5) เกียร์กลาง/ (1000 ของ 6[วิธีคิดถูกต้อง แต่กลับเศษเป็นส่วน กลับส่วนเป็นเศษ]

$5 \times 0.96 = 4.8$  และ  $960 / 4.8 = 200$  ดังนั้น ต้องปั่น 200 รอบ ที่ถูกควรใช้  $200 / 5 = 40$  และ  $40 \times 6 = 240$  ดังนั้น ต้องปั่นจักรยานให้ได้ 240 รอบ [มีที่ผิดพลาด 1 แห่ง คือ การคูณด้วย 5 ในขั้นตอนแรก แต่ขั้นตอนอื่น ๆ ถูกต้อง]

**ไม่ได้คะแนน**

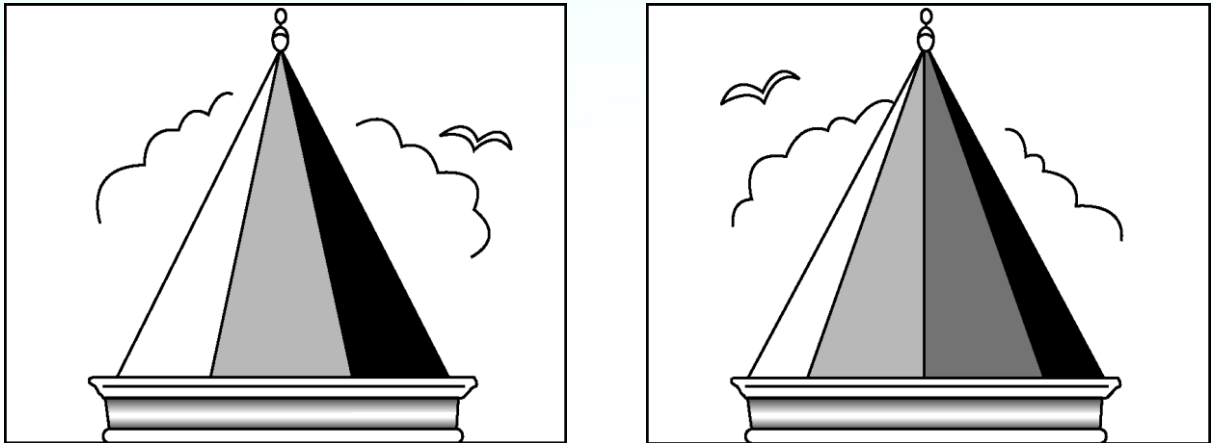
รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

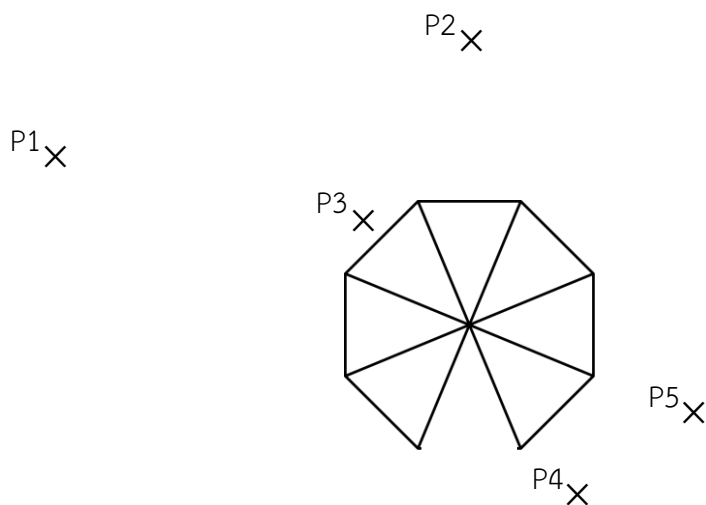
### สถานการณ์ที่ 76 เรื่อง การเห็นทอสูง

#### ■ คำถามที่ 1 : การเห็นทอสูง

รูป 1 และรูป 2 ข้างล่าง เป็นภาพวาดของทอสูงเหมือนกันทั้งสองรูปในรูป 1 นักเรียนเห็นหลังคาของทอสูงสามด้าน ในรูป 2 เห็นสี่ด้าน



แผนผังข้างล่างต่อไปนี้ แสดงภาพของหลังคาทอสูงที่มองลงจากข้างบน P1 – P5 เป็นตำแหน่งต่าง ๆ ห้าตำแหน่ง ซึ่งแสดงด้วยเครื่องหมายกากบาท (X) ณ ตำแหน่งเหล่านี้ ผู้ที่มองดูทอสูงจะสามารถมองเห็นจำนวนด้านของหลังคาได้ต่างกัน



จงเขียนวงกลมแสดงจำนวนด้านของหลังคาที่จะสามารถมองเห็นได้จากตำแหน่งต่าง ๆ ในตารางข้างล่าง

ตำแหน่ง	จำนวนด้านของหลังคาที่สามารถมองเห็นจากตำแหน่งต่าง ๆ (จงวงรอบจำนวนที่ถูกต้อง)				
P1	1	2	3	4	มากกว่า 4
P2	1	2	3	4	มากกว่า 4
P3	1	2	3	4	มากกว่า 4
P4	1	2	3	4	มากกว่า 4
P5	1	2	3	4	มากกว่า 4

เนื้อหาทางคณิตศาสตร์: ปริภูมิและรูปทรงสามมิติ

สาระวิชา: เรขาคณิต

บริบท: ส่วนตัว

สมรรถนะทางคณิตศาสตร์: การเชื่อมโยง

รูปแบบของข้อสอบ: เลือกตอบเชิงซ้อน

### การให้คะแนน

#### คะแนนเต็ม

รหัส 1: วงกลมรอบจำนวนที่อยู่ใน P1 – P5 ดังนี้ 4, 3, 1, 2, 2

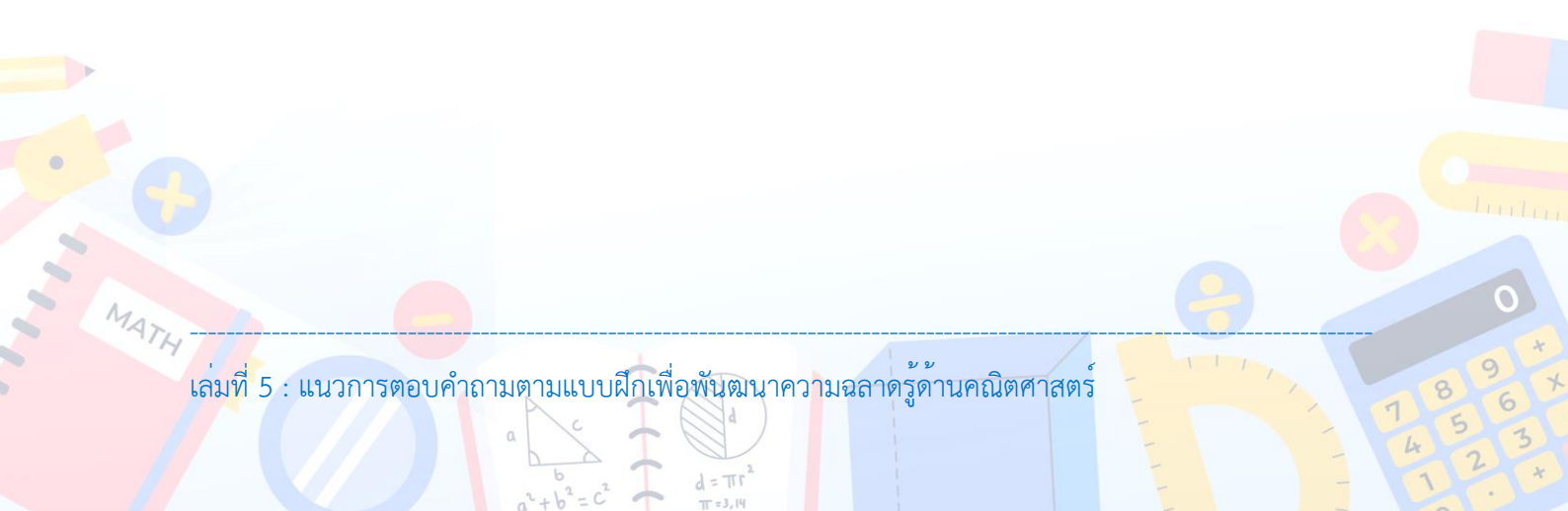
#### ไม่ได้คะแนน

รหัส 0: คำตอบอื่นๆ

รหัส 9: ไม่ตอบ

## บันทึก

เล่มที่ 5 : แนวการตอบคำถามตามแบบฝึกเพื่อพัฒนาความฉลาดรู้ด้านคณิตศาสตร์



## เอกสารอ้างอิง

สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี , Organisation for Economic Co-operation and Development-OECD. (2557). ตัวอย่างข้อสอบคณิตศาสตร์ PISA 2012 . กรุงเทพมหานคร : หางหุ้นส่วนจำกัด วี.เจ.พรีนติ้ง .

สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี , Organisation for Economic Co-operation and Development-OECD. (2555). ตัวอย่างข้อสอบการประเมินผลนานาชาติ PISA คณิตศาสตร์ . กรุงเทพมหานคร : หางหุ้นส่วนจำกัด อรุณการพิมพ์ .

สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี , Organisation for Economic Co-operation and Development-OECD. (2555). ระบบออนไลน์ข้อสอบ PISA ที่ได้รับอนุญาตให้เผยแพร่ . เผยแพร่ 15 เมษายน 2567 , จาก <https://ipst-pisatest.ipst.ac.th/> .

## คณะผู้จัดทำ

### ที่ปรึกษา

- |                                       |   |
|---------------------------------------|---|
| 1. พลตำรวจเอก เพิ่มพูน ชิดชอบ         | รัฐมนตรีว่าการกระทรวงศึกษาธิการ   |
| 2. นายสุรศักดิ์ พันธุ์เจริญวรกุล      | รัฐมนตรีช่วยว่าการกระทรวงศึกษาธิการ   |
| 3. ว่าที่ร้อยตรี ธนุ วงษ์จินดา        | เลขาธิการคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน  |
| 4. รองศาสตราจารย์ธีระเดช เจียรสุขสกุล | ผู้อำนวยการสถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี                            |
| 5. นางเกศทิพย์ ศุภวานิช               | รองเลขาธิการคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน   |
| 6. นายภูธร จันทะหงษ์ ปุณยจรัสธำรง     | ผู้ช่วยเลขาธิการคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน                                     |
| 7. นายธงชัย ชิวปรีชา                  | ผู้ทรงคุณวุฒิที่ปรึกษาคณะกรรมการพัฒนา<br>โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย |

### คณะกรรมการอำนวยการจัดทำเอกสาร

- |                              |  |
|------------------------------|--|
| 1. นางสาวรัตนา แสงบัวเผื่อน  | ผู้อำนวยการสำนักติดตามและประเมินผลการจัดการศึกษาขั้นพื้นฐาน                            |
| 2. นายวิษณุ ทรัพย์สมบัติ     | ผู้อำนวยการสำนักวิชาการและมาตรฐานการศึกษา  |
| 3. นายชนาธิป ทูย์แป          | ผู้อำนวยการสำนักทดสอบทางการศึกษา   |
| 4. นายภูริวรรษ คำอ้ายกาวิิน  | ผู้อำนวยการสำนักบริหารงานความเป็นเลิศด้านวิทยาศาสตร์ศึกษา                              |
| 5. นางสาวสุพัตรา ผาติวิสันต์ | รองผู้อำนวยการสถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี                              |
| 6. นางฉันทยานันต์ กุลศุภกร   | ผู้อำนวยการ สาขาประเมินผลทางการศึกษา<br>สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี    |
| 7. นายจักรพงษ์ วงค์อ้าย      | ผู้อำนวยการศูนย์ขับเคลื่อนโครงการโรงเรียนคุณภาพประจำตำบล                               |
| 8. นายสมเจตน์ พันธุ์พรม      | ผู้อำนวยการศูนย์ PISA  |
| 9. นางสาวชามาศ ดิษฐเจริญ     | ศึกษานิเทศก์ชำนาญการพิเศษ ช่วยราชการ<br>สำนักบริหารงานความเป็นเลิศด้านวิทยาศาสตร์ศึกษา |

### บรรณาธิการกิจ

1. นางสาวสุพัตรา ผาติวิสันต์ รองผู้อำนวยการสถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี
2. นางธัญยากานต์ กุลศุภกร ผู้อำนวยการสาขาประเมินผลทางการศึกษา
3. นางเกตุวดี จังวัฒนกุล สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี
4. นางสาววรรณารถ อยู่สุข ผู้อำนวยการสถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี
5. นางสาวพุดเตย ตาฬวัฒน์ นักวิชาการอาวุโส สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี
6. นายศราวุฒิ รัตนประยูร นักวิชาการอาวุโส สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี
7. นายจตุพล งามแมน นักวิชาการ สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี
8. นางสาวชามาศ ดิษฐเจริญ ศึกษานิเทศก์ชำนาญการพิเศษ ช่วยราชการ  
สำนักบริหารงานความเป็นเลิศด้านวิทยาศาสตร์ศึกษา
9. นางสาวจันทนา เปรมฤดีปรีชาชาญ โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ชลบุรี
10. นางสาวขวัญชนก สุคำภา โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย มุกดาหาร
11. นางสาวสุวดี นาสวัสดิ์ โรงเรียนบดินทรเดชา (สิงห์ สิงหเสนี)
12. นายนิรัตน์ อจลพล โรงเรียนบดินทรเดชา (สิงห์ สิงหเสนี)

### คณะผู้จัดทำ

1. นางสาวจันทนา เปรมฤดีปรีชาชาญ โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ชลบุรี
2. นายบุญเลิศ จรัส โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย เชียงราย
3. นายก่อเกียรติ ศิจิตต์ โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย เชียงราย
4. นางวาสนา ปราบุดร โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย พิษณุโลก
5. นางมริสา อริยะวงศ์ โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย พิษณุโลก
6. นางสาวอมรรัตน์ อ้วนไตร โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ลพบุรี
7. นางสาวธนัชพร โพธิ์เอน โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ลพบุรี
8. นางสาวศิวพร บุญแท้ โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย เลย
9. นางสาวศิริวรรณ ชาญญารักษ์ โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย เลย
10. นางสาวขวัญชนก สุคำภา โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย มุกดาหาร
11. นางสาวจิระภา พิมพ์ศรี โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย มุกดาหาร
12. นางปฐมภรณ์ สิทธิเชื้อ โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย บุรีรัมย์
13. นางสาวปวีณรัตน์ เกียรติวิริยะ โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย บุรีรัมย์
14. นางสาวศิวลัย บุลาลม โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย บุรีรัมย์
15. นางสาวดาวเรือง บุตรทรัพย์ โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ปทุมธานี

- |                                    |  |
|------------------------------------|--|
| 16. นางสาวพรรณพรรณ พิทยาพะละ       | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ปทุมธานี      |
| 17. นางณิชต์ชกาญจน์ อุทุมสกุลรัตน์ | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ปทุมธานี      |
| 18. นางสาวพินทุสร จันโทศรี         | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ชลบุรี        |
| 19. นายศุภการย์ เกลี้ยงเกล้า       | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย เพชรบุรี      |
| 20. นางสาวศิตา ทวีกาญจน์           | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย เพชรบุรี      |
| 21. นางวิภาวี บุญฤกษ์              | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย นครศรีธรรมราช |
| 22. นางทสกร มั่นวงศ์               | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย นครศรีธรรมราช |
| 23. นางสาวปิยธิดา อุทก             | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ตรัง          |
| 24. นางสาวจรรุวรรณ บุญชลาลัย       | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ตรัง          |
| 25. นายदनุจ สามีญ                  | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย สตูล          |
| 26. นางสาวจันจิรา ตำภู             | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย สตูล          |
| 27. นางสาวรุ่งทิวา บุญมาโตน        | โรงเรียนยุพราชวิทยาลัย                           |
| 28. นายพนมไพโร สวัสดิวงศ์          | โรงเรียนรัตนโกสินทร์สมโภชบางขุนเทียน             |
| 29. นายสุริยา อินวิเชียร           | โรงเรียนสตรีอ่างทอง                              |
| 30. นางสาวปรารถนา ศรีณย์ชล         | โรงเรียนศรีบุญยานนท์                             |
| 31. นางจิตรลดา ไชยดิษฐ์            | โรงเรียนหาดใหญ่วิทยาลัย                          |
| 32. นางจันทนา นาครัชตะอมร          | โรงเรียนกาฬสินธุ์พิทยาสรรพ์                      |
| 33. นางอัยย์ญาติา มิลเลอร์         | โรงเรียนอำนาจเจริญ                               |
| 34. นางอุษณีย์ บัวชุม              | โรงเรียนอำนาจเจริญ                               |
| 35. นางสาวสุดารัตน์ พิบูลย์สังข์   | โรงเรียนสวนกุหลาบวิทยาลัย นนทบุรี                |
| 36. นายอนันตโชค คล้ายมณี           | โรงเรียนนวมินทราชินูทิศ หอวัง นนทบุรี            |
| 37. นางน้ำฝน ศรีท้าวไตร            | โรงเรียนเพชรพิทยาคม                              |
| 38. นายพรเทพ พรมตา                 | โรงเรียนเบญจมราชรังสฤษฎ์                         |
| 39. นางพรลดา แก้วพิทักษ์           | โรงเรียนวิเชียรมาตุ                              |

**คณะผู้ออกแบบปกและจัดทำรูปเล่ม**

- |                             |  |
|-----------------------------|--|
| 1. นายกฤษฏา ทองเชื้อ        | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ชลบุรี      |
| 2. นายกิตติธัช ทองแถม       | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ชลบุรี      |
| 3. นางณัฏฐา ทองเชื้อ        | โรงเรียนวิทยาศาสตร์จุฬาราชวิทยาลัย ชลบุรี      |
| 4. นางสาวนภาพร อมรเดชาวัฒน์ | สำนักบริหารงานความเป็นเลิศด้านวิทยาศาสตร์ศึกษา |
| 5. นายภัทรพงษ์ ปักกะตา      | สำนักบริหารงานความเป็นเลิศด้านวิทยาศาสตร์ศึกษา |

<https://www.pisacenterobec.org>

<https://ipst-pisatest.ipst.ac.th>

สำนักงานคณะกรรมการการศึกษาขั้นพื้นฐาน  
สถาบันส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี  
กระทรวงศึกษาธิการ

